

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Informazioni su questo libro

Si tratta della copia digitale di un libro che per generazioni è stato conservata negli scaffali di una biblioteca prima di essere digitalizzato da Google nell'ambito del progetto volto a rendere disponibili online i libri di tutto il mondo.

Ha sopravvissuto abbastanza per non essere più protetto dai diritti di copyright e diventare di pubblico dominio. Un libro di pubblico dominio è un libro che non è mai stato protetto dal copyright o i cui termini legali di copyright sono scaduti. La classificazione di un libro come di pubblico dominio può variare da paese a paese. I libri di pubblico dominio sono l'anello di congiunzione con il passato, rappresentano un patrimonio storico, culturale e di conoscenza spesso difficile da scoprire.

Commenti, note e altre annotazioni a margine presenti nel volume originale compariranno in questo file, come testimonianza del lungo viaggio percorso dal libro, dall'editore originale alla biblioteca, per giungere fino a te.

Linee guide per l'utilizzo

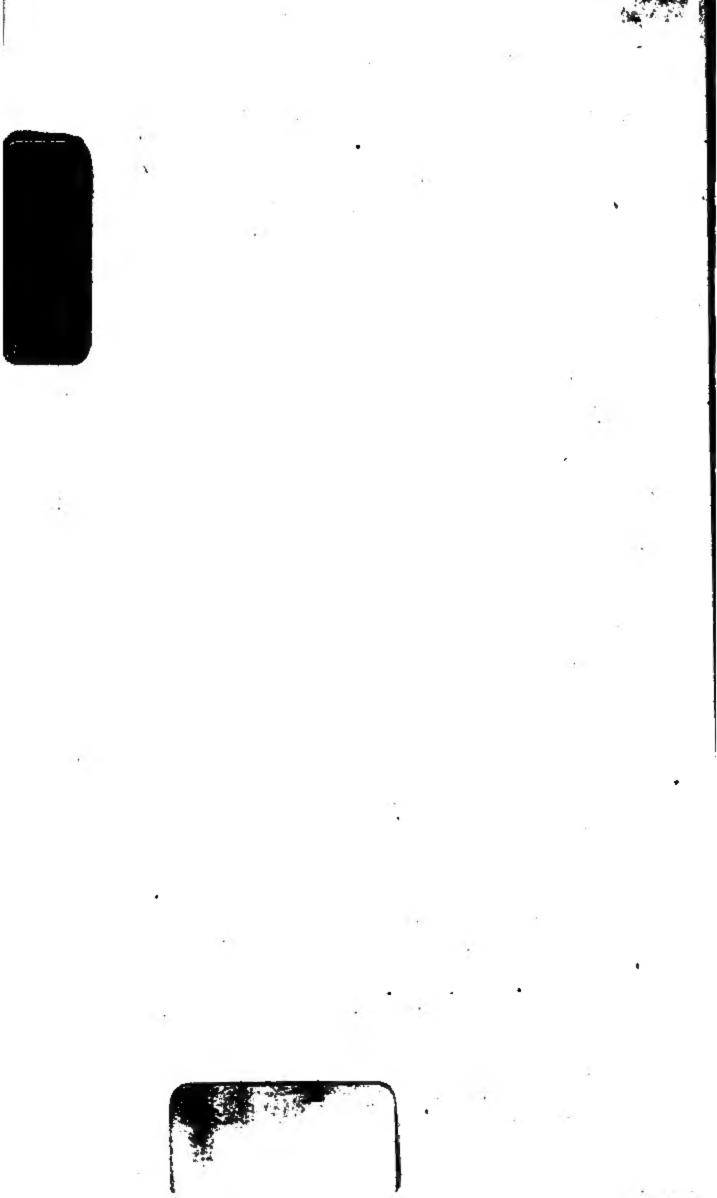
Google è orgoglioso di essere il partner delle biblioteche per digitalizzare i materiali di pubblico dominio e renderli universalmente disponibili. I libri di pubblico dominio appartengono al pubblico e noi ne siamo solamente i custodi. Tuttavia questo lavoro è oneroso, pertanto, per poter continuare ad offrire questo servizio abbiamo preso alcune iniziative per impedire l'utilizzo illecito da parte di soggetti commerciali, compresa l'imposizione di restrizioni sull'invio di query automatizzate.

Inoltre ti chiediamo di:

- Non fare un uso commerciale di questi file Abbiamo concepito Google Ricerca Libri per l'uso da parte dei singoli utenti privati e ti chiediamo di utilizzare questi file per uso personale e non a fini commerciali.
- + Non inviare query automatizzate Non inviare a Google query automatizzate di alcun tipo. Se stai effettuando delle ricerche nel campo della traduzione automatica, del riconoscimento ottico dei caratteri (OCR) o in altri campi dove necessiti di utilizzare grandi quantità di testo, ti invitiamo a contattarci. Incoraggiamo l'uso dei materiali di pubblico dominio per questi scopi e potremmo esserti di aiuto.
- + Conserva la filigrana La "filigrana" (watermark) di Google che compare in ciascun file è essenziale per informare gli utenti su questo progetto e aiutarli a trovare materiali aggiuntivi tramite Google Ricerca Libri. Non rimuoverla.
- + Fanne un uso legale Indipendentemente dall'utilizzo che ne farai, ricordati che è tua responsabilità accertati di farne un uso legale. Non dare per scontato che, poiché un libro è di pubblico dominio per gli utenti degli Stati Uniti, sia di pubblico dominio anche per gli utenti di altri paesi. I criteri che stabiliscono se un libro è protetto da copyright variano da Paese a Paese e non possiamo offrire indicazioni se un determinato uso del libro è consentito. Non dare per scontato che poiché un libro compare in Google Ricerca Libri ciò significhi che può essere utilizzato in qualsiasi modo e in qualsiasi Paese del mondo. Le sanzioni per le violazioni del copyright possono essere molto severe.

Informazioni su Google Ricerca Libri

La missione di Google è organizzare le informazioni a livello mondiale e renderle universalmente accessibili e fruibili. Google Ricerca Libri aiuta i lettori a scoprire i libri di tutto il mondo e consente ad autori ed editori di raggiungere un pubblico più ampio. Puoi effettuare una ricerca sul Web nell'intero testo di questo libro da http://books.google.com



QB.

41

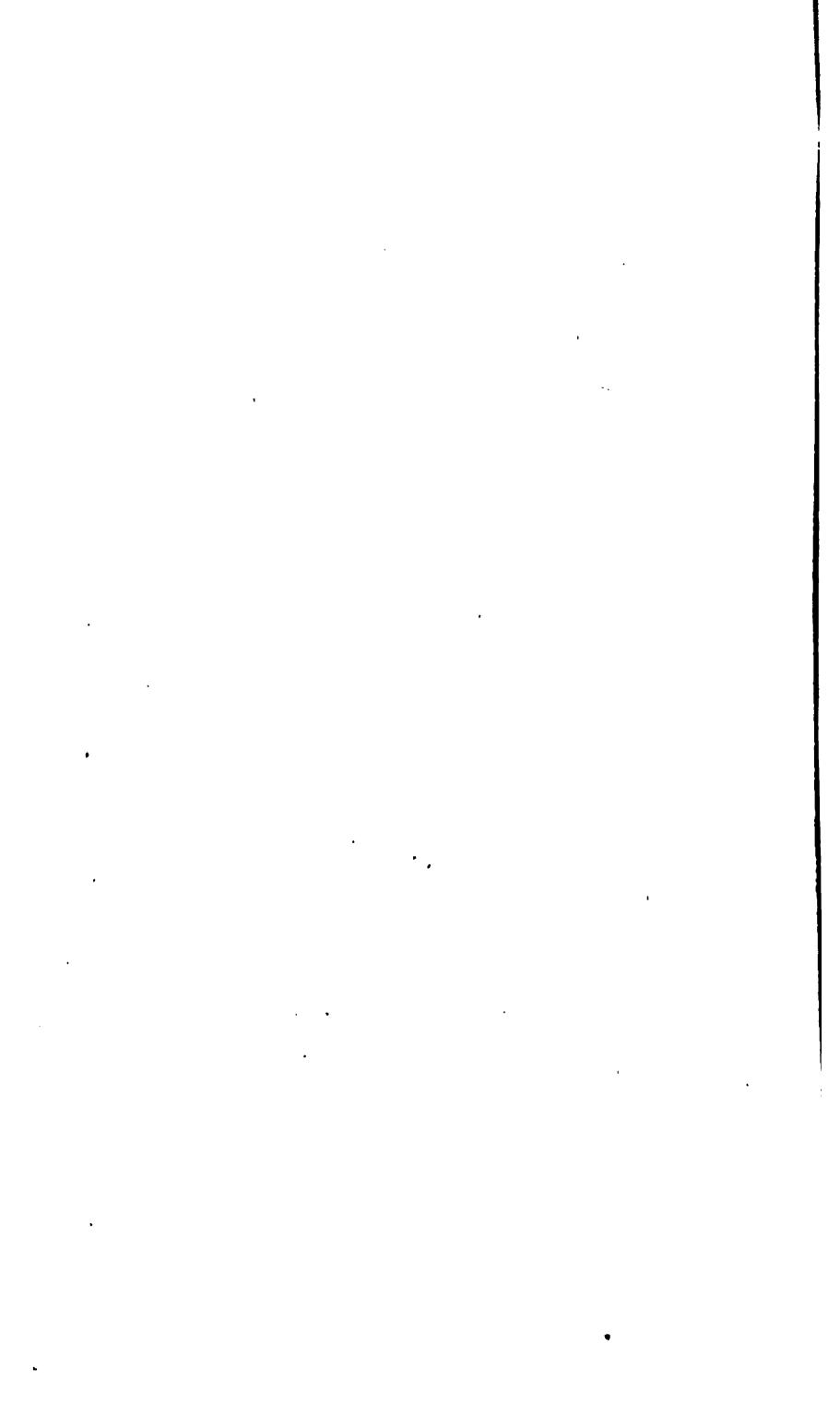
.G158 1808

• • • •

OPERE

DI

GALILEO GALILEI.



OPERE

DI

GALILEO GALILEI

NOBILE FIORENTINO.

VOLUME DECIMO.

MILANO

Dalla Società Tipografica del Cappuccio.

ANNO 1811.

4	_	•	
-		•	•
	÷ .		
•	*		
		÷ ,	•
346	4	A_	,
		T.	\$
-			
		,	

NOTE

. AL TRATTATO

DEL GALILEO

DEL MOTO NATURALMENTE
ACCELERATO

DEL PADRE ABATE

D. GUIDO GRANDI

a pechassed 9-16-37

Matematico di S. A. R. e dell' Università di Pisa.

Il principale fondamento, sepra di cui ha stabilita il Galileo la sua nuova scienza del Moto accelerato de' Gravi cadenti, è l'ipotesi, che un grave partendosi dalla quiete si vada acquistando appoco appoco la velocità: dimanierachè in ogni minima particella uguale di tempo si vada sopraggiugnendo un grado eguale di celurità; e però cresca nel mobile la velocità mede-

sima in quella proporzione appunto, in cui cresce il tempo dal principio del moto.

- 2. Questa supposizione non solamente è la più naturale, ed assai conforme alla ragione ed alle sperienze, come accenna il nostro Antore, ma resta altresì confermata dall' universale consentimento de' Filosofi e Matematici moderni, che l'hanno generalmente abbracciata per vera: purchè però si prescinda, come espressamente avverti lo stesso Galileo, dalla resistenza del mezzo, in cui si sa il moto; e purchè si supponga in oltre, come fa tucitamente il medesimo Autore, che la gravità sia una forza invariabile, e come suol dirsi, costante; onde in ogni particella uguale di tempo, essendo similmente applicata al mobile, debba in esso imprimere un eguale grado di velocità, e spingerlo abbasso col medesimo inalterato vigore: non essendovi ragione alcuna, perchè aver possa diversa azione in un momento, più che in un altro.
- 3. Ma ne' tempi susseguenti all'età del Galileo si cominciò a dubitare, che la gravità d'un medesimo corpo non variasse al mutarsi del luogo, e non crescesse o scemasse di energia, secondo le varie distanze dal centro comune, a cui tendono i gravi, corrispondendo alle dette lontananze con qualche legge di proporzione determinata dall' Autore della Natura; il che se fusse, gli accrescimenti della velocità, acquistati

dal mobile in qualsivoglia menoma particella uguale di tempo non sarebbero più fra di loro uguali, ma più tosto proporzionali alle varie forze della gravità, che nel suo avvicinamento al centro comune, alterando il proprio vigore, doverebbe cagionare tanto maggiore o minore effetto, quanto maggiore o minore fusse l'energia da essa acquistata nel progresso del moto. Così, perchè la forza della Calamita vicina è maggiore della più lontana, se un ago in una certa distanza dal polo di quella comincia a risentire l'azione, da cui viene spinto a congiungersi col detto polo, la velocità, che gli viene impressa in un secondo di tempo dal principio del moto, non sarà nguale a quella, che gli si aggiunge in ciascuno de susseguenti secondi; ma tanto maggiore diventerà sempre l'augumento della velocità corrispondente alle particelle uguali di tempo impiegato nel moto, quanto è maggiore la sorza della Calamita già vicina dell'energia che aveva in maggiore loutanauza.

4. È vero, che nelle distanze dal centro della Terra, nelle quali possiamo sperimentare i movimenti de gravi, non può sensibilmente variarsi la forza della gravità, perchè quantunque in rigore dovesse alterarsi la sua energia a misura che scemano, o crescono le distanze dal centro, secondo qualsivoglia proporzione semplice o multiplicata delle medesime distanze prese direttamente o reciprocamente; ad ogni modo è si grande il semidiametro della Terra, che si calcola maggiore di 3647, miglia Fiorentine, secondo le moderne più esatte ossessazioni: onde aggiungendogli ancora l'altezza d'un miglio o due, non si fa una distanza sensibilmente maggiore, che possa per questo conto alterare l'effetto della gravità, sicchè con tutta ragione si può supporre, che sia una forza costante, almeno per quanto appartiene a que moti, che appresso di noi sulla superficie della Terra veggiamo farsi in linea retta.

5. Ma perchè non mancano Autori di gran nome, che poco soddisfacendosi dell'ipotesi del Galileo, hanno creduto, che ancora per li movimenti fatti qui su gli occhi nostri, nello scendere i gravi per poche braccia, l'accelerazione de' gravi camminasse con diversa proporzione: e perchè la dottrina del moto accelérato potrebbe stendersi a distanze maggiori dal centro del moto, nelle quali avesse luogo la variazione della forza della gravità immaginata da Matematici e Filosofi moderni, specialmente nel calcolo de' moti celesti, nella spiegazione de' quali suppongono tutti i Pianeti esser gravi verso del Sole; ed ancora finalmente, perchè quando pure in ogni moto rettilineo dovesse computarsi la gravità per una forza costante ed inveriabile; è certo però, che ne' moti curvilinei

6. E primieramente dichiarerò certi termini, de' quali mi voglio servire quindi innanzi, secondo l'uso, che di già hanno appresso a' moderni Matematici, che di simiglianti materie trattarono; benchè per

ischivare ogni pericolo di confusione mi convenga distinguerli con qualche particolare aggiunto nella maniera che segue.

Definizioni.

7 S'interseghino le rette P S, G M (Fig. 1.) perpendicolarmente in A; ed esprimano le porzioni in A S della prima l'estensione dello spazio scorso dal mobile partitosi dalla quiete in A; e le porzioni A M della seconda rappresentino l'estensione del tempo impiegato in un tal moto dalla sua origine in A. Negl' infiniti punti della retta A S sieno applicate le rette S F rappresentanti le forze, colle quali viene spinto il mobile in ciascun punto dello spazio; e. le rette S V esprimenti il grado di velocità, che ivi si trova d'avere acquistato il mobile scendendo per lo spazio A S; e le rette S T, che denotano l'estensione del tempo impiegato in un tale moto; e le S t proporzionali agl'incrementi momentanei del tempo, ne'quali si promuove il mobile per le particelle elementari dello spazio, sieno ancora le M F applicate a ciascun punto M della retta A M, uguali alle corrispondenti S.F, e le M V parimente uguali alle corrispon-denti S V, di maniera che espongano quelle la forza, e queste la velocità, con eui il mobile è spinto ne' momenti M del

tempo. Allora si dirà la superficie A G F S Scala delle forze; l'altra A V S Scala delle velocità; l'altra A T S la Scala de' tempi intieri; ma la figura P A M F dirassi Piano delle forze; e l'altra A V M Piano delle velocità; dimanierachè, occorrendo di applicare allo spazio qualche misura del moto, sempre la figura che na risulta dirassi Scala, ed applicandola al tempo, dovrà dirsi Piano di quella tale misura; ad imitazione de' Piani delle velocità, adoperati prima d'ogni altro dal célebre Gio. Alfonso Borelli De vi percussionis cap. 20 e delle Scale de' momenti usate dal famoso P. Cavalieri nell'esercitat. quinta Geometr. e poscia dal Viviani nel suo libro della resistenza de' Corpi solidi alle prop. 74 76 84 ec. e ad imitazione loro applicate a varie funzioni del moto dal Sig. Ermanno nella sua Foronomia, come egli stesso se ne protesta nella Prefazione verso il fine.

8 Posto ciò, si osservi di più, che le regole dimostrate dal Galileo per que'moti, che sono uniformi ed equabili, nel decorso de' quali si mantiene una stessa invariabile velocità, possono convenire ancora alle porzioni infinitamente piccole dei moti accelerati o ritardati; perchè sebbene ancora in esse realmente si aumenta o si diminuisce la velocità: tuttavolta questo accrescimento o decremento di velocità, essendo tanto minore, quanto che cor-

risponde ad una particella più piccola tempo, se questa si piglia infinitamente piccola, ancora l'accrescimento decremento suddetto di velocità sarà infinitamente piccolo, cioè minore di qualunque menomo grado assegnabile di celerità; e però l'aggiunta o il defalco di esso da quell'intera velocità, di cui è affetto il mobile nel principio d'una tale minima particella di tempo, è come un nulla, in paragone della medesima intera, essendo infinitamente più piccolo di essa, e però non ne altera la grandezza per la prop. 3 del mio Tratt. degl' Infiniti; onde è, come se in tutto quel tratto infinitamente piccolo di tempo, si fosse mantenuta esattamente la medesima velocità, senza punto alterarsi.

9 Per la qual cosa siccome ne' moti equabili gli spazi fatti nello stesso tempo sono proporzionali alle velocità; e quelli che sono scorsi con pari velocità sono proporzionali a'tempi; ed in somma generalmente sono in ragione composta de'tempi e delle velocità; e risultano eguali spazi, se le velocità sono reciproche de' tempi, e la ragione delle velocità si compone della diretta degli spazi e della reciproca de'tempi; siccome viceversa la ragione dei tempi si compone della diretta degli spazi e della reciproca delle velocità, come ha dimostrato il Galileo: così lo stesso affermar si puote nelle porzioni infinitamente

piccole de movimenti varj, perchè essendo fatte in un tempo momentaneo, si ha da considerare la velocità per quel solo tratto di tempo infinitamente piccolo, come perseverante nello stesso grado senza alterarsi.

10 Mi servirò ancora nelle seguenti proposizioni de' principj del metodo degli infinitamente piccoli, applicandoli però geometricamente, e senza intrigo di calcoli, avendo io già dimostrato rigorosamente nel mio Trattato degl' Infiniti alla prop. 5 ne' Corollarii ad essa soggiunti, tutto il fondamento, con cui si piglia la porzione infinitamente piccola d'una curva, per la tangente di essa, intercetta fra due ordinate infinitamente prossime: siccome la serie di tutti i rettangoli iscritti, circoscritti ad uno spazio curvilineo (quando sieno d'altezza infinitamente piccola, e conseguentemente in infinito multiplicati) per l'area medesima curvilinea, in cui vanno a terminare: e simili altre supposizioni, che facilmente si dimostrano ancora col ridurre all'assurdo, secondo il metodo degli Antichi, come avvisai nel luogo citato verso il fine, e però senza scrupolo si possono francamente abbrac-Ciare.

11 Ciò posto, si dimostreranno le seguenti proposizioni generalissime. Ì

PROPOSIZIONE I.

Scorrendosi da un mobile lo spazio A S (Fig 11.) col piano della velocità A M V, e da un altro mobile o dal medesimo facendosi lo spazio B C col piano della velocità B N O, saranno i detti spazi come i piani stessi, che loro corrispondono.

Dividase lo spazio A S in un infinito numero di minime particelle uguali S D, D E, E F ec. ed in altrettante C G, G H, H I ec. sia similmente diviso lo spazio B C; e ne'piani delle velocità distinguansi le infinitamente piccole porzioni di tempo K M, L K, P L ec. nelle quali sono passati gli spazi D S, E D, F E ec. siccome altresì le porzioni di tempo Q N., R Q, T R ec. corrispondenti agli spazietti G C. H G, I H ec. e si ordinino l'applicate K d, Le, Pfec. e le Qg, Rh, Tiec. rappresentanti le velocità, che rispettivamente hanno i mobili nello scorrere gli spazi suddetti nelle particelle di tempo sopra determinate. Essendo adunque gli spazj DS, GC in ragione composta de tempi K M, Q N, e delle velocità K d. Q g, saranno essi spazi D S, G C, come i rettangoli d K M, g Q N, o come l'aree d K M V, g Q N O; e similmente, per essere gli spazj F E, E D, D S, come l'aree f P L e, e L K d d K M V, sarauno queste fra di loro uguali, per essere quelli

supposti uguali fra loro, e per la stessa ragione saranno fra di loro uguali l' aree i TRh, h R Qg, gQNO, come pure eguali si sono supposti gli spazj T R, RQ, QN; e però quanto multiplice è lo spazio A S dello D S; tanto sarà multiplice l'area A M V a della d K M V; e l'area B N O b della g Q N O; come altresi lo spazio B C dello G C; e però se D S a G C sta, come d K M V a g Q N O, presi gli ugualmente multiplici degli antecedenti e de conseguenti, sarà ancora lo spazio A S allo B C, come il piano di velocità A M V a al piano di velocità B N O b. Il che era da dimostrarsi.

Corollario 1.

Quindi è, che gli spazi scorsi dalla quiete nel moto accelerato definito dal Galileo, crescono come i quadrati de'tempi; perchè allora essendo le velocità NO, MV (Fig. 111.) come i tempi AN, AM, ne'quali sono fatti gli spazi AC. AS; sarà il piano di velocità AMV un triangolo, ed il piano ANO un altro triangolo simile; e però quello a questo è come il quadrato del tempo AM al quadrato dell'AN; ma come i detti piani, così gli spazi scorsi AS, AC; dunque detti spazi sono come i quadrati de'tempi.

Corollario II.

Facendosi con moto vario lo spazio S (Fig. 1v.) nel tempo A M, secondo il piano della velocità A M V a; se nello stesso tempo A M colla massima velocità M V si scorrerà equabilmente lo spazio C, sarà S a C, come il piano della velocità A M V a al rettangolo A M V H circoscrittogli, perchè questo sarà il piano di velocità del moto equabile satto per lo spazio C nel tempo A M colla stessa velocità M V.

Corollario III.

Onde è manifesto, che lo spazio fatto equabilmente coll'ultimo grado della velocità, acquistatosi da un grave, che cada dalla quiete, secondo l'ipotesi del Galileo, in altrettanto tempo di quello in cui cadde, è duplo dello spazio fatto cadendo, per essere il piano della velocità di questo un triangolo A M V, e di quel moto equabile un rettangolo A M V H d'uguale base ed altezza.

PROPOSIZIONE II.

Se un mobile nel tempo A M (Fig. v.) movendosi spinto dalle forze espresse dal piano delle forze A P F M si acquista la velocità V, e movendosi nel tempo B N spinto dalle forze rappresentate dal piano di forze B H G N, si acquista la velocità C, sarà V a C, come il piano primo al secondo.

Sia X O una parte infinitesima della velocità V, che denoterà l'accrescimento di velocità sopraggiunto al mobile in una simile infinitesima parte K M del tempo A M; sia altresi Y S una simil parte infinitesima della velocità C, cioè l'incremento velocità acquistato dal mobile nella parte infinitesima Q N del tempo B N. Essendo gli effetti proporzionali alle loro cagioni, sarà X O a Y S in ragione composta della forza T K alla forza D Q, dalle quali dipendono gl'incrementi di velocità XO, YS, e del tempo KM, in cui sta quella applicata al mobile, al tempo Q N, in cui questa altresi s'applica a spingere il suo mobile, dovendo crescere per questi due capi l'accrescimento della velocità, cioè in ragione della forza, se in tempi eguali applicata, ed in ragione dei tempi, se la stessa forza dura più o meno a spingere il mobile; sarà dunque X O a Galileo Galilei Vol. X.

Y S, come il rettangolo T K M al rettangolo D Q N, o come l'area T K M F all'area D Q N G; e presigli ugualmente moltiplici dell'antecedenti e de' conseguenti, sarà l'intera velocità V all'intera velocità C, come il piano delle forze A P F M al piano delle forze B H G N. Il che ec.

Corollario.

Supponendosi col Galileo la forza della gravità sempre la medesima, saranno i piani delle forze A F F M, B H G N due rettangoli ugualmente altri proporzionali alle basi, cioè a' tempi A M, B N; e però con quella ipotesi è connessa necessariamente la supposizione dell'essere le velocità V, C proporzionali a' tempi A M, B N: e viceversa questa supposizione importa quella, non potendo essere le velocità come i tempi, se la gravità non si suppone una forza costante.

PROPOSIZIONE III.

La scala delle forze A G F S (Fig. v1.) sta all'altra scala A G H N, come il quadrato della velocità S C al quadrato della corrispondente velocità N V.

Si tirino le tangenti CK, VL a'punti C, V della scala delle velocità; e le CE, V I perpendicolari alla curva; e si suppongano le particelle BS, DN dello spazio, fatte in parti eguali, ed infinitamente piccole di tempo, tirando le BP, D M applicate alla scala delle velocità infinitamente prossime all'altre S C, N V, e siano P Q, M R parallele all'asse; e sì denoteranno per le differenze Q C, R V gli augumenti di velocità sopraggiunti al mobile dalle forze FS, HN in tempi eguali, ed infinitamente piccoli; onde saranno proporzionali i detti augumenti alle medesime forze; ma gli spazj B S, D N fatti in tempi uguali, sono come le velocità S C, N V; perchè dunque F S ad H N sta, come Q C ad R V, cioè in ragione composta di Q C a Q P, di Q P ad M R, e di M R ad R V; delle quali ragioni la prima per la similitudine de'triangoli P Q C, C S E, sta come E S ad S C; la seconda è la stessa di B S a D N, cioè, come si è detto, di S C ad N V, e l'altra, per la similitudine de'triangoli M RV, VNI, è come di NV ad NI; dunque F S ad H N ha ragione composta di ES ad SC, di SC ad NV, e di N V ad N I; cioè sta come la sunnormale R S alla sunnormale N I: che se fusse F S uguale ad SE, sarebbe ancora HN uguale ad N I, e l'area A G F S fatta dalle sunnormali della figura A.C.S., sarebba la

B, .

metà del quadrato S C, e l'area A G H N similmente la metà del quadrato N V, come ho dimostrato nel Coroll. 6 della Propos. 1. della seconda Appendice al Libro delle mie Quadrature; essendo adunque le dette F S, H N, se non eguali, almeno proporzionali alle dette S E, N I, è manifesto, essere le scale delle forze A G F S, A G H N proporzionali a'quadrati delle corrispondenti velocità S C, N R. Il che ec.

Corollario I.

Si noti, essersi dimostrato, che le forze SF, HN sono sempre come le sunnormali SE, NI della scala delle velocità.

Corollario II.

Se la forza è costante, come si suppone dal Galileo la gravità, sarà la linea G F H una retta parallela ad A N, e la scala delle forze diventando un rettangolo, sarà A G F S ad A G H N come lo spazio A S allo spazio A N; onde A S ad A N sarà come il quadrato della velocità S C al quadrato della velocità N V, e la scala della velocità in detta ipotesi è una parabola; ciò che altronde è noto, per es-

sere allora le velocità come i tempi, e gli spazi come i quadrati de' tempi, e conseguentemente proporzionali ancora a' quadrati delle velocità.

Corollario III.

Viceversa essendo la scala delle velocità una parabola, le cui sunnormali S E, N I sono sempre uguali alla metà del lato retto: ne segue, che le forze S F, N H, come proporzionali alle dette S E, N I, sono sempre da per tutto uguali.

Corollario 1V.

Quando si supponessero le forze A. G., S. F. (Fig. vii.) proporzionali a' viaggi da farsi verso un certo termine T., cioè come le A. T., S. T., sarebbe l'area A. G. T., cioè la scala delle forze, un triangolo; la scala delle velocità sarebbe un quarto di cerchio, o di ellisse A. C. V. T., il cui centro è nel termine T; perchè le sunnormali nel cerchio sono le medesime distanze dal centro T., e nell'ellisse riescono ad esse proporzionali, come sucora si suppongono essere le forze A. G., S. F.; e però in tale ipotesi le velocità sono come l'ordinate S. C. d'un cerchio, o d'una ellisse; dove ancora si verifica, essere l'a-

Corollario V.

Ma se le forze fussero in reciproca ragione delle distanze, la scala di esse forze sarèbbe l'iperbola d'Apollonio G F X (Fig. viii.) fra gli asintoti A T, T X, perchè in essa si verifica, essere A G ad SF, come reciprocamente ST ad AT, per l'ugualità de'rettangoli F S T, G A T iscritti allo spazio asintotico. Ed allora la scala delle velocità A C V sarebbe una Logistica, o Logaritmica del secondo grado, in cui i quadrati delle ordinate S C, N V sarebbero, come la ragione di A T ad ST alla ragione di AT ad NT; dimanieraché in questa ipotesi le velocità SC, N V sarebbero in sudduplicata ragione de logaritmi delle distanze ST, NT: come si raccoglie dal Coroll. 3 e 4 e dallo Scolio della prop. 19 del mio libro degl' Infiniti; essendosi ivi provato, che le sunnormali di questa sorta di Logistica uguagliano le ordinate allo spazio asintotico dell' iperbola, che qui rappresentano le forze; e che lo spazio suddetto asintotico dell'iperhola, come A G F S, è la metà del quadrato dell'ordinata corrispondente S C.

Corollario VI.

Quando poi le forze fussero reciproche de'quadrati delle distanze, sarebbe la scala A G F H (Fig. 1x.) un' iperbola quadratica fra gli stessi asintoti; e la scala delle velocità A C V sarebbe quella curva, che io descrivo nel mio libro delle quadrature alla prop. 4. nata da' seni versi, che da me suole chiamarsi la Versiera, in latino però Versoria; dimanierachè le velocità S C, N V sarebbero in ragione composta della sudduplicata de'spazi scorsi A S, A N direttamente, e della sudduplicata de'spazi che restano fino al termine T, cioè di N T, S T reciprocamente.

strare dalle cose da me nel luogo citato circa le proprietà di questa curva proposte; stimo bene, attesa l'utilità, che può ricavarsi in Meccanica da questa Curva, il darne ora questa facile descrizione, ricavandone ciò che fa al nostro proposito. Sia dunque il mezzo cerchio A D B T, e nel punto estremo A del diametro lo tocchi la retta A E, a cui dall'altro termine

del diametro T si conducano le rette T K, T E, seganti la periseria in D, B, ed ordinate le DS, BN nel semicircolo, si compiscano i rettangoli K A S C, E A N V. La curva che passa pe' punti A, G, V così determinati, è la nostra Versiera, ed è evidente esser i quadrati S C, N V egualia' quadrati A K, A E; ma il quadrato A K al quadrato A E ha ragione composta del quadrato A Kal quadrato A T, e di questo al quadrato A E; delle quali ragioni la prima è quella del quadrato S D al quadrato S T, ovvero della retta A S alla S T; la seconda è quella del quadrato T N al quadrato N B, ovvero della T N alla A N; pertanto sarà il quadrato A K, ovvero S C al quadrato A E, ovvero N V, in ragione composta di A S ad S T, e di N T ad A N, cioè come il rettangolo di AS in NT a quello di S T in A N, che è quanto dire in ragione composta de spazi scorsi A S, A N direttamente, e de spazj, che rimangono a scorrersi N T, S T reciprocamente, come di sopra enunciammo.

13 Ma altresi lo spazio A G F S dell'iperbola quadratica allo spazio A G H
N della medesima (essendo questi le differenze dello spazio asintotico infinitamente lungo, che sarebbe sopra l'ordinata A
G, dallo spazio che sarebbe sopra l'ordinata F S, e da quello che sopra l'ordinata H N si stenderebbe, prolungando in
infinito l'iperbola, e l'asintoto T A sopra

A: i quali spazi asintotici sono respettivamente uguali a' rettangoli G A T, F ST, per lo cap. 11. degli Ugeniani) essendo come l'eccesso del rettangolo F S T sopra il rettangolo G A T, all'eccesso del rettangolo H N T sopra il medesimo rettangolo G A T; è in ragione composta delle medesime A S ad A N, ed N T ad S T: perchè descritta per G tra gli stessi asintoti l'iperbola d'Apollonio GRL, onde il rettangolo G A S riesca lo stesso colrettangolo R S T, ovvero L N T, i detti cocessi saranno, come i rettangoli di F R in S T, e di H L in N T, o pure (giacchè F S a G A sta come il quadrato A T al quadrato ST, cioè come il quadratoSR al quadrato G A, onde sono continuamente proporzionali F S, R S, G A, e però F S ad R Sè come R S a G A, o come A T ad S T, e dividendo F R ad R S, come A S ad S T, ed il rettangolo di F R in S T uguaglia quello di R S in S A, siccome per la stessa ragione il rettangolo di H L in N T uguaglia quello di L N in N A) come il rettangolo R S A al rettangolo L N A; che è in ragione composta di S A ad N A, e di R S ad L N, che è come di N T ad S T; dunque l'area della scala delle forze A G F S all'area della scala A G H N è come il quadrato dell'ordinata inella Versiera S C al quadrato della N V; e però la detta Versiera A C V è la scala delle velocità, come si doveya dimostrare.

14 Questa è l'ipotesi più comunemente abbracciata da'Matematici moderni circa la forza della gravità, che spigne i corpi superiori alla superficie della terra verso il suo centro, o ancora ciascun Pianeta primario verso il Sole, e ciascuno de' secondari Pianeti verso il suo primario, come può vedersi appresso il Nevvton nelle proposizioni 71. 75. 76. del lib. 1 de' suoi Principj Matematici della Filosofia, e nella prop. 8. del lib. 3. appresso David Gregorio nella sua Astronomia prop. 28. 29. 42.45. appresso il Leibnitzio negli Attidi Lipsia di Febbrajo del 1689. appresso Cristiano Ugenio nel discorso della Cagione della Gravità pag. 160. ed altri Autori: ed è ciò coerente all'osservazioni de'moti de' Pianeti, ed alla celebre regola del Keplero in essi osservata, cioè che i quadrati de tempi loro periodici siano come i cubi delle distanze dal centro, intorno a cui girano; ciò che non si verifica, sè non nell'ipotesi, che la forza, da cui sono continuamente distornati dal moto rettilineo per la tangente della curva, che descrivono, e rispinti verso il centro de'loro moti, con ritenerli perpetuamente nella stessa curva, sia come una gravità, che riguardi il detto centro, e che vada scemando, o crescendo in ragione reciproca de' quadrati delle distanze.

15 Quanto alla supposizione, che la gravità sia direttamente come le distanze

del centro, della quale ipotesi bo parlata nel Coroll. 4. essa viene abbracciata dallo stesso Nevvton per que'corpi, che discendono dalla superficie della terra allo ingiù, come asserisce nel luogo cit. alla prop. 73. del lib. 1. e nella prop. 9 del lib. 3. ma prima era stato ciò asserito generalmente dal Viviani ne suoi scritti di Meccanica già sigillati del 1667. ab Incarn. addi 2. Marzo per mano del Serenissimo Principe Leopoldo; e su ancora creduto, almeno circa la gravità dell'acqua, dal Borelli nel libro de movimenti della Gravità (stampato del 1670.) alla prop. 164. e da Monsù. Fermat la stessa ipotesi fu sostenuta fin dal 1636. come dalle sue lettere stampate nell'Opere postume di esso nel 1679. apparisce, nelle quali si vede la lunga contesa, ch' ebbe sopra di ciò con Monsu di Roberval; ed a' nostri tempi fu la stessa supposizione illustrata dal P. Tommaso Ceva della compagnia di Gesù ne' suoi libri de natura Gravium, e poscia confermata dal P. Girolamo Saccherio della stessa compagnia nella sua Neostatica: a' quali Autori si petrebbe aggiuguere il Padre de' Chales della medesima compagnia, in quanto che nella sua Statica lib. 2. prop. 10. 14. 15. pretende, che meglio si esprimano gli accrescimenti de' spazj e delle velocità nel moto accelerato de' gravi, se in un cercbio concentrico alla terra, e che passi per l'o-

rigine del moto, si rappresenti la velocità co' seni retti, e lo spazio scorso co' seni versi, ed il tempo cogli archi corrispondenti; il che accade appunto nell'ipotesi suddetta del Coroll. 4. come in parte da esso si raccoglie, ed in parte si cava da ciò che diremo più sotto nel Coroll. 2. della prop. seguente, circa la rappresentazione de' tempi del moto fatto in tale supposizione, come ancora fu dimostrato dal Nevvton luogo cit. lib. I. prop. 38. benchè certamente il P. de' Chales a ciò non attendesse, onde si va raggirando vanamente, per trovare qualche ragione fisica, per cui si potesse inorpellare quel suo Sistema da lui creduto più conforme alla sperienza della semplice supposizione del Galileo, osando perfino di ricercarne i fondamenti nell'ipotesi Copernicana, giacchè nella comune della terra stabile egli non gli scorgeva.

16 Nè sarà fuori di proposito l'arrecare qui la dimostrazione, che s'immaginò il Viviani essere atta a persuadere la
variazione della gravità in ragione delle
distanze dal centro, tal qual egli la distese negli accennati suoi scritti, in questi
termini, pochissimo differenti da quelli,
che usò il Fermat in persuadere la medesima cosa.

Supposizione 1.

» Pongasi, che la forza, che fa un » grave per scendere, venga fatta dal suo » centro di gravità, il quale se fusse u-» nito col centro della terra, più non si » moverebbe, e per conseguenza nè anco » il grave.

Supposizione 11.

» È, che tanto è l'impeto, o momen-» to, che ha il grave per andare al cen-» tro, quanta forza ci vuole per ritener-» lo: e questa è la misura della gvavità » assoluta.

Teorema.

» Il peso d'un grave posto in diver
» se lontananze dal centro della terra,

» scema colla medesima proporzione, che

» scemano le medesime distanze. Siano i

» due gravi, de' quali i centri di gravi
» tà A, B (Fig. x.) siano congiunti col
» la linea A B, e di essi come d'un so
» lo grave il centro comune sia C, qua
» le considero già unito col centro della:

» Terra. È manifesto per la prima suppo-

» sizione, che tal grave starà così, nè » più si moverà; e se così sta, adunque » i momenti, che hanno i due gravi A, » B per scendere in C sono fra loro ugua-» li; e per la seconda supposizione, le for-» ze per ritenerli in A, e B, acciò non » vadano verso C, sono eguali alli detti » momenti, cioè eguali fra loro; e se tali » forze sono eguali, e dette forze sono le misu-» re dei pesi assoluti, tanto peserà il grave » A in A, quanto il B in B; ma A in B » pesa più di B in B secondo che (A è » maggiore di B ovvero) B C è maggiore » di CA; dunque A in B pesa più dello » stesso A in A in proporzione delle di-» stanze B C, A C; il che ec.

17 Ma il Torricelli in certa sua Scrittura da lui mandata al Sig. Michel'Angelo Ricci celebre Matematico, che su poi deguissimo Cardinale di Santa Chiesa, è di parere, che la forza della gravità corrisponda piuttosto reciprocamente alle dette distanze dal centro comune de'gravi, come nell' ipotesi del Corotl. 5 ed il progresso del suo raziocinio era tale.

» Sia il triangolo A B C (Fig. x1.), e » divisa la sua base A C nel mezzo in D, » si tirino del punto D le perpendicolari » a' lati del triangolo prolungati dove bi-» sogna, e siano D E, D F. Dico che il » lato A B al lato B C è reciprocamente, » come la perpendicolare D E alla per🖚 pendicolare D F. Si tiri la retta B D; e » perchè i triangoli A B D, B D C hanno » l'istesso vertice B, e l'istessa altezza, » sono in proporzione delle basi A D, D » G, cioè uguali; e similmente presi i » loro doppi, sarà il rettangolo sotto l'al-» tezza DF, e la base AB, uguale al » rettangolo sotto l'altezza D E, e la base » B C; e però reciprocamente A B alla B » C, come D E a D F. Il che ec. Ora » posto, che B figuri il centro della ter-» ra, ed A C una libra di braccia egua-» li, con due pesi uguali nell'estremità » A, C, i cui momenti, o gravità sono mi-» surate dalle perpendicolari D F, D E, sic-» come dichiara Gio. Battista de Benedetti nel suo libro delle speculazioni mate-» matiche cap. 3 ovvero 4 ne segue, che » il momento del peso C sia reciproca-» mente, come la distanza de' pesi dal » centro della terra; e di qui abbiamo, » non solamente che il peso più vicino al » centro, mentre è nella libra, pesa più » del meno vicino, ma sappiamo ancora » in qual proporzione pesa più.

18 Collo stesso progresso si proverebbe, che due pesi uguali A, C in disuguali distanze A D, D C d'una libra A C collocati, pesassero in ragione composta della diritta di A D a D C, e della reciproca delle distanze C B, A B dal termine B, ove le direzioni loro convengono; perchè A D a D C essendo come il triangolo A

32 D B al B D C, cioe in ragione composta di A B a B C, e di D F a D E, ne segue che DF a DE, cioè il momento di A a quello di C, sia in ragione composta di A D a D C, e di C B ad A B; onde in maniere infinite si potrebbe dimostrare, che variasse l'impeto, o l'energia de'gravi assolutamente uguali in diverse distanze dal centro della terra, se questo raziocinio potesse applicarsi a' gravi liberi e sciolti. come vale ne gravi connessi insieme in una libra peudente da un determinato punto preso, come centro del moto. Però non ho voluto tacere questa ipotesi, vedendola abbracciata per i pesi, che sono sulla superficie della Terra dal Newton lib. 3 prop. 20 e dal Gregori Astron. Phys. prop. 52. Passiamo a dimostrare al-

PROPOSIZIONE IV.

tre proposizioni,

Se la figura A Z L M T (Fig. XII.) averà l'ordinate L H, M T reciproche delle velocità T V, H C espresse dall'applicate nella scala delle velocità A C V T, sarà la figura A Z M T la scala de tempi elementari; e starà l'area A Z M T a qualsivoglia sua porzione A Z L H, come il tempo intiero, che s'impiega nello spazio A T, al tempo impiegato nello spazio A H.

Imperocchè, poste due porzioni I H, E T insinitamente piccole dello spazio, e fra di loro uguali, sarà il tempo per E T al tempo per I H, come reciprocamente HCaTV, per le cose dette al numero 9, cioè come TM ad HL; dunque se T M esprime il tempo dello spuzio elementare ET, dovrà HL esprimere il tempo dello spazio altresì elementare I H, e però la figura A Z M T è la scala dei tempi elementari. E perchè T M ad H L sta ancora, come il rettangolo M T E X all'altro egualmente alto L'HIY; dunque il tempo per lo spazietto ET al tem. po per l'altro I H sta sempre, come l'area elementare M T E X all'area elemen. tare L H I Y, e così sempre; e però il tempo per tutto lo spazio A T al tempo per tutta la A H sta, come l'area A T MZ all'area AHLZ per la prop. 4 del 5 degli elem. essendo gli antecedenti egualmente moltiplici della prima e della terza grandezza, ed altresi i conseguenti ugualmente moltiplici della seconda e quarta, mentre il tempo per A T distinguendosi in infinite particelle uguali al' tempo elementare per E T, l'area A T M Z si dividerebbe in altrettanti spazietti uguali ad M T E X (prendendo l'altezzo non già tra di loro uguali, ma reciproche all' ordinate T M) e similmente il tempo per A H dividendosi in infinite particelle uguali al tempo elementare per l H, nell'a-Galileo Galilei Vol. X.

rea A L H Z si distinguerebbero altrettanti spazietti uguali ad L H I Y; onde è manisesto ciò che si voleva dimostrare.

Corollario I.

Se la scala delle velocità è una parabola A C V T, come nell'ipotesi della gravità costante, sarà la sua reciproca M Ŷ Z A T, cioè la scala de tempi elementari, un'iperbola quadratica, in cui il quadrato M T al quadrato H L sta; come A H ad A T, che è la ragione del quadrato C H al quadrato V T; ed è l'area M Y Z A T dupla del rettangolo M T A, siccome l'area L Y Z A H è dupla del rettangolo L H A, per le cose dimostrate da me negli Ugeniani cap. 8 num. 11 dunque il tempo intero per A T all'intero tempo per A Hè, come il rettangolo M T A al rettangolo L H A, cioè in ragione composta di M T ad L H (cioè di HCaTV) e di TA ad AH (che è la medesima con quella del quadrato T V al quadrato H C) le quali due ragioni fanno quella di T V ad H C; e però in tale ipotesi la scala de'tempi interi è la stessa parabola, che serve di scala alla velocità: come appunto esser debbe, crescendo allora la velocità come il tempo.

Corollario II.

Ma essendo, come nell'ipotesi delle forze proporzionali alle distanze dal termine T, la scala delle velocità è un quarto di cerchio, per lo Coroll. 4 della prop. antecedente, la sua figura reciproca, cioè la scala de' tempi elementari, sarà per lo Coroli. 5 dell'append. prima delle mie quadrature la stessa coll'area Z A T M (Fig. xIII.) dimostrata ivi nel Coroll. 3 essere dupla dello stesso quadrante A C V T, siccome ogni sua parte Z A H L dupla del settore corrispondente A C T; onde si ba, che il tempo per l'intera A. T al tempo per qualsivoglia sua parte A. H sta, come il quadrante A V T al settore A C T, ovvero come l'arco A V all'arco A C; dimanierachè in questa ipotesi essendo gli spazj A H, A E come i seni versi, le velocità sono come i seni retti H C, E N. le forze come i seni di complimento HT, ET, ed i tempi come gli archi A C, A N.

Corollario III.

Onde la scala de tempi in questa ipotesi è la figura de seni A Q P (Fig. x1v.) le di cui ordinate H Q uguagliano l'arco A C dell' iscritto quadrante: siccome ancora il piano delle velocità è la stessa figura presa per un altro verso, cioè computando il principio del tempo dal punto P, mentre ad ogni sua porzione P R uguale all'arco del quadrante V C corrisponde l'ordinata R Q uguale al seno S C, che rappresenta la velocità del mobile discendente lungo il raggio V T per lo seno verso V S: della quale figura de' seni si veggano le cose da me dimostrate negli Ugeniani cap. 13 num. 4 ed alcrove, le quali confrontano con ciò che de'piani della velocità si è generalmente di sopra dimostrato.

Corollario, IV.

Ma se le forze fussero reciprocamente proporzionali alle distanze dal termine T, (Fig xv.) essendo la scala delle velocità una Logistica del secondo grado A C N. come nel Coroll. 5 della prop. preced. si è dimostrato, sarebbe il tempo per A H al tempo per A E, come l'area A C M T all'area A N V T: perchè la suttangente di questa curva presa nell'asintoto T V è reciproca dell'ordinate, come dimostrai nel Coroll. 2 della prop. 10 degl'Infiniti; onde la figura reciproca alla scala delle velocità sarebbe correlata ad essa, e però eguale alle dette porzioni A C M T. ANVI, per le cose da me dimostrate nel cap. 7 degli Ugeniani al num. 2.

Corollario V.

Che se si suppongano le sorze propor-Lionali reciprocamente ai quadrati delle distanze dal detto termine T, di manieraché la scala delle velocità sia la Versiera A C NV, per lo Coroll. 6 della preced. prop: essendo in essa l'ordinata E N nella distanza T E dal termine T, reciproca dell'ordinata H C in pari distanza H A dalla cima A (per essere sempre il rettangolo di tali ordinate uguale al quadrato del diametro A T, stante la descrizione addotta di sopra al num. 12 giuntavi la prop. 53 del lib. 3 de' Conici d' Apollonio) sarà il tempo per A T al tempo per A H; come l'area A C V T all'area T E N V tagliata dal termine T all'intervallo E T uguale ad A H: cioè per la prop. 4 delle mie Quadrature, é suoi Corollarj, comè il quadruplo del semicircolo genitore A M T, al quadruplo del segmento misto A O T, compreso dal diametro A T; dall'arco A O, e dalla corda O T dell'arco residuo O M T, che (supposto il centro in S, e condotto il raggio S O) viene ad essere il quadruplo del settore A O Si e del triangolo S O T.

Corollario VI.

Onde perchè il rettangolo del diametro A T (Fig. xvii.) nella semiperiferia A O T uguaglia il quadruplo del mezzo cerchio A O M T, ed il rettangolo dello stesso diametro nell'arco A O è quadruplo del settore A O S, siccome il rettangolo del diametro medesimo A T nell'altezza del seno O H è quadruplo del triangolo S O T, sarà il tempo per A T altempo per A H, come la semiperiferia A M T alla somma dell'arco AO, e del seno O H; cioè fatta la cicloide A Q K: T, in cui la base T K pareggia la semiperiferia A M T, e qualunque ordinata-HQèla somma del seno HO, e della O Q uguale all'arco A O, sarà questa la scala de' tempi intieri; dimanierache rappresentando TK il tempo per la AT, esprimerà qualunque ordinata H Q il tempo per la A H. Ed è questa una nuova fisica proprietà della Cicloide, non ancora, che io sappia, da altri scoperta, fra tant' altri bellissimi usi, che ne hanno ritrovato i moderni Geometri.

Corollario VII.

Se le velocità crescessero come gli spazi scorsi, dimanierachè la scala delle velocità fusse il triangolo A V T (Fig. xvIII.) la quale ipotesi è riferita e confutata dal Galileo, ed indarno presa da altri a ristabilirsi, contro de'quali è da vedersi la dottissima Lettera di Monsù Fermat al Gassendo nell'Opere di questo tom. 6 e nell'Opere postume di quello pag. 201) nel qual caso ancora le sunnormali H S, E I, e conseguentemente, per lo Coroll. 1 della prop. 3 le forze motrici, mercè della similitudine de triangoli H C S, E N I, sono come le velocità H C, E N, o come gli spazj scorsi A H, A E; in tale ipotesi, dico, la scala de' tempi elementari sarebbe l'Iperbola Apolloniana V D B Z tra gli asintoti A T, A Z, essendo le ordinate di questa HB, ED reciproche agli spazi scorsi A E, A H, e conseguentemente reciproche alle velocità E N, HC; onde un infinito tempo si richiederebbe a passare qualunque minima porzione di spazio A H, partendosi dalla quiete in A, per essere il tempo d'un tale movimento come l'area asintotica A H B Z, che è d'estensione assolutamente infinita per ciò, che ho dimostrato nel cap. 8 degli Ugeniani num. 11 ed altrove; dal che apparisce l'impossibilità di tale ipotesi.

20 Da quanto si è detto sinora, e da ciò, che dirassi in appresso, manisestamente si scorge, non essere altrimenti così sterili ed inutili, come a prima faccia appariscono e da molti si spacciano, le geometriche speculazioni intorno alle lince curve, potendo ciascheduna avere grand'uso nelle più profonde ricerche della Fisica e della Meccanica: come qui si è veduta venire in campo l'Iperbola quadratica, la linea de'seni, la Logistica del secondo grado, e la Versiera (oltre la Cicloide già da gran tempo benemerita de'misterj più astrusi della Natura) a dimostrare le passioni del moto in varie ipotesi e circostanze, che possono accompagnarlo: nè mi sarebbe stato così facile il rinvenire tante belle verità sopra dimostrate circa le proporzioni, colle quali si aumenta la velocità di tali movimenti, e come cresca lo spazio in corrispondenza del tempo, secondo le varie forze, che spingono il mobile, se non avessi avute in contanti le proprietà delle curve suddette, già da me altrove dimostrate, quando a tutt'altro pensava, che all'uso, a cui presentemente doveva applicarle: siccome non credo, che Apollonio prevedesse mai, quanto dovessero un giorno essere utili per la Meccanica, per l'Ottica e per l'Astronomia, le tante proprietà da lui speculate in astratto circa le sezioni coniche.

21 Ma proseguiamo le nostre ricerche.

PROPOSIZIONE V.

Sia A H T S (Fig. xix.) la scala de tempi intieri del moto per A S dalla quiete in A; ed in qualunque suo punto H sia toccata dalla retta H B; dico che lo spazio fatto col moto accelerato da A in E, secondo la predetta scala, è allo spazio, che si sarebbe fatto equabilmente nello stesso tempo, se da principio durata fusse la stessa velocità, che ha il mobile in E, come A E alla suttangente E B.

Imperocchè sia il piano di velocità di un tale moto la figura A C V M, e sia M A segata dalla tangente H B in I, sarà l'area A V M all'area A C N, come lo spazio M T allo spazio N H per la prop. r ed essendo H i tangente della curva A HT; sarà per lo cap. 13 de nostri, Ugeniani al num. 2. il rettangolo C N I uguale all'area A C N; e però il rettangolo C N I al rettangolo C N A, ovvero I N ad N A, o pure I H ad H B, cioè A E ad EB, sará come l'area ACN al rettangolo ad essa circonscritto G N A, o pure per lo Coroll. 2 della prop. 1., come lo spazio fatto col moto accelerato, allo spazio, che si farebbe nello stesso tempo con moto equabile coll'ultimo grado N C della relocità in esso acquistata; il che ec.

Corollario 1.

Nell'ipotesi del Galileo della gravità costante, la scala de'tempi intieri A H T Sè una parabola, di cui la suttangente B E è dupla dell' A E; onde lo spazio fatto con moto accelerato è la metà di quello che si farebbe equabilmente in altrettanto tempo coll'ultimo grado della velocità acquistata.

Corollario II.

Nell'ipotesi delle forze proporzionali. alle distanze dal centro, o dal termine del moto, essendo, per lo Coroll. 3. della prop. preced. la scala de' tempi intieri la figura de' seni, o sia l'ungula cilindrica espansa AQPT (Fig. xx.) sarà sempre lo spazio scorso dalla quiete con moto accelerato a quello, che si sarebbe scorso equabilmente in egual tempo coll'ultimo grado di velocità, come il seno verso alla quarta proporzionale dopo il raggio, il seno retto, e l'arco corrispondente; imperocchè tirata la tangente B Q Z, si è dimostrato nel cap. 13 degli Ugeniani al num. 4 che posta R Z eguale alla tangente C X dell'arco circolare nel punto corrispondente C, congiunta la ZQ è tangente di questa figura; sarà dunque come CX ad: HT (cioè come il raggio TC al seno ret;

to HC) cosi RZ ad RQ, o pure HQ (cioè l'arco AC) ad HB; ma come AH (che è il seno verso) ad HB, così lo spazio del moto accelerato allo spazio del moto equabile; dunque ec.

Corollario 111.

E perchè la tangente dell' insimo punto P di questa figura taglia dall' asse T A la suttangente uguale al quarto di circonferenza A C V (per essere allora il raggio uguale al seno T V del quadrante) sarà lo spazio fatto acceleratamente a quello, che in egual tempo si sarebbe fatto con moto equabile, ritenuto l'ultimo grado di velocità, come il raggio ad un quarto di periferia, o come il quadrato iscritto nel cerchio al medesimo cerchio: onde nel tempo della caduta per A T, averebbe il mobile scorso equabilmente l'arco A C V coll' ultima velocità T V.

Corollario IV.

Ma supposte le forze proporzionali reciprocamente a' quadrati delle distanze dal centro, essendo la scala de' tempi intieri per lo Coroll. 6. della prop. 4. la cicloide A Q K T (Fig. xvii.), in cui la tangente Q B è parallela alla corda dell'arce A O, come dimostrai nel cap. 8, degli

Ugeniani num. 7. e però A H ad H B & come il seno retto H O alla somma di detto seno, e dell'arco, cioè ad H Q; altresì lo spazio fatto acceleratamente, a quello, che si farebbe in altrettanto tempo coll'ultima velocità equabilmente ritenuta, à come il seno retto di quell'arco, di cui lo spazio passato è seno verso nel semicircolo, che ha per diametro la distanza dell'origine del moto dal centro de gravi, all'aggregato del seno retto, e dell'arco.

varie ipotesi di gravità possono avere luogo ancora nella supposizione, che fa il
Galileo dell'assoluta gravità costante, e
delle direzioni de' gravi tra di loro parallele, per l'immensa lontananza del centro,
in cui convengono, basta supporre, che
un mobile si muova in una linea curva,
perchè secondo che in vari suoi punti è
diversamente inclinata dell'orizzonte, sì
raffrena e modifica talmente, che equitale ad una gravità variabile; onde si può
dimostrare la seguente

PROPOSIZIONE VI.

Se un mobile scorre per la curva A B D C (Fig. xxi.) eretta all'orizzonte E F, supposta l'assoluta gravità costante, e le direzioni parallele, sarà sempre la forza relativa, da cui è spinto il mobile nel pun

Imperocchè convengano le dette tangenti in G; dunque, come si dimostra nella Meccanica, il momento di uno stesso grave posto sul piano G E al momento del medesimo posto sul piano GF sta reciprocamente, come G F a G E, cioè, per le cose trigonometriche, come il seno dell'angolo G E P, o del suo supplimenta EBI, al seno dell'angolo GFE, a dell'alterno F D K; ma questi momenți d'uno stesso mobile in diversi piani sono appunto le forze relative, che lo spingono abbasso; ed il mobile collocato nel punto B della curva A B D C è, come se fusse mel piano E G B, che la tocca in B: siccome lo stesso collocato in D ha tale forza da scendere, come se fusse nel piano tangente D F; dunque la forza in B alla forza in D sta, come il seno dell'angolo E B [al seno dell'angolo F D K; il che ec,

Corollario I.

Sopra l'asse N C della curva A B D C. descrivendo un semicircolo N M C, e tirando le corde C M, C L parallele rispet-:

tivamente alle taugenti B E, DF: sarà la forza in B alla forza in D, come M C ad L C; essendo queste i seni degli angoli M N C, L N C (posta N C per seno totale) eguali a' suddetti E B I, F D K, come è facile a dimostrarsi.

Corollario II.

Se un pendolo N B (Fig. xx11.) descrive l'arco circolare B D C, le forze in qualunque punto B, D saranno come i seni B l, D K, che appunto uguagliano le corde C M, C L parallele alle tangenti B E, D F.

Corollario III.

Onde alzandosi perpendicolarmente su l'arco B D C qualunque seno B I, D K, la figura de' seni, che quindi ne nasce, sarà la scala delle forze del pendolo, che descrive il suddetto arco circolare B D C.

Corollario IV.

Ma descrivendosi da un pendolo l'arco cicloidale B D C (Fig. xx111.), come negli orologi di Cristiano Ugenio, le forze in B, e D saranno, come gli spazi B C, D C da scorrersi fino al termine infimo C; imperocchè dove l'ordinate B I, D K se-

gano il semicircolo genitore in M, L, congiunte le corde C M, C L sono appunto parallele alle tangenti B E, D F, some nel cap. 8. degli Ugeniani num. 7. ho dimostrato; e gli archi cicloidali B C, D C sono dupli delle corrispondenti corde M C, L C, per le cose dette nell'Epistola Geometrica soggiunta agli Ugeniani num. 17. dunque essendo, pel Coroll. 1. di questa, la forza in B alla forza in D, come la corda M C alla L C, sarà ancora come l'arco B C all'arco D C.

Corollario V.

Sicchè alzandosi sull'arco B D C disteso in linea retta una linea in B uguale alla medesima B C, ed in D applicandosi una eguale alla D C, e così sempre, il triangolo, che ne risulta, è la scala delle forze nel moto del peudolo cicloidale; onde tutto ciò che si è detto nel Coroll. 4. della prop. 3. nel Coroll. 2. e 3. della prop. 4. e 5. delle gravità proporzionali alle distanze dal termine del moto, si può adattare alle vibrazioni cicloidali d'un pendolo.

23. Lascio molte altre particolarità, che si potrebbero quindi dedurre; e solamente in confermazione dell'ipotesi del Galileo, che i gradi di velocità acquistati da un grave cadente per qualunque linea dalla medesima altezza sieno eguali (il che

48 nella prima edizione fu da lui assunto come postulato, indi ne diede la dimostrazione, che fu comunicata dal Sig. Viviani a Monsù di Monconys l'anno 1046. come ne' Vinggi di questo part. 1. pag. 131. e da lui inserita ivi pag. 169. e poi stampata nell' edizione di Bologna dell' Opere del Galileo, criticata però, non si sa per qual ragione, e giudicata poco ferma da Cristiano Ugenio nel suo Orologio oscillatorio) vengo a dimostrare, che in qualunque supposizione di forze sempre la stessa velocità è acquistata da un grave, per qualunque linea si muova, quando si è accostato egualmente al centro della terra.

PROPOSIZIONE VII.

Cada un grave A (Fig. xxiv.), o per la retta A C, o per la curva A L M, ed abbia acquistato per la retta nel punto S la velocità S V, e per la curva nel punto M ugualmente alto, cioè in pari distanza dal centro C, la velocità M D; dico essero sempre S V, M D uguali, qualunque suppongasi la scala delle forze A G H O S.

Siano tirati concentrici al centro C li due archi circolari infinitamente prossimi E L, S M segato in N dal ramo C L. Le forze assolute A G, E H, S O, che spingono il mobile per la retta A C, si attemperano dalla curva A L M, che in

parte regge il mobile (o perche sia un sodo piano curvilineo, sopra di cui scorra il mobile, o per essere il mobile medesimo sostenuto da un filo, obbligato col suo termine a descrivere detta linea, o per l'impeto trasversale impresso al mobile, da cui ha tal forza centrifuga, che lo trattiene per quella via curva, raffrenando l'azione della gravità) siano adunque le forze rispettive, che rimangono vive al mobile nella curva le AF, LI, MK, che s'in, tendano perpendicolarmente erette alla curva A L M, per avere nella superficie A F IKM la scala delle forze, che spingono il mobile per detta curva. È certo, per le cose meccaniche, essere la forza H E, da cui assolutamente è spinto il mobile per la E C, ovvero L C perpendicolare all'orizzente, alla forza LI, da cui viene spinto secondo l'inclinazione della curva L M, come reciprocamente LM ad LN, ovvero ES; per la qual cosa il rettangolo ILM sarà uguale al rettangolo HES; e ciò sem; pre; dunque la scala delle forze assolute A G H O S, uguaglia la scala delle forze rispettive F A M K; ma la prima scala alla seconda è come il quadrato della velocità SV acquistata per lo spazio A S, al quadrato della velocità M D acquistata per lo spazio della curva A M per la proposiz. 3.; adanque S V è uguale ad MD; il che si dovea dimostrare.

Corollario I.

Se l'ordinate P E, V S della scala della velocità del moto rettilineo A S, si applicano perpendicolarmente in L B, M D ne' punti L, M ugualmente alti dal centro C nella curva A L M, si ha la scala della velocità A B D M, che serve al moto per detta curva.

Corollario II.

Venendo spinto un mobile per la curva L M, con una velocità P E, quale si sarebbe acquistato cadendo dall'altezza A E, giunto che sia il mobile a qualunque punto M della curva, averà una velocità pari alla V S, che si sarebbe il mobile acquistato proseguendo il viaggio direttamente da E in S, o da L in N, ad un punto egualmente distante dal centro C.

Corollario 111.

Similmente essendo un mobile spinto allo insù per la curva M L colla velocità M D uguale a quella, che si sarebbe acquistato il mobile cadendo dall'altezza A S, l'anderà diminuendo nel moto, in ma-

51 miera che in L sarà uguale a quella, che si sarebbe acquistato dalla sola altezza A E, e finalmente si annullerà, giunto che sia il mobile in A, cioè a quell'altezza, da cui cadendo si averebbe acquistato la primitiva velocità impressagli; imperocchè le forze SO, HE, GA nel moto rettilineo all'insù, e le forze M K, L I, A F nella salita curvilinea, imprimono al mobile gli etessi gradi di velocità contrari alla sua direzione, e però ne punti egualmente alti, la velocità impressa al mobile dal proiciente, verrà diminuita con eguali decrementi, che sono appunto gli stessi accrescimenti di velocità, che averebbe il mobile dalle medesime forze, quando scendesse all' ingiù.

Corollario IV.

mensa lontananza, le rette A C, L C diventano parallele, e gli archi E L, S M si stendono in rette orizzontali, come qui sulla superficie della terra sogliono considerarsi; e però i gravi per qualunque piano o per qualsivoglia curva cadano da uno stesso punto sublime sul medesimo orizzonte, vi acquistano lo stesso grado di velocità, che guadagnerebbero cadendo perpendicolarmente dalla medesima altezza: e questo grado di velocità, quanditezza: e questo grado di velocità, quan-

52

o si dirigesse nel mobile allo insù, potrebbe ricondurlo alla medesima altezza,
da cui è disceso.

24 Qui però è da avvertirsi, che sebbene ciò si verifica del moto per un solo piano, o per una continua curva, o per una porzione di curva, congiunta alla sua tangente, o ad altra curva, che la tocchi: non così accade già passando il mobile per più piani variamente inclinati, o per più curve, che si seghino, o per una curva, ed una retta, che la tagli in qualunque maniera: come avverti il Sig. Varignon nelle Memorie dell' Accademia Regia di Pangi de' 22. Novembre 1704. Il che si farà manifesto dalla seguente.

PROPOSIZIONE VIII.

Scenda un grave dalla quiete pel piano A C (Fig.xxv.) indi si rivolga sul
piano C G. Dico, che in esso non vi entrerà colla velocità acquistata per la caduta A C, o per l'egualmente alta A E,
ma con tal parte sola di essa, a cui stia
la medesima, come il seno totale A C
alla C B (determinata dal riscontro della
perpendicolare A B sopra la G C continuata) seno di complemento dell'angolo
A C B, con cui sono vicendevolmente inclinati i detti piani.

Si compisca il rettangolo A D C B. È certo appresso i Meccanici, che il moto

per A C si può intendere composto delli due collaterali per A D, e per A B; di-, manierachè, esprimendosi per A C la velocità acquistata per la caduta A C, equivalerà questa alla velocità A B per la direzione A B, ed alla velocità A D, ovvero B C per la direzione A D, o per la sua parallela B C G; ma passando il mobile sul piano C G, che lo sorregge secondo la perpeadicolare B A, viene ad elidere l'effetto della velocità A B, impiegandola tutta in premere il detto piano CG; dunque gli rimane impressa solamente, e spedita ad esercitarsi per la direzione C G, la velocità A D, ovvero B C, con cui comincerà a scendere lungo il piano C G, accelerandosi poi, come richiede la natura di questo moto, ed acquistando i gradi conseguenti a quello, che abbiamo detto rimanergli impresso all'entrare, che sa sul nuovo piano. Dunque il grado di velocità acquistato nel fine del piano A C, sta a quello che gli resta impresso nel passaggio al piano contiguo C G, come A C a C B, cioà come il seno totale al seno di complemento dell'angolo A C B contenuto da ambi i piani; il che ec.

Corollario 1.

Quanto più ottuso è l'angolo A C G contenuto da piani A C, C G, e conseguentemente quanto più acuto è l'altro

54 A C B, tapto maggiore sarà la vesocità B C, che rimane al mobile sul nuovo piano, e più si accosterà ad uguagliare la velocità A C, che aveva nel fine del primo piano; ende perchè nella continuazione d'una curva, o nel passaggio da una curva alla retta, o ad altra curva mua tangente, o viceversa rivoltandosi il mobile dalla tangente alla curva, l'angolo A C G si fa ottusissimo, e l'altro A C B è infinitamente piccolo, per essere minore di qualunque angolo acuto rettilineo, per la 16. del 3. degli Elementi, ne segue che in questi casi non si diminuisce la velocità conceputa, passando il mobile per tali confini, ma se la mantiene intiera, anzi l'accelera, come cadendo nel perpendicolo, o per un piano continuato, sicchè ne' punti egualmente alti dall' orizzonte ha la stessa velocità.

Coro llario II.

Tirando dal punto B la B H perpendicolare sopra il primo piano A C, il mobile sceso per li due piani A C, C G fino all'orizzonte G F, in vece di avere la velocità, che si sarebbe acquistato cadendo per la perpendicolare A F, o per lo piano continuo A C I, si treverà d'aver solamente quella, che è dovuta alla discesa H I; imperocchè, essendo B C media

proporzionale fra la C A, e la C H, sarà la velocità per la C A a quella per C H. come C A a C B; wa ancora la velocità guadagnata per la scesa A C a quella, che resta al mobile nell'ingresso del piano C G sta nella stessa proporzione di C A alla C B; dunque la velocità, che resta al mobile nel principio del piano C G, uguaglia quella che averebbe dopo la discesa C H; ed in ciascun punto della C G, e della C I ugualmente also dall'orizzonte G F egualmente si accresce; dunque la velocità acquistata in G per li due piani congiunti A C, C G, uguaglia quella, che ·averebbe cadendo dall'altezza H I, e non dalla A I, o dalla A F; il che ec.

Corollario III.

Dovendo un mobile dopo la scesa del piano AC (Fig.xxvi.) rivolgere il moto pel piano orizzontale CG, anderà per esso equabilmente, ma con tale velocità, che stia all'acquistata nel punto C del piano AC, come BC seno dell'angolo CAB, che misura l'inclinazione di detto piano col perpendicolo, al seno totale AC, come convince la stessa dimostrazione addotta per la Proposizione principale.

Corollario 11.

E però cadendo perpendicolarmente sull'orizzonte per la A B, si smorzerà il suo moto (quando non ribalzi allo insù per forza elastica) annullandosi coll'angolo C A B il seno B C, e conseguentemente riducendosi in nulla quella velocità, che gli dovrebbe rimanere da esercitarsi nel piano orizzontale, che totalmente sostiene l'impressione del mobile: tanto più, che facendo la perpendicolare A B angolo retto con qualunque linea tirata per lo stesso punto B nell'orizzonte, non vi sarebbe maggior ragione, che andasse più per l'une che per l'allemente.

per l'una, che per l'altra.

il Galileo del moto per l'orizzonte preceduto da una caduta per la perpendicolare, o per un piano inclinato; e quanto asserisce del passaggio da un piano ad un altro, deve intendersi non assolutamente, ma ex hypothesi, che ritenesse il mobile nell'orizzonte, o nel nuovo piano inclinato tutta quella velocità, che si era acquistata colla caduta; e facendo conto della diminuzione di velocità, che secondo le cose sopra dimostrate debbe seguire, si dirà, per esempio, che cadendo un mobile dal piano A C, e volgendosi per l'orizzonte C G, in tempo eguale a quello della caduta, farà per l'orizzonte uno spazio

57

d'altre rislessioni, che si potrebbero sare. 26. Tra queste però non parmi di dovere omettere, che la prop. 36. del Galileo, in cui dimostra farsi in minor tempo la discesa d'un grave per due cordé iscritte nel quadrante d'un cerchio, che per una sola, ed anco in più breve tempo passarsi tre corde, che due sole sottendenti lo stesso aroo sotteso da quelle, e così di mano in mano, benchè in astratto si verifichi, fatta quell'ipotesi matematica del conservarsi nell'ingresso del susseguente piano la velocità acquistata nel fine dell'antecedente: non così però riesce vera in concreto, perchè di fatto fisicamente quella velocità si varia, e si diminuisce nella proporzione sopra dimostrata, il che trattiene il mobile più lungo tempo ne'susseguenti piani, onde assolutamente ricerca per lo più maggior tempo nell'andare da un termine all'altro per più linee rette inslesse a varj angoli, che per una sola retta stesa fra i medesimi estremi; in conseguenza di che, ancora quello che asserisce lo stesso Galileo nella Scrittura del

fiume Bisenzio, che più speditamente scorra l'acqua andando per più rivolte, che per un diritto canale, dee limitarsi a più condisioni e circostanze, non verificandosi tanto generalmente, quanto pare, che suenino l'espressioni del nostro Autore.

27 Molto meno si verifica (data ancora la sua ipotesi, che la velocità non dovesse nel passaggio da un piano all'altro scemare) che la via da spedirsi in un tempo brevissimo da un punto all'altro eia la circonferenza d'un cerchio; nè l'argumento del Galileo conclude altro, se non che il viaggio per l'arce del cerchio sia satto in tempo più breve, che per la somma de'lati d'un poligono iscrittovi, stante la solita sua supposizione; e collo stesso metodo averebbe potuto provare, essere più breve il tempo per un arco di -parabola, o d'iperbola descritta per gli stessi termini, in paragone de lati, che alla medesima curva fussero iscritti. Ma questo non è un essere assolutamente speditissimo il viaggio da un punto all'altro, in relazione di qualsivoglia via rettilinea, o curvilinea, che scegliere si potesse; per la qual cosa fu sommamente da commendarsi il Problema proposto da Giovanni Bernulli celebre matematico del secolo scorso, e da lui, siccome ancora separatamente dal Sig. Leibnizio, felicemente sciolto negli Atti di Lipsia del 1696. dimostrando nella maniera loro, che la curva cicloidale è quella, per cui in brevissimo tempo si porterebbe un grave da un punto ad un altro più basso, non posto nella stessa linea perpendicolare all'orizzonte; il che aucora da noi, senza intrigo di calcoli, sarà geometricamente dimostrato, dopo di avere sopita certa difficultà, che ora mi sovviene potersi opporre al Coroll. 1. della

precedente proposizione.

28 Si è detto ivi, che se la scesa del grave si faccia per una curva continuata A G G, (Fig. xxvii.) o per due curve, le quali in C si tocchino, o per una retta, e una curva congiunte insieme nell'angolo del contatto A C B, che è infinitamente piccolo, non debba succedere veruna diminuzione di velocità, quale si dimostra succedere nel passaggio da un piano all'altro inclinati a qualsivoglia angolo rettilineo. A ciò potrebbe taluno replicare, che dall'essere minore il decremento della velocità, secondo che l'angolo A C B è acuto, ne segue bensì l'essere infinitamente piccolo, e per conseguenza insensibile e da non considerarsi un tale decrescimento nel passaggio da B C in C G, mercè l'infinita piccolezza dell'angolo del contatto A C B; ma ciò non serve a provare, che in tutta la scesa per una curva continua non patiscano sensibile alterazione que' gradi di velocità, che ne punti egualmente alti del perpendicolo si dovevano acquistare dal mobile; imperocchè variandosi in ciascuao degl'infiniti punti d'una curva la sua pendenza, benchè in ciascuno la diminuzione di velocità sia infinitamente piccola, in capo a un tratto sensibile di essa curva si saranno fatte infinite diminuzioni minime di velocità, che ne renderanno il defalco notabile: essendo manifesto, che una parte infinitesima, infinite volte moltiplicata, diventa una grandezza finita, e comparabile coll'altre ordinarie.

29 La risposta alla quale istanza dipende dal dimostrare, che la diminuzione di velocità cagionata per l'angolo del contatto A C B non solo è infinitamente piccola, ma è infinite volte infinitamente piccola, cioè un infinitesimo del secondo ordine, e non del primo, ed appartiene al genere delle seconde differenze, non delle prime. Tirisi dal punto A quanto si voglia prossimo al punto del contatto C, la solita perpendicolare A B sopra la G C, e sopra la sua tangente prolungata verso B per la piccola porzione CB, e dal centro C descritto l'archetto B H, che è la perpendicolare dal punto B in H, o almeno vi passa sopra, sicchè la A H differenza del seno totale A C dal seno di complemento C B dell'angolo A C B, è ugua. le, o è piuttosto minore del seno verso del medesimo angolo. Essendo dunque per la prop. 8 del 6 degli Elem. C A ad A B, come A B ad A H seno verso dell'angolo A C B: e per la piccolezza infinita

del detto angolo minore d'ogni acuto rettilineo, essendo il suo seno retto A B infinitamente piccolo, il seno verso A H sarà poi infinitamente più piccolo del medesimo seno retto A B; e però sarà un infinitesimo del secondo genere in riguardo di A C, il quale multiplicato infinite volte non giunge a fare una finita grandezza, ma solamente un infinitamente piccolo del genere di A B; che però la differenza A H della velocità acquistata A C da quella B C, che gli resta viva nell'ingresso, che fa il mobile sul piano'CG, è infinite volte infinitamente piccola rispetto alla velocità finita da esercitarsi, e di sì poco la diminuisce, che tali decrementi moltiplicati ancora infinitamente in ciascun punto della curva, non giungono ad aggregare un decremento sensibile di velocità; onde sebbene non è da ammettersi in pratica ciò, che nel suddetto discorso sopra Bisenzio asserisce il Galileo circa le svolte de' fiumi, che passando l'acqua da un canale in un altro meno inclinato, non debba raffrenarsi la velocità conceputa, quando si tratti di canali inclinati a qualche angolo rettilineo e sensibile: è però vero in tutto rigore l'asserto del medesimo Galileo trattaudosi d'un foudo curvilineo, ed è molto giudizioso l'avvertimento, che ivi dà di compartire la pendenza de' fiumi secondo una curva concava più inclinata sull'orizzonte verso il sue termi-

ne, che nelle parti superiori, anzi che verso il fine diventerebbe quasi orizzontale: come in fatti suol praticare la Natura nel condurre l'acque al loro termine, ed a tale effetto sarebbe molto a proposito la curva della Cicloide, come già prima di ogni altro avvisai nelle mie Ristessioni su la controversia del Molino nell'Era al num. 6. nè credo che sia diversa da un intera Cicloide la figura, che il Sig. Domenico Corradi Matematico del Serenissimo di Modena disse in una sua Scrittura sopra il Reno, inserita nella Visita di Monsig. Illustriss. Riviera a carte 173 e seguenti, conveniente alle botti sotterranee, perchè siano premute col minimo carico dell'acque, che debbono scorrere per esse botti; mercechè vi si fermerà sopra l'acqua il minor tempo, che sia possibile, facendo per la Cicloide il viaggio più speditamente, che per altra curva, che abbia i medesimi termini; come, ben ricordevole della promessa fatta di sopra, or ora mi accingo a dimostrare.

di Lemma, la soluzione del seguente Problema, il quale in parte fu già dimostrato dal Sig. Cristiano Ugenio nel suo trattato del Lume, servendosene a dimostrare la ragione delle refrazioni della luce qualora passa da un mezzo in un altro di densità diversa, come sarebbe dall'aria nel cristallo, o dal vetro nell'acqua, ec. ma qui da me viene steso questo Problema all'attraversamento di più, e diversi mezzi, come appresso vedremo.

PROPOSIZIONE IX.

Debba un mobile portarsi da A in B (Fig. xxvIII.) più speditamente che sia possibile, andando dal punto A verso la linea C G colla velocità F C, e nello spazio interposto fra le due parallele C G, D H, colla velocità Z, e nello spazio intercetto fra le parallele D H, E X colla velocità Y, e quindi fino in B colla velocità B X, si cerca per quale strada doverà andare.

Si dispongano le rette A C, C D, D E, E B, talmente che i seni de' loro angoli colle perpendicolari tirate sopra le date parallele, quali sono A C F, C D G, D E H, E B X, siano per ordine, come le velocità F C, Z, Y, B X. Dico, che per la strada A C D E B verrà il mobile da A in B in minor tempo, che per qualsivoglia altra strada A I K L B, ritenute nei siti suddetti le stesse velocità.

Si conduca I M perpendicolare sopra A C, K N sopra C D, L O sopra D E, e fatti gli angoli retti B E T, E D R, D C P, si tirino I P parallela a C D, K R a D O, ed L T ad E B. Essendo adunque l'angolo C I M uguale ad A C F, ed I C P a C D G, e questo a D K N,

64 e K D R a D E H, il quale uguaglia E LO, siccome LET ad EBX (mentre ciascuno degli angoli, che si paragonano, compisce con un medesimo angolo la quantità d'un retto, come è manisesto a chi attentamente considera nella figura la sua costruzione) sarà la velocità F C alla Z, come M C ad I P, che sono i seni degli angoli C I M, I C P; e però si farà nello stesso tempo M C colla velocità F C, ed I P colla velocità Z. Similmente, e per la medesima ragione, si farà nello stesso tempo N D colla velocità Z, e K R colla velocità Y; ed altresi O E colla velocità Y si spedirà nello stesso tempo, che L T colla velocità B X; ma A l è mag. giore di A M, I Q maggiore di I P, e Q K maggiore di C N, siccome K S è maggiore di KR, ed SL di DO, ed L V di L T, ed V B di E B; dunque si farà in più lango tempo la strada À I K LB, che l'altra ACDEB colle prescritte velocità; il che ec.

Si avverta, che sebbene in vigore della costruzione pare che si dimostri più breve il tempo, per la via A C D E B solo in paragone d'un'altra A I K L B, che più si accosti alla perpendicolare tirata dal primo punto A su la retta C G: ad ogni modo convince ancora in paragone d'altra via, che si descrivesse al di là di A C, scostandosi più da detta perpendicolare, attendendo, che se è più breve il tempo

del viaggio da A in B per la strada A C D E B, che per la A I K B, sarà viceversa, ritornando indietro da B verso A, più breve il tempo del viaggio B E D C A che dell'altro B L K I A, la strada del quale si scosta più dell'altra dalla perpendicolare tirata da B sopra E X; onde resta la proposizione generalmente dimostrata.

Corollario 1.

Quindi è manisesto, che la via da spedirsi in più breve tempo andando da un punto a un altro, non è la retta, se non quando si ha da mantenere in tutto il viaggio la medesima velocità; onde se si hanno da attraversare diversi mezzi, che diversamente resistano al moto; come dovendo attraversare varj campi, altri nudi, altri vestiti d'erbe, altri imbarazzati da spighe, e passare varie strade ingombrate da un flusso e riflusso di popolo, non sarebbe buon consiglio l'andare verso il termine destinato per via retta; ma sarà meglio fare tali gomiti, e svolte, che i seni degli angoli delle loro inclinazioni siano come le facilità, che si hanno ad attraversare que' varj mezzi; come pratica ancora la Natura nelle Rifrazioni. Come se un oggetto posto in A doverà mandare un raggio, che lo renda visibile all'occhio Galileo Galilei. Vol. X.

posto in B, per varj mezzi A G, CH, D X, E B, tutti diafani, ma di varia rarità, sicchè abbia in essi più facile il passaggio di mano in mano, nella stessa misura, in cui crescono i seni degli angoli A C F, C D G, D E H, E B X: di fatto la via del raggio trasmesso surà il flessilineo A C D E B, e non una retta immediatamente tirata dal punto A ai punto B.

Corollario II.

Cadendo aucora un grave dalla quiete, se non discende per una linea perpendicolare all'orizzonte, non verrà in un
tempo brevissimo da un punto all'altro,
cadendo per una linea retta, anzi nè meno
per più rette inclinate a varj angoli, ma
dee scendere per una curva, in cui i seni
dell'inclinazioni, che hanno varie parti di
cesa curva col perpendicolo, siano come le
velocità concepute nel cadere fino a' punti
di quella curva.

PROPOSIZIONE X.

Scendendo un mobile per l'arco di una cicloide A B C (Fig. xxIII.) anderà dal punto A al punto C, o a qualsivoglia degl'intermedj B, D, in minor tempo, che se vi andosse per qualunque altra strada.

Imperocchè, come si è detto nel Coroll. 4 prop. 6 le tangenti B E, D F sono parallele alle corde corrispondenti nel cerchio genitore M C, L C; e però sono inclinate le porzioni di questa curva col perpendicolo, nel punto B all'angolo M CN, e nel punto D all'angolo LCN; ma le velocità ne punti B, D dopo la caduta dal punto A sono le stesse, che nei punti I, K dopo la caduta dal punto N, per la prop. 7 cioè in sudduplicata ragione delle scorse altezze NI, NK, come sopra col Galileo si è dimostrato; che è quanto dire, come le rette M N, L N, che sono appunto i seni de' suddetti angoli M C N, L C N. Dunque per l'ultimo Coroll. della precedente la via cicloidale A B D C si fa in un brevissimo tempo dal punto A all'estremo C, o a qualtivoglia degl'intermedii B, D; il che era da dimostrárai.

Corollario I.

Ancora da B in C caderebbe il grave in un brevissimo tempo l'arco B C, quando si supponesse nel punto B già affetto di quella velocità, che può acquistarsi cadendo per l'altezza A B, ovvero N I; mu se cominciasse a cadere dalla quiete in B,

non basterebbe, per andare verso C in ua brevissimo tempo, il mandarlo per l'arco B C, ma hisognerebbe descrivere tale Cicloide, che principiando per B passasse per C; il che come si faccia, viene insegnato dal Sig. Giovanni Bernulli negli Atti di Lipsia del 1696 descrivendo qualsivoglia Cicloide su la base B I, principiante dal punto B, e segandola con una retta, che congiungesse i punti B C: perchè allora, come l'intercetta dal perimetro di detta Cicloide sta alla B C, così il diametro del cerchio suo genitore starebbe al diametro del cerchio generante la Cicloide ricercata, che principiando da B passerebbe per C.

Corollario II.

A volere, che la scesa da A in C (Fig. xxix) si facesse in un brevissimo tempo, come conghietturava il Galileo, per l'arco del quadrante circolare A B D C, bisognerebbe, che le altezze F B, E D, che sono i seni degli angoli B H F, D H E, cioè delli G B F, E D B fatti dalla curva col perpendicolo, fussero come le velocità concepute nel cadere dalle medesime altezze; e conseguentemente, per la prop. 7 converrebbe, che un grave cadendo dall'altezze H I, H K, avesse le velocità proporzionali agli spazi scorsi; il che dallo stesso Galileo si reputa impossi-

po infinito.

31 Prima di tralasciare la contemplazione della Cicloide, stimo ben fatto in questo luogo dimostrare, come le vibrazioni de' pendoli fatte in archi cicloidali maggiori o minori, sono veramente equidiuturne: ciò che non accade alle vibraziomi circolari, se non fatte in archi minimi, in quanto esse poco si scostano dall'arco della Cicloide, di cui quel cerchio è combaciante, o come dicono, osculatores Sia pertanto

PROPOSIZIONE XI.

Quando le forze in A, e in B sono proporzionali agli spazi AT, BT da scorrersi sino al termine del moto T, essi spazj da un mobile, che si parte dalla quiete in A, ovvero in B, si passeranno

in tempi uguali.

Descritto il quadrante di cerchio A C Z T (Fig. xxx.) che sarebbe la scala delle velocità del moto per A T, per lo Coroll. 4 della prop. 3 si descriva l'altro quadrante concentrico B D X, che sarà altresi la scala delle velocità del moto per BT; perchè tirato il raggio TDC inflnitamente prossimo all'altro T B A, e ti-

70 rati i seni D G., S C., saranno gli spazi A S. B G infinitamente piccipli, e proporzionali alle forze A T, B T, ovvero TS, TG; onde essendo le medesime sunnormali alle figure A C Z, B.D X, ne segue, che ancora BDXT è la scala delle velocità del moto per B T (per lo Coroll. 1 della prop. 3) e però, che ancora le velocità S C, D G sono come gli spazj A S, B G, i quali però saranno passati in egual tempo per le cose dette al num. 9. Così qualunque parte proporzionale di A T sarà scorsa in egual tempo, che una simil parte proporzionale similmente posta in B T, partendosi il mobile dalla quiete in B; e pertanto in egual tempo si passeranno le A T, B T; il che ec.

Altrimenti. Essendo le suppormali dei quadranti A C Z, B D X proporzionali alle forze, saranno essi le scale di velocità d'ambi i moti per A T, e per B T rispettivamente; sicohè rappresentando T Z la velocità acquistata nel fine del viaggio A T, si esprimerà dalla T X la velocità acquistata nella discesa B T; e perchè per lo Coroll. 3 della prop. 5 il viaggio A T, fatto in questa ipotesi acceleratamente dalla quiete, sta allo spazio, che si farebbe nello stesso tempo della caduta equabilmente coll'ultimo grado di velocità T Z, come il raggio ad un quarto di periferia circolare; dunque nel tempo della caduta A T, si

farebbe equabilmente colla velocità T Z l'arco del quadrante A C Z; similmente nel tempo della caduta B T, si passerebbe equabilmente colla velocità T X il quadrante B D X, ma essendo gli spazi A C Z, B D X proporzionali alle velocità T Z, T X, si farebbe l'uno e l'altro spazio equabilmente in tempo eguale; dunque altresì uguale è il tempo della caduta A T a quello della caduta B T; il che ec.

Corollario I.

Quindi si ha, che in detta ipotesi il tempo con cui un projetto tirato dal punto A colla velocità T Z, che pareggiasse la sua gravità in A, e con direzione perpendicolare al raggio T A, descriverebbe l'intera circonferenza, è quadruplo del tempo, che si impiegherebbe discendendo per lo raggio A T: ed uguaglia il tempo di qualsivoglia altra rivoluzione, che sarebbe un altro mobile spinto dal punto B perpendicolarmente al raggio BT, con velocità abile a pareggiare ed equilibrare la gravità in B. quale sarebbe la velocità T X: imperocché, sebbene, come dimostra Cristiano Ugenio nel Teorema 5. De vi centrifuga, nell'ipotesi della gravità costaute, il mobile cadendo dalla metà del semidiametro acquista una velocità, con vui girando circolarmente ha la forza centrifuga uguale alla gravità; nella ipotesi però della forza centripeta proponionale alle distanze dal centro, solamente cadendo dall'altezza del semidiametro acquisterebbe la velocità equivalente alla gravità sua.

Corollario II.

Nella suddetta ipotesi qualunque grave da qualsivoglia distanza partendosi, giugnerebbe nello stesso tempo al centro della terra; compensandosi la somma lontananza con una somma velocità, e la minima distanza con una incredibile tardità; come nella comune ipotesi della gravità costante, e delle direzioni sue parallele accade, che i gravi scendono nello stesso tempo per qualunque corda grande o piccola, inclinata all'infimo punto d'un mezzo cerchio

Corollario 111.

Anzi essendo il centro della terra C (Fig. xxxi.) ed un piano inclinato A B, sopra di cui sia C B perpendicolare, in egual tempo scenderà un grave per tutta la A C, che per la A B fino al suo infimo punto B; e nello stesso tempo si farebbe la A B dalla quiete in A, che la F

73 B dalla quiete in F: perchè tirate due rette & F, C G infinitamente prossime, e dal centro C descritti gli archi F E, G H D: sarà H F ad F G, come F B ad F C, per esser simili i triangoli rettangoli F H G, FCB; ma la forza nel piano FG alla forza nella F H, o nella E D, sta come F B ad F C, ovvero a C E; e ciò sempre accade; dunque se le forze ne'punti E, D della verticale A C sono come le distanze E C, D C; le forze ne'punti F, G del piano inclinato sono come le F B, G B; onde in egual tempo dalla quiete si farenno E C, F B, D C, G B; e qualunque parte della A C si farà in egual tempo, che una parte simile della A B; dimanierache, tirata I G parallela a C B, si faranno altresì in egual tempo le A I, A G, appunto come dimostra il Galileo dover succedere nella comune ipotesi della gravità, e supposte le direzioni de' gravi parallele, che il diametro d'un semicircolo verticale, e qualunque sua corda (come A I, A G) si scorrono in tempo eguale.

PROPOSIZIONE XIL

Nella stessa comune ipotesi della gravità costante, e supposte le direzioni dei gravi parallele, movendosi un grave per la Cicloide A B D C (Fig. xxxxx) farà nello stesso tempo tutta la curva A B D C, principiando dalla quiete in A, che qualsivoglia sua porzione B D C, princi-

piando dalla-quiete in B.

Perchè essendo le tangenti della cicloide ne' punti A, B, D parallele ad N C, MC, LC corde del semicircolo, come nel cop. 8 degli Ugeniani num. 7 ho dimostrato, sarà la forza della gravità relativa ne' punti A B, D, come le stesse N C, MC, LC, (a cagione dell'essere N C ad M C per esempio, come la stessa M C a C I, cioè come la forza nel perpendicolo N C alla forza sul piano inclinato M C) ma la curva A B G è dupla di N C, e la B C dupla di M C, e la D C dupla di L.C., per le cose dette nella Epistola Geometrica soggiunta agli Ugęniani num. 17; dunque le forze in A. B, D sono per ordine, come gli spazi curvilinei ABC, BC, DC, da scorrersi fino al termine C infimo della cicloide; onde i detti spazi, per la prop. antecedente, si passeranno in tempo eguale; il che era da dimostrarsi.

Corollario.

Perchè dunque Cristiano Ugenio dimostra, che nello svolgersi la cicloide descrive una curva simila, ed eguale a se

stessa, posta inversamente; se il supremo capo del filo, a cui è sospeso un pendolo, sarà ristretto fra due cicloidi, che obblighino il suo termine inferiore a descrivere le vibrazioni per arco cicloidale, saranno queste equidiuturne, tanto facen, dosi un arco maggiore, che per un altro minore; laddove il pendolo ordinario, che descrive l'arco circolare, solamente sacendo vibrazioni minime, le farà in tempo sensibilmente eguale, in quanto quegli archi imitano la curvatura d'una cicloide descritta sull'asse sudduplo della lunghezza di esso pendolo, che è il raggio del cerchio, da cui è combaciata la medesima cioloide; o pare in quanto quegli archi minimi si possono prendere per le corde iscrittevi dall'infimo punto del cerchio, per le quali corde già dimestrò il Galileo farsi la discesa de gravi nel medesimo tempo.

32 Voleva qui dire qualche cosa della celebre ed ingegnosa opposizione fatta dal P. Gio. Francesco Vanni alla Proposizione Meccanica del Galileo, da lui supposta in questo Trattato, e da noi altresì ne' precedenti paragrafi accennata, che il momento della gravità in un piano inclinato stia al momento nel perpendicolo, come reciprocamente il perpendicolo alla lunghezza di esso piano. Ma essendo stato quest' Autore da tant'altri valentuomini confutato (sebbene da taluno con mezzi poco

sussistenti, e con erronei principi secondi d'altri assurdi gravissimi) non stimo opportuno il diffondermi sopra di ciò, rimettendomi alla mia Epistola Matematica de momento Gravium etc. dove la proposizione del Galileo è fondatamente dimostrata, e confutato il Porzio ed il Giordano, autori che vanamente hanno preteso di riformarla in maniere diverse da quella, che propose già il P. Vanni, perchè la via della verità essendo una sola, chi la smarrisce una volta e l'abbandona, si trova disperso in mill'altre strade fallaci, che conducono all'errore, e tra queste non sa discernere, quale sia quella, cui debba attenersi; onde perde il tempo e la fatica, vagando inutilmente, senza sapere dove possa sicuramente far capo.

ad alcuni, che pare vogliano redarguire d'incoerenza nelle sue opinioni il Galileo, perchè supponga qui la forza della gravità costante, il che è incompossibile coll'ipotesi Pitagorica del moto della Terra, di cui si mostrò il nostro Autore così appassionato partigiano; imperocchè, come mostrano il Sig. Varignon nelle memorie della Accademia Regia del 1707 ed il Sig. Ermanno negli Atti di Lipsia 1707 la diurna vertigine deve imprimere tali forze centrifughe in varie altezze di valore diverso, che attemperino diversamente, e raffrenino dove più, dove meno lo sforzo della

gravità, onde se questa era costante, supposta la quiete del globo terraqueo, deve riuscire poi variabile, facendola girare d'intorno al proprio asse. Ma, come gli stessi autori confessano, nelle distanze, in cui si può da noi sperimentare l'azione della gravità, rispetto alla gran distanza dal centro della terra, non può esservi gran disserenza di sorza centrisuga, e però cessa ogni cagione di sospettare, che si renda disuguale l'azione della gravità, perchè rimarrà da per tutto egualmente diminuita, onde resterà di costante ed invariabile quantità. Oltredichè se si volesse, che in tutto rigore rimanesse l'azione della gravità costante, beuchè defalcata dalla varia impressione della forza centrifuga, che può avere in varie distanze, basta supporre, che la detta della gravità fusse primitivamente varia in quella proporzione; ed a quella misura che bisogna, per fare, che detrattane la contraria azione della forza centrifuga, il resto rimanga della medesima quantità.

34 Prima di dar fine a queste note mi pare d'aggiungere un'altra proposizione, benché attenente piuttesto al moto dei projetti, la quale servirà per illustrare ed amplificare la proposizione 7 del Dialogo quarto, rendendone l'uso più generale con molto vantaggio della Pratica, a cui

pao in infiniti casi servire.

PROPOSIZIONE XIII.

Dovendosi mandare un projetto del luogo A (Fig. xxx111.) nel sito G, benchè non posto nel medesimo orizzonte, ma sopra o sotto di esso, con tale velocità, quale si acquisterebbe un grave cadendo dulla sublimità S A: si cerca la direzione del tiro.

Congiunta A G; e prolangata la verticale S A al di sotto verso F, si faccia sopra la S A una porzione di cerchio capace dell'angolo G A F, e posta A H uguale ad un quarto della A G, si alzi la verticale H M. Se questa non concorre colla porzione circolare A M S, non sarà sufficiente la data velocità a condurre il projetto da A in G, ma vi vorrà velocità maggiore: ma se concorre con essa in uno o due punti M, m, si congiunga A M; questa sarà la direzione, con cui facendo il tiro, anderà il projetto a ferire nel destinato scopo G.

Perchè divisa A G (Fig. xxxiv.) per mezzo in I, e per M condotta N M G parallela ad A G, e tirata la verticale I G, che concorre colla direzione A M in K, e congiunta C H B, che sarà parallela ad A M, perchè essendo A H uguale ad H I, sarà A M uguale ad M K, e K C a C I, cioè ad M H, a cui è ancora parallela, e però M K, C H sono parallele, e tirisì ancora alla stessa direzione A M parallela

GF, e finalmente congiungasi SM; sara dunque l'angolo S M A nella porzione uguale all'angolo G A F, ovvero M N A; danque essendo ancora l'angolo M A N comune, saranno simili i triangoli S M A, N M A; e però la proporzione di S A ad A M sarà la medesima, che di A M ad A N, ovvero ad A B, che gli è uguale, siccome N M uguaglia la M C; onde il rettangolo S A B uguaglierà il quadrato della A M, o pure della B H; e presi i quadrupli, sarà il rettangolo di AB nella quadrupla di SA, uguale al quadrato della B C; dunque il puoto Cè in una parabola descritta colla direzione A M, e colla data velocità predotta dalla caduta della sublimità 8 A, che è sempre la quarta parte del luto retto appartenente al diametro A B; ma essendo G A quadrupla di A H, ancora G F è quadrupla di BH, di cui è dupla la BC; onde il quadrato F G è quadruplo del quadrato B C, come F A è quadrupla di A B; dunque ancora il punto G è nella stessa parabola descritta come sopra per li punti A, C; e però fatto il tiro colla data velocità secondo la direzione A M, anderà il projetto a batter nel punto G; il che ec.

Corollario I.

È manifesto, che la N C è tangente della parabola, essendo A B uguale ad A N.

Corollario II.

Se la retta H M sega l'arco A M S in due punti M, m, si potrà fare il tiro per qualunque delle due parabole A C G, A C G, l'una superiore, l'altra inferiore, essendo l'angolo G A M (fatto dalla tangente, e dalla segante) uguale all'angolo A S M (nella porzione alterna) ovvero all'angolo S A m (che corrisponde all'arco S m uguale ad A M) onde ambe le direzioni A M, A m sono egualmente inclinate, quella col piano A G, questa colla verticale A S.

Corollario III.

Ma se H M (Fig. xxxv.) tocca nel punto M l'arco A M S, che sarà il suo punto di mezzo, sarà possibile una sola parabola, e questa manderà il tiro sul piano A G più lontano che sia possibile: perchè l'ordinata M N riesce la massima di tutte, e di questa è quadrupla la A G:

dimanierache il più ampio tiro, che possa farsi sul piano A G, è quello, in cui la direzione A M sega per mezzo l'angolo S A G, contenuto dal detto piano e dalla verticale; e quanto più una direzione si accosterà al punto di mezzo dell'arco A M S, manderà più lungi il projetto, che quando più se ne dilungherà. Appunto come riesce tirando sul piano orizzontale (che fa angolo retto colla verticale) che inclinando la direzione alla metà di detto angolo, cioè a 45 gradi, si manda il tiro più lontano che sia possibile.

Corollario IV.

Viceversa, per mandare un projetto dal punto A sllo scopo G posto sul piano A G, volendo impiegarvi la minima quantità possibile di forza o di polvere o di velocità, basta fare il tiro colla direzione, che seghi per mezzo l'angolo contenuto dal detto piano e dalla verticale, cercando susseguentemente quale quantità d'impeto gli convenga.

E tanto basti di aver detto per illustrare queste dottrine, avendomi impedito di stendere moltissime altre speculazioni, che aveva in pronto in questo proposito, l'essere occupato in affari di tutt'altra ispezione, che dagli studi di questa sorta continuamente distratto mi tengono.

ontinuamente distratto mi tengono. Galileo Galilei. Vol. X. 6

APPENDICE

35. In conseguenza di quanto si è di sopra dimostrato nel Coroll. 3. della Prop. VIII. si può risolvere il Problema seguente.

PROPOSIZIONE XIV.

Scenda un grave pel piano A D, (Fig. xxxvi.) e quindi si volga per l'orizzontale D B verso B. Si cerca qual proporzione abbia il moto per le due A D, D B, in qualsivoglia posizione della A D, al tempo per la sola A B.

Divisa per mezzo la perpendicolare A E in F, e l'orizzontale E B in R, si tirino F C P, R C Q parallele alle E B, E A; e per B, fru gli asintoti G P', C R, con cui concorra la A D continuata in H. Dico che il tempo per le due A D, D B, al tempo per la sola A B starà còme A H ad A B.

Imperocchè, posto che il tempo per A B sia espresso dalla A B, il tempo per A D sarà misurato dalla A D; e questo stesso servirebbe a scorrere nell'orizzonte con moto equabile il duplo di AD, se dovesse mantenersi in esso la velocità A D conceputa nel fine di detto piano; ma restandogli viva (per lo Coroll. 3 della prop. 8.) la sola velocità E D, passerà con essa il mobile nell'orizzonte il duplo di essa E D nel medesimo tempo A D, e tirata H S perpendicolare a D B, passerà nel tempo D H, colla detta velocità E D, il duplo della DS, cioè la DB: perchè tirata H G parallela a B E, che sega la C R in K, e congiunta la B H, che concorre colle A Q, F C, A E, Q R, in N, M, I, L, sarà O N dupla di P M, cioè di K. H (per essere B M uguale ad H I secondo Apollonio, e conseguentemente P M uguale a K H) e la A O è dupla di A Q, o di G K; dunque tutta la A N è dupla della G H; e però N L è divisa per mezzo in H; onde H è il centro del semicircolo descritto sul diametro N L, che passerebbe per l'angolo retto N A L; sicchè H A uguaglia H N, e però ancora H B uguaglia H D, onde la

H S essendo perpendicolare alla base del triangolo isoscele D H B, taglierà essa base B D per mezzo in S; dunque essendo il tempo per D B misurato dalla D H, sarà il tempo per le due A D, D B misurato dall'intera A H, mentre il tempo per la sola A B si esprimeva dalla medesima A B; sta dunque il tempo per A D, D B al tempo per A B, come A H ad A B; il che ec.

Corollario 1.

Se col centro A, e col raggio A B si descrivesse un arco di cerchio, che tagliasse l'iperbola in H, congiunta A H segante l'orizzontale E B in D, sarebbe il tempo per le due A D, D B uguale al tempo per la sola A B, riuscendo allora A H uguale alla A B.

Corollario II.

Ma se il cerchio descritto col raggio A B toccasse l'iperbola in B, sarebbe A B la minima linea, che condurre si potesse dal punto A al perimetro della iperbola, cioè appunto il suo asse; ed il tempo per A B sarebbe minore, che il tempo per qualunque inclinata A D, coll'orizzontale D B; siccome se A H fusse la minima linea, che si potesse condurre dal punto A sul perimetro della iperbola (come può accadere quando l'orizzontale E B non passa

pel vertice principale, o termine dell' asse della sezione) allora il tempo più breve per andare da A in B sarebbe quando il mobile vi arrivasse per le due A D, DB.

36 Il modo poi da determinare questa minima A H, dipende da un Problema solido, sciolto dal Sig. Viviani de Maximis et Minimis lib. 2. prop. 22. nell'ultimo caso, e da me si scioglie nella seguente maniera.

PROPOSIZIONE XV.

Se dal punto A (Fig. xxxvII.) al punto B debba portarsi un grave in brevissimo tempo, parte per una inclinata A D, parte per l'orizzontale D B; trovare il sito di

quella inclinata.

Se fusse il perpendicolo A E uguale all'orizzontale E B, la stessa A B si farebbe in brevissimo tempo, ne accaderebbe cercare altra inclinata A D, che coll'orizzontale D B si potesse in minor tempo passare: come per la costruzione della precedente, e per lo Coroll. 2. di essa si fa manifesto.

Molto meno si potrebbe trovare il minimo tempo per una inclinata, e per l'orizzontale, se fusse A E maggiore di E B.

Sia dunque A E minore di E B, e pongasi E D la prima di due medie proporzionali fra le stesse A E, E B, e congiungasi A D. Sarà il viaggio per A D,

e per D B satto in brevissimo tempo; perchè supposta essere B H l'iperbola descritta secondo la costruzione della precedente, con cui concorra la retta A D in H, e tirata la sua tangente Q H V, che convenga cogli asintoti in V, Q, e tirata HT paralle-Ja a C Q, civè perpendicolare all'altro asintoto C V, segato dalla A D in X. Già B E è dupla di B R (per la costruzione della precedente) e B D dupla di BS (come ivi pure si è dimostrato) dunque la residua DE è dupla della rimanente RS: ma ancora D E è dupla di F X; questa dunque uguaglia la RS, ovvero la CT; sicchè X T uguaglierà la FC, cioè la metà di BE, come la T V uguaglia la C T, ovvero la R S, cioè la metà di D E; però X T a T V sta come BE ad ED, ovvero come il quadrato E D al quadrato E A (per essere E D la prima delle due medie tra BE, EA) o per la similitudine de' triangoli, come il quadrato X T al quadrato T H; onde XT, TH, TV sono continuamente proporzionali; e però l'angolo AHV è retto: sicche AH è la minima di quelle, che dal punto A si possono condurre su la tangente QV, e su la curva iperbolica BH; onde per l'antecedente essendo A H misura del tempo per le AD, DB; sarà il tempo per esse il minimo; ciò che dovevasi di-

LETTERA

DI GALILEO GALILEI

A

Nella quale si tratta del moto naturalmente accelerato.

Padova 16. Ottobre 1604.

Reverendissimo Padre e Sig. mio Colendiss.

L'ipensando circa le cose del Moto, nelle quali per dimostrare gli accidenti da ·me osservati, mi mancava principio totalmente indubitabile da poter porlo per assioma, mi son ridotto ad una proposizione, la quale ha molto del naturale e dell'evidente, e questa supporta, dimostro poi il resto; cioè gli spazi passati dal mow naturale essere in proporzione doppia dei tempi, e per conseguenza gli spazi passati in tempi eguali essere come i numeri impari ab unitate, e le altre cose. Ed il principio è questo, che il mobile naturale vada crescendo di velocità, con quella proporzione, che si discosta dal principio del suo moto; come v. g. cadendo il grave dal termine A per la linea A B C D (Fig. xxxv111), suppongo il grado di velocità, che ha in C, al grado di velocità, che ebbe in B, esser come la distanza di C A alla distanza B A, e così conseguentemente in D aver grado di velocità maggiore che in C, secondo che la distanza D A è maggiore della C A.

Averò caro, che V. Sig. Molto Reverenda lo consideri un poco, e me ne dica il suo parere. E se accettiamo questo principio, non pur dimostriamo, come ho detto, l'altre conclusioni, ma credo, che abbiamo anco assai in mano per mostrare, che il cadente naturale, ed il projetto violento passino per le medesime proporzioni di velocità. Imperocchè, se il projetto vien gettato dal termine Dal termine A, è manifesto, che nel punto D ha grado d'impeto potente a spingerlo sino al termine A, e non più; e quando il medesimo projetto è in C, è chiaro, che è congiunto con grado d'impeto potente a spingerio sino al medesimo termine A; e parimente il grado d'impeto in B basta per spingerlo in A. Onde è manifesto l'impeto ne' punti D, C, B andar decrescendo secondo le proporzioni delle linee DA, CA, BA; oude se secondo le medesime va nella caduta naturale acquistando gradi di velocità, è vero quanto ho detto e creduto sin qui. Quanto alla esperienza della freccia, credo, che nel cadere acquisterà pari forza a quella, con che fu spiuta, come con altri

esampi parleremo a bocca, bisognandomi esser costà avanti Ognissanti. Intanto la prego a pensare un poco sopra il predetto

principio.

Quanto all'altro problema proposto da lei, credo, che i medesimi mobili riceveranno ambedue la medesima virtù; la quale però non opererà in ambedue il medesimo effetto, come v. g. il medesimo uomo vogando comunica la sua virtù ad una gondola e ad una peotta, sendo l'una e l'altra capace anco di maggiore; ma non segue nell'una e nell'altra il medesimo effetto circa la velocità o distanza d'intervallo, per lo quale si muovono. Scrivo allo scuro questo poco, basti più per soddisfare al debito della soluzione, rimettendomi a parlarne a bocca in breve; e con ogni reverenza gli bacio le mani.

Lettera di Galileo Galilei al P. Ab. D. Benedetto Castelli, contenente una dimostrazione d'un principio già supposto dall' Autore nel suo Trattato del Moto accelerato ne' Dialoghi de' Muvimenti locali.

Molt' Ill. e Rever. Sig. e Padron Colend.

L' manifesto pur troppo, Sig. mio Reverendiss. che il dubitare in Filosofia è padre dell' invenzione, facendo strada allo scoprimento del vero. L'opposizioni fattemi son già

molti mesi da questo giovane, al presente mio ospite e discepolo, contro a quel principio da me supposto nel mie Trattate del moto accelerato, ch'egli con molta applicazione andava allora studiando, mi necessitarono in tal maniera a pensarvi sopra, affine di persuadergli tal principio per concedibile e vero, che mi sorti finalmente, con suo e mio gran diletto, 'd'incontrarne, s'io non erro, la dimostrazione concludente, che da me fin'ora è stata qua conferita a più d'uno. Di questa egli ne ha fatto adesso un disteso per me, che trovandomi affatto privo degli occhi, mi sarei forse confuso nelle figure e caratteri, che vi bisognava. E scritta in Dialogo, come sovvenuta al Salviati, acciò si possa, quando mai si stampassero di nuovo i miei Discorsi e dimostrazioni, inserirla immediatamente dopo lo Sculio della seconda proposizione del suddetto trattato (a facc. 278. 279. V. VIII. di questa impressione) come Teorema essenzialissimo allo stabilimento delle scienze del moto da me promosse. Questo lo comunico a V. S. per lettera prima che ad alcun altro, con attenderne principalmente il parer suo, e dopo quello de'nostri amici di costì, con pensiero d'inviarne poi altre copie ad altri amici d'Italia e di Francia, quando io ne venga da lei consigliato: e qui pregandola a farci parte d'alcuna delle sue peregrine speculazioni, con sincerissimo affetto la reverisco, e gli ricordo il continuare l'orazioni appresso Dio di misericordia, e di amore per l'estirpazione di quegli odii intestini de miei maligni, infelici persecutori.

D' Arcetri li 3. Dicembre 1639.

Di V. S. Molt'Ill. e Rev.

Affezionatiss. Serv. Obblig. Galileo Galilei Linceo Cieco.

Lettera di Andrea Arrighetti a Galileo Galilei.

Molt' Ill. Sig. mio Osserv.

Firenze 25. Settembre 1633.

Non ho potuto far di meno di non obbedire a quel tanto, che dal Sig. Mario Guiducci per sua parte mi è stato commesso, circà quel poco di studio, che aveva fatto intorno alla sua prima proposizione di Meccanica mandata qua da V. S. al medesimo Sig. Mario, quale insieme con alcune altre dimostrazioni da essa dependenti sarà in piè di questa. Son sicuro, che vedrà il tutto come cosa fatta per mio trattenimento, scusando se vi fusse qualche debolezza, e se; non l'avendo

dipoi più riviste, anco nel copiarle mi scappasse qualche passerotto, e per conseguenza non potessero stare a martello. Se sentirò, che non ci abbia difficultà, e che queste non sieno convinte di falsità, mi affaticherò intorno all'altra mandata ultimamente, non essendo fuor di speranza, che si possa ritrovare anco in altra maniera la grossezza del proprio solido, unico ancor esso fra tutti i suoi simili, tanto mentre il suo momento sia superiore alla resistenza della sua base, quanto mentre segua il centrario. Non mi affaticherò in condolermi seco de' suoi travagli, sapendo ella benissimo quanto deva participarne, mediante gl'infiniti obblighi, che le professo. Del resto confermo a V. S. la mia osservanza, pregandola a ricordarmi servitore d'infinita obbligazione a Monsig. Illustriss. ed a conservarmi la sua buona grazia.

Poscritto. Dopo aver serrata la lettera mi son risoluto a mandare a V. S. anco la dimostrazione dell' ultima sua proposizione, la quale sarà aggiunta in fine di questa, e di nuovo la riverisco aspettandone

il suo parere.

Dato un prisma o cilindro di materia grave e frangibile, ed omogenea in ciascuna sua parte, quale sia sostenuto in mezzo, o sivvero in una o in ciascuna delle sue estremità, dico, che coll'andare allungando il detto solido si ridurrà a segno, che mediante il suo proprio pese

si spezzerà nel punto dove sarà sostenuto, o sivero in mezzo, quando sarà sostenuto in ciascuna delle sue estremità; e se il detto solido si andrà; ingrossando conservando la medesima lunghezza, quanto più si andrà ingrossando, tanto più sarà abile a sostenere altro peso oltre il suo proprio, e che fra gl'infiniti solidi simili al dato solido, un solo è quello, che è ancipite fra la fragilità e la consistenza, sicchè ogni poco che sieno maggiori di quello si spezzeranno, e ogni poco che sieno minori saranno abili a sostenere oltre il lor proprio qualche altra quantità di peso. Sia il dato solido AB (Fig. xxxxx.) sostenuto in mezzo nel punto C, dico, che cell'andarlo allungando seguirà quanto si è detto di sopra. Allunghisi fino in EF, sicchè il punto C sia sempre in mezzo.

Perchè dunque nell'allungare il detto solido la base si conserva sempre l'istessa, si conserverà anco la medesima resistenza nel pesó C; ma la facilità del superare tal resistenza va crescendo mediante l'allungamento delle DF, DE, siccome cresce anco il momento, che resulta dalle gravità de'suddetti solidi DF, DE, secondo che si accrescono i suddetti solidi, ne seguirà, che il detto solido EF si spezzerà median-

te il suo proprio peso.

Accrescasi il solido AB (Fig. xl.) per la sua grossezza fino in EF, conservando la medesima lunghezza. Dico, che seguirà

94 tutto il contrario, cioè, che oltre al suo

proprio reggerà qualche altro peso.

Perciocchè coll'accrescere il detto solido la resistenza alla resistenza è, come la base D C alla base G C, cioè come il solido A H al solido E H, cioè come il momento del solido A H al momento del solido E H; ma la differenza del superare tali resistenze si accresce tanto, quanto si accresce la CG, mentre stia ferma la lunghezza A B; adunque seguirà quanto si è proposto.

Dico di più, che facendosi altri solidi simili all' A B, fra gl'infiniti, che si posson fare, un solo è quello, che è ancipite fra la fragilità e la consistenza, sicchè quanto saranno maggiori di quello, più facilmente si spezzeranno mediante il lor proprio peso, e quanto saranno minori, tanto più saranno abili a sostenere qualche altro peso, oltre il loro proprio.

Sia il solido A B, (Fig. XLI.) nello stato suddetto, e facciansi i solidi E F, G H simili all'A B, cioè E F maggiore,

e G H minore.

Perchè dunque le resistenze, che si fanno in C D, K L, M I, hauno fra di loro la proporzione delle basi C D, K L, M I, ed i momenti de' solidi A B, E F, G H hanno fra di loro la proporzione de' medesimi solidi, cioè de' cubi delle medesime C D, K L, M I, e le facilità del superare tali resistenze si conservano in

Di più volendo ridurre il solido E F di grossezza tale, che conservandolo della medesima lunghezza E F sia nel medesimo stato del solido A B, e sia ancor egli unico in tale stato fra tutti i solidi a lui simili, basterà (servendosi della passata figura) trovare la terza proporzionale delle due D C, K L, quale sarà il diametro della base del cilindro, che si cerca.

Perciocchè il momento del solido A
B al momento del solido E F ha triplicata proporzione della D C alla K L, e la
resistenza, che si fa in C D, alla resistenza, che si fa in K L, l'ha duplicata
della proporzione della medesima D C,
alla medesima K L, per esser solidi simili; ed il momento del solido E F al momento del solido ritrovato (per esser della
medesima altezza) ha duplicata proporzione della D C, alla K L, e la resistenza
del medesimo E F alla resistenza del solido ritrovato ha triplicata proporzione della
D C alla K L; adunque tanto, quanto la
proporzione della resistenza del solido A

96 B alla resitenza del solido E F è minore della proporzione del momento del solido A B al momento del solido E F, tanto la proporzione del momento del solido E F al momento del solido ritrovato è minore della proporzione della resistenza, che si fa in K L, alla resistenza, che si fa nella base del solido ritrovato; adunque la resistenza del solido A B alla resistenza del solido ritrovato, cioè quella, che si fa nelle lor basi, averà la proporzione del momento del solido A B al momento del solido ritrovato; adunque il solido ritrovato sarà nel medesimo stato del solido A.B., ed il medesimo seguirà mentre il momento del solido A B alla resistenza, che si fa in C D, abbia qualsivoglia altra data proporzione maggiore o minore, che sempre il solido ritrovato sarà unico in tale stato fra tutti i solidi a lui simili.

> Lettera di Galileo Galilei a Andrea Arrighetti.

Molt'Ill. Sig. Pad. Colend.

Di Siena 27 Settembre 1633.

Il gusto col quale ho lette e rilette le dimostrazioni di V. S. è stato maggiore della maraviglia, quello cioè grandissimo per la sottigliezza dell'invenzione, e questa minore assai per esser opera dell'ingegno del Sig. Andrea Arrighetti; e l'ultima in particolare mi ha tenuto un pezzo confuso, sì per l'insolita testura, si per la mia consumata memoria, nella quale non prima s'imprimono i fantasmi, che si cancellano. Serva questo detto incidentemente per avviso a V. S. di speculare, mentre è giovane. Il progresso di V. S. è maestoso, e s'innalza sopra il comune geometrico, in certo modo, come il metafisico sopra il puro fisico, mentre tratte. nendosi V. S. tra universali astratti, par che sdegni il particolareggiare, e di trattare con altre persone, che colle molto prosondate in questi studj. Replico a V. S. che ne ho preso gusto grandissimo, e quando ella non isdegnasse, che io soggiugnes. si questa sua dimostrazione a quella, che ne arreco io nel trattato, che ho per le mani, mi sarebbe gratissimo, sebbene per renderla apprensibile anco ai mediocremente intelligenti, abbassando alle mie pianure, ma veramente con qualche scapito della maestà, alla quale V. S. l'innalza, la concluderei nel seguente modo.

Le resistenze D, K (Fig. XLII.) son tra loro come i quadrati D, K, cioè come i quadrati K, M, cioè come i prismi E, X, cioè come i momenti E, X. Le resistenze K, M, come i cubi K, M, cioè come i cubi D, K, cioè come i prismi A, E, cioè come i momenti A, E; adunque

Galileo Galilei Vol. X.

per la perturbata, le resistenze de prisma D, M, son tra loro come i momenti A, X, e però i medesimi prismi sono in stati simili.

Per quanto appartiene a me medesimo, posso dire, che la gentilissima conversazione di questo mio cortesissimo ospite mi solleva notabilmente, e l'occupaziome, che Dio mi dà intorno a varie contemplazioni, mi divertisce assai la mente;
e sopra tutti i conforti, il creder, che V.
S. e gli altri amici e padroni cari mi
continuino la lor grazia, mi renda men
grave ogni mia afflizione.

Lettera di Galileo Galilei.

Molt' Ill. Sig. e Pad. Colend.

In risposta delle obbiezioni di V. S. dirò brevemente quello, che mi occorre, e quanto alla prima. Ella dice parergli, che nel principio del mio discorso io voglia affermare, che le macchine, che rieseono in piccolo, riusciranno anche in grande, purchè si osservi nelle moltiplicazioni la proporzione, che si dee nello strumento e nelle sue parti; e che l'affezione, che si trova sempre nella materia, non è argomento buono per provaro il contrario, essendo che essa effezione è aterna e sempre l'istessa, della quale si

cuna, ma è eterna, immutabile, e però atta ad essere sotto necessarie dimostrazioni compresa, ma per quanto io credo non avvertita da altri. E per meglio dichiararmi seco, piglio il suo medesimo esempio di un ponte per passare un sosso largo v. g. venti piedi, il quale si trovi esser riuscito potente a sostenere e dare il transito a peso di mille libbre, e non più; cercasi ora se per passare un fosso largo quattro volte tanto, un altro ponte contesto del medesimo legname, ma in tutti i suoi membri accresciuto in quadrupla proporzione, tanto in lunghezza, quanto in larghezza ed altezza, sarà potente a reggere il peso di 4000 libbre, dove io dico di no; e talmente dico di no, che potrebbe anco accadere, che e'non potesse regger se stesso, ma che il peso proprio lo fiaccasse: avendo io con necessaria dimostrazione meccanica provato, esser impossibile, che due figure solide satte dell'istessa materia, e che tra di loro sieno simili e diseguali, sieno simili nella robu. stezza; ma che sempre a proporzione saranno le maggiori più deboli: di modo che, se averemo v. g. un'asta di legno di tal grossezza e lunghezza, che fitta in un muro parallela all'orizzonte resti senza fiaccarsi dal proprio peso, ma che una grossezza di capello, che fusse più lunga si rompesse, dico tale asta tra le infinite, che si possono fare simili a lei del medesimo legno, esser unica, che resti sul confine tra il sostenersi e il rompersi, sicchè nessuna delle maggiori di lei potranno reggersi, ma necessariamente si siaccheranno; ma le minori reggeranno se stesse, e qualche altro peso di più, talchè se vorremo pigliare un'asta più lunga della detta, e che sia potente a reggere se stessa, bisogna alterare la proporzione, e farla più grossa di quel che ricercherebbe la similitudine delle figure. Ora la cagione, per la quale la resistenza al rompersi ne' solidi simili non cresca secondo le grandezze loro, io la provo con necessaria dimostrazione; dimostro ancora qual proporzione è quella, che la robustezza osserva nell'accrescimento delle figure: e finalmente dimostro nell'allungare la figura, quanto si debba alterare ed accrescere più la grossezza, che la lunghezza, acciò la robustezza si augumensi ancora nelle figure maggiori a proporzione delle minori. Ma che io ricorra mai a dire, che queste varietà dependano dalle: diversità di materie non solo differenti di specie, come legno, ferro, marmo, ma anco della medesima specie, essendo tante diversità di saldezza tra unæ sorta di legno, ed un'altra, ed anco nell'istesso secondo che è tagliato dal tronco o dal ramo, di una stagione o di un'altra, vicino alla radice o alla vetta; sarei veramente troppo debole a volere arrecar queste notissime contingenze per ra-

sottigliando detti travamenti o cateue, ac-

ciò fussero in tutte le loro parti egual-

mente resistenti, e dimostro qual figura. doverebbero avere con alleggerimento notabile del lor proprio peso. Osservo appresso e dimostro, come e per qual ragione, e ron che proporzione canne, lance, ed altri strumenti simili essendo voti dentre sono più gagliardi, che altri della medesima materia, lunghezza e peso, che fussero massicci e sodi. Altre notizie arreco, che servono a gustare delle maraviglie delle fabbriche artifiziali, e più di quelle della natura, la quale intendendole tatte, tanto mirabilmente se ne serve nelle sue strutture, sacendo, per esempio, l'ossa degli uccelli vote assai dentro, acciò sieno leggiere ed insieme gagliardissime, quali non sarebbero, se ritenendo il medesimo peso fussero massicce, perchè sarebbero sottili e grandemente più deboli.

Lettera di Galileo Galilei al Marchese Guido Ubaldo dul Monte.

Ill. Sig. e Pad. Colend.

Di Padova li 29 Novembre 1602.

V. S. Illustrissima scusi la mia importunità, se persisto in voler persuaderle vera la proposizione dei moti fatti in tempi uguali nella medesima quarta del cerchio: perchè essendomi paruta sempre mirabile,

104 ora vie più mi pare, che da V. Sig. Illustrissima vien reputata come impossibile, onde io stimerei grand'errore e mancamento il mie, s'io permettessi, che essa vènisse repudiata dalla di lei speculazione, come quella, che fusse salsa, non meritando ella questa nota, nè tampoco di esser bandita dall'intelletto di V. S. Illustrissima che più di ogni altro la potrà più presto ritrarre dall'esilio delle nostre menti; e perchè l'esperienza, con che mi sono principalmente chiarito di tal verità, è tanto certa, quanto da me consusamente stata esplicata nell'altra mia, la replicherò più apertamente, onde ancora ella facendola, possa accertarsi di questa verità.

Piglio dunque due fili sottili lunghi ugualmente due o tre braccia l'uno, e sieno A B, E F, (Fig. xLIII.) e gli appicco a due chiodetti A, E, e nell'altre estremità B, F, lego due palle di piombo uguali (sebben niente importa se sussero disuguali) rimovendo poi ciascuno detti fili dal suo perpendicolo, ma assai, come saria per l'arco C B, e l'altro pochissimo, come saria secondo l'arco I F, gli lascio poi nell'istesso momento di tempo andare liberamente, e l'uno comincia a descrivere archi grandi simili al B C D, e l'altro ne descrive de piccoli simili al F I G, ma non però consuma più tempo il mobile B a passare tutto l'arco B C D, che si faccia l'altro mobile F a passare l'arco F I G, di che mi rendo sicurissimo così.

Il mobile B passa per lo grand'arco B C D, e ritorna per lo medesimo D C B, e poi ritorna verso D, e va per 500 e 1000 volte reiterando le sue reciprocazioni; l'altro parimente va da F in G, e di più torna in F, e parimente farà molte reciprocazioni, e nel tempo ch'io numero v. g. le prime cento grandi reciprocazioni B C D, D C B, ec. un altro osservatore numera cento altre reciprocazioni per F I G piccolissime, e non ne numera pure una sola di più, segno evidentissimo, che ciascheduna particolare di esse grandissime B C D, consuma tanto tempo, quanto ogni una delle minime particolari F I G; or se tutta la B C D vien passata in tanto tempo, in quanto la FIG, ancora le loro metà, che sono le cadute per gli archi disuguali della medesima quarta saranuo fatte in tempi uguali. Ma anco senza stare a numerar altro V. S. Illustrissima vedrà, che il mobile F non farà le sue piccolissime reciprocazioni più frequenti, che il mobile B le sue grandissime, ma sempre anderanno iusieme. L'esperienza, ch'ella mi dice aver fatta nello scatolone, può essere assai incerta, sì per non esser forse la sua superficie ben pulita, sì forse per non esser persettamente circolare, sì anco106

ra per non si potere in un solo passaggio così bene osservare il momento stesso sul principio del moto, ma se V. S. Illustrissima pur vuol pigliare questa superficie incavata, lasci andare da gran distanza, come saria dal punto B, liberamente la palla B, la quale passerà in D, e sarà nel principio le sue reciprocazioni grandi d'intervallo, e nel fine piccole, ma non però queste più frequenti di tempo di quelle. Quanto poi al parere irragionevole, che pigliandosi una quarta lunga 100 miglia, due mobili uguali possano passarla uno tutta, e l'altro un palmo solo in tempi uguali, dico esser vero, che ha dell'ammirando; ma se consideriamo, che può esser un piano tanto poco declive, qual saria quello della superficie d'un fiume, che lentissimamente si muovesse, che in esso non averà camminato un mobile naturalmente più d'un palmo, nel tempo che un altro sopra un piano molto inclinato, (ovvero congiunto con grandissimo impete ricevuto, anco sopra una piccola inclinazione) averà passato cento miglia; nè questa proposizione ha seco per avventura più inverisimilitudine di quello, che si abbia, che i triangoli tra le medesime parallele, ed in basi uguali sieno sempre uguali, potendone sare un brevissimo, e l'altro lungo mille miglia; ma restando nella medesima materia, io credo aver dimostrato questa conclusione non meno del-

l'altra inopinabile.

Sia del cerchio B D A (Fig. XLIV.) il diametro B A eretto all' orizzonte, e dal punto A sino alla circonferenza tirate linee utcunque A F, A E, A D, A C. Dimostro mobili uguali cadere in tempi uguali, e per la perpendicolare B A, e per gli piani inclinati, secondo le linee C A, D A, E A, F A, sicchè partendosi nell'istesso momento dalli punti B, C, D, E, F, arriveranno in uno stesso momento al termine A, e sia la linea F A piccola quanto esser si voglia.

E forse anco più inopinabile parerà questo pur da me dimostrato, che essendo la linea S A non maggiore della corda d'una quarta, e le linee S I, I A; utcunque, più presto fa il medesimo mobile il viaggio S I A, partendosi da S, che

il viaggio solo I A, partendosi da l.

Sin qui ho dimostrato senza trasgredire i termini meccanici, ma non posso spuntare a dimostrare, come gli archi S l A, ed I A sieno passati in tempi ugua.

li, che è quello che cerco.

Al Sig. Francesco mi farà grazia rendere il baciamano, dicendogli, che con un poco d'ozio gli scriverò una esperienza, che già mi venne in fantasia, per misurare il momento della percossa; e quanto al suo quesito, stimo benissimo detto, quanto ne dice V. S. Illustrissima, e che quan-

do cominciamo a concernere la materia, per la sua contingenza si cominciano ad alterare le proposizioni in astratto dal geometra considerate; delle quali così perturbate, siccome non si può assegnare certa scienza, così dalla loro speculazione è assoluto il matematico. Sono stato troppo lungo e tedioso con V. S. Illustrissima: mi perdoni in grazia, e mi ami come suo devotissimo servitore, e le bacio le mani con ogni reverenza.

Lettera di Galileo Galilei in risposta al Bertizzolo,

Lolto vivamente e con gran sottigliezza risponde il Sig. Bertizzolo alle mie dissicoltà, per manteuere in piede la sua conclusione, che secondo che cresce l'altezza dell'acqua sopra il medesimo declive, e per conseguenza la gravità, debba aucora crescere la celerità del suo moto; il che era stato da me messo in dubbio, pigliando occasione di dubitare da quello, che vedo per esperienza farsi negli altri movimenti naturali, ne' quali i mobili omogenei, ancorchè disegualissimi in mole, e per conseguenza in peso, si muovono tuttavia con pari velocità, come ciascheduno può ad ogni ora vedere in due palle di ferro o d'altra materia grave, delle, quali una sia grandissima, e l'altra piccolissima, che cadendo a perpendicolo, ovvero sopra il medesimo piano inclinato, si muovono colla medesima velocità; del quale effetto, come altra volta dissi, ne ho ancora trovate due dimostrazioni, le quali però tralascio al presente, potendosene tanto facilmente vedere mille esperienze; le quali prego il Sig. Bertizzolo a vedere, acciò non abbia a negare quello, che è più chiaro, che il Sole. Ma perchè rispondendo sottilmente soggiugne, che i predetti mobili diseguali quando non avessero impedimento dell'aria, non pure si muoveriano disegualmente, ma che manterrebbero anco nelle loro velocità la pro-porzione medesima, che sosse tra le gravità loro, quasi che dal mezzo detta proporzione venga alterata: avendo io opinione in ciò molto diversa, e facendo questa considerazione molto a proposito al moto dell'acque, il quale non ha repugnanza d'altro mezzo, mi ci fermerò alquanto, e dirò, che indubitatamente stimo, che in uno spazio dove non fusse resistenza alcuna del mezzo, non solamente i gravi diseguali ed omogenéi, ma ancora gli eterogenei si muoveriano colla medesima prestezza, siche non più velocemente discenderebbe una gran palla di piombo, che una di leggero legno. Al che credere mi muovo per due ragioni, fondate pure sopra l'esperienza; e la prima è questa, che io vedo mobili eterogenei, come sa-

riano due palle, una di piombo e l'altra di pietra, muoversi con velocità disuguale, e tal disugualità esser maggiore nei mezzi più gravi e resistenti, che nei più sottili e leggeri, e così il piombo e la pietra con gran disegualità vanno al basso nell'acqua, e con pochissima disferenza nell'aria, e con minore per couseguenza anderiano in un mezzo più raro, e sinalmente con nessuna nel vacuo. L'altra mia ragione è questa, che è pur fondata sopra l'esperienza, che se fusse vero, che le velocità ne' movimenti naturali seguitassero la proporzione della gravità de' mobili, ogni volta che l'impedimento del mezzo non l'alterasse, adunque tutta volta che si potesse levare tale alterazione del mezzo, senz'alcun dubbio si doveria coll'esperieoza poter vedere la detta proporzione: ora tanto è vero, che si levi assolutamente l'impedimento del mezzo, quanto il sare, che i mobili non ne vengano impediti più l'uno, che l'altro, il che quando fusse, dovriano detti mobili disegualmente gravi mostrar nelle loro velocità la proporzione, che banno in gravezza; al che però non accorda l'esperienza, la quale potremo fare pigliando due palle di mole uguali, ma di peso ineguale, come saria una di piombo e l'altra di legno, le quali quando sieno in grandezza uguali, saranno di peso disuguali, sicchè quella di piombo potrà pesare talvolta trenta volte

più di quella di legno. Se dunque queste due palle uguali in mole si lasceranno cadere da un'altezza ver. gr. di cento braccia, già il contrasto dell'aria sarà il medesimo all'una ed all'altra, sicchè saranno come denudate dall'impedimento esterno, e solo prevalerà in loro la virtù motiva, che viene dalla gravezza; per lo che se fusse vero l'assunto del Sig. Bertizzolo. doveria quella di piombo muoversi 30 volte più veloce dell' altra, sicchè quando quella di piombo avesse sinito il suo moto, l'altra dovria essersi mossa per poco più di tre braccia, il che è tanto falso, che non pure, mentre che il piombo averà camminato le cento braccia, il leguo ne averà camminate tre o quattro, ma ne averà anco passate più di 98, ed in somma con pochissimo intervallo sarà prevenuto dal piombo; onde io concludo potersi senza fallacia effermare la proporzione delle velocità de diversi mobili omogenei o eterogenci, o uguali o disuguali, non aver che far niente colla proporzione delle gravità loro, ed esser grandemente minor di quella. E perchè è piccolissima tal differenza ne' mezzi pieni, dove il mezzo impedisce un poco più il men grave, stimo, che nel vacuo, o dove non fusse tal impedimento, quella non faria cosa alcuna, ma di tutti i mobili saria la velocità medesima. Nè sono gli esempi di pietre e colonne tagliate addotti da me

fuori di proposito, perchè essendo stato prosserito dal Sig. Bertizzolo l'assioma universalmente, che crescendo la gravità debba crescere il moto, doveria verificarsi in tutti i particolari, il che non fa negli esempi addotti: anzi dirò di più, non si verificare nè anco nell'acqua, nè accadere a quella altro da quello, che accada agli altri mobili naturali, cioè che sopra il medesimo declive con 'tanta velocità underà un' acqua alta 100. braccia, con quanta una, che sia alta un solo; ma perchè (come anco accennai nell'altro mio discorso) mi si potria istare coll'esempio del corso de' fiumi, i quali crescendo l'altezza dell'acque vanno sempre più rapidamente, e vedo, che il Sig. Bertizzolo si riduce a questa esperienza; però son contento di allargarmi un poco più, e scoprire, quale sia la causa di questo effetto da me molto hene osservato. Dico dunque, che le acque de' fiumi, quando o per pioggie o per nevi disfatte si alzano, non crescono per tutto ugualmente, anzi se lontano dal mare, dove si scaricano, 20 o 30 miglia si alzano 10 o 12 braccia, intorno alla foce, dove entrano in mare, non si alzano nè anco un sol braccio, come ciascuno può aver osservato; il che se è così, chi non conoscerà, che questo è accrescer grandemente il declive; e crescendo tanto questo non sarà necessario, che cresca ancora il moto? certamente sì.

Però se alcuno vorrà per via d'esperienze mostrare, che alzandosi l'acque, ancorchè si muovano nel medesimo declive, debba crescer la loro velocità, bisognerà ricorrere ad altro esempio, che a quello de' fiumi, nei quali non è possibile alzar l'acque per tutto ugualmente, come dovria farsi, se si ha da mantenere la medesima decaduta, e provare, che l'altezza dell'acqua faccia crescere la velocità sopra il medesimo declive. E per avventura un' esperienza opportuna per veder ciò, saria la seguente. Sieno due canali serrati A B. C D, (Fig. xLv.) larghi ugualmente, ma sia il C D due volte più alto dell' A B, ed abbiano la medesima inclinazione, e da vene inessicabili passino per essi acque dalle parti B, D, verso A, C; è manisesto, che se l'altezza maggior dell'acque accresce sopra il medesimo declive la velocità del moto, doverà il canale C D, render quattro botti d'acqua in quel tempo, che l'altro A B ne butta una; imperocchè se l'acqua per esser nel canale C D due volte più alta, che nell'A B, dee muoversi con doppio moto, essendo in oltre il canale C D due volte più capace dell' A B, ne seguirà di necessità, che, come ho detto, l'uno porti fuori quattro volte più acqua dell'altro, la qual cosa indubitatamente non si troverà esser così, nè si vedrà buttare il canale D C Galileo Galilei Vol. X.

una goccia più, che il doppio di BA, segno necessarissimo, che l'acque nell'uno e nell'altro vanno con pari corso.

Lettera di Galileo Galilei al P. Abate D. Benedetto Castelli del modo di misurare le gocciole d'acqua cadenti sopra una data superficie.

D' Arcetri 19. Agosto 1639.

Reverendissimo Padre, e mio Sig. Colendissimo.

Dento con diletto l'applicazione, che la Paternità Vostra Reverendissima sa coll'intelletto a nuove speculazioni dipendenti da questo suo ultimo trattato in proposito del Lago Trasimeno, e starò con desiderio aspettando di parteciparne, conforme a che ella me ne dà speranza. Quanto alla moltitudine delle gocciole cadenti sopra una superficie data, ed il modo del trovarla, le dirò solo la conclusione è l'operazione, lasciandone la dimostrazione al discorso di lei. Dico pertanto, che dato l'intervallo tra gocciola e gocciola, e l'ampiezza della superficie, dove dette gocciole debbon cadere, l'operazione procede nel seguente modo. Perchè tal superficie dee esser nota, intendasi quella esser cir-

115

116

Lettera del Padre Abate D. Benedetto Castelli a Galileo Galilei sopra l'istessa materia.

Roma 27. Agosto 1639.

Eccellentiss. Sig. mio Padron Colendiss.

Veramente mi è riuscita la speculazione di V. S. Eccell. stravagantissima nel ritrovamento del numero delle gocciole cadenti in una data superficie, dato l'intervallo tra gocciola e gocciola; e confesso la mia debolezza, che alla prima lettera di V. S. Eccellentissima non intesi bene la proposizione, ed anco in questa ho stentato assai in intenderla, non discernendo se il numero degl'intervalli, come ella chiama, sia veramente degl'intervalli tra gocciola e gocciola, ovvero dell' istesse gocciole prese nel diametro del cercbio, cominciando da quella, che si considera nel centro inclusive, giacchè il numero delle gocciole supera d'un'unità quello degl'intervalli. Ma finalmente camminando io in questo principio per via d'esperienza, ho conosciuto, che si dee prendere il numero delle gocciole, e non degl'intervalli, per radice de' cubi, e ne ho fatti molti riscontri colla numerazione attuale, e poi coll'operazione di V. S. Eccelleutissima, e tutte mi sono riuscite puntualissimamente;

è vero che mi pare, che sempre la sezione di tutto il sustello delle gocciole cadenti nel cerchio debba riuscire un esagono equilatero ed equiangolo iscritto nel cerchio dato, altrimenti il mio conto non con quello di V. S. Eccellentissima, quale pure dee esser verissimo, come dependente dalla dimostrazione, alla quale non sono per ancora arrivato, e sorse la mia debolezza non arriverà giammai. Pertanto mi resta scrupolo nel mio modo di numerare, e vado dubitando, che non torni, se non quando la saetta dell'arco di 60. gradi non è maggiore d'uno degl' intervalle tra gocciola e gocciola. So che ho scritto questi versi oscuramente, però la prego a scusarmi; se mi succederà trovare cosa più netta e chiara, mi porterò meglio un'altra volta. Intanto mando a V. S. Eccellentissima una copia d'una lettera, che scrivo a Mousig. Cesarini, per dar soddisfazione a molti, che non intendono il principal fondamento del min Trattato della misura dell'acque correnti, dove cerco di spiegarmi di più di quello, che ho fatto nel Trattato istesso. Mi pare d'essermi in questa lettera vantaggiato qualche cosa per ridurre alla pratica il mio modo di partire l'acque delle Fontane, parendomi d'averlo spiegato assai facilmente, dove V. S. Eccellentissima vedrà, che non adopero il pendolo per misurar l'ora d'andare a pranzo o a letto. In oltre ho registrato alcuni disor-

118 dini, che seguono nel comun modo di misurare l'acque correnti, e mi pare (se non sono di me stesso adulatore) d'averli fatti spiccare assai bene. V. S Eccellentissima se la faccia leggere una volta, quando sarà meno impiegata nelle sue più alte speculazioni, e poi mi farà favore di farla capitare in mano del Serenissimo Gran Duca, e del Serenissimo Sig. Principe Leopoldo, perchè forse non sarà cosa inutile nel dispensare l'acque della Fontana, condotta con magnificenza veramente regia da S. A. S. in Firenze e per comodo, e per vaghezza della Città. Ed il Signore la conservi.

Lettera di Galileo Galilei al Padre Abate D. Benedetto Castelli sopra l'istessa materia.

Arcetri 3. Settembre 1639.

Reverendissimo Padre, mio Sig. Colendiss.

Ricevo la gratissima sua insieme colla copia dell'altra, che scrive a Monsig. Ce-carini; le ho sentite amendue con gusto estremo, e questa che mi manda procurerò, che venga in mano del Sereniss. Principe Leopoldo, e appresso del Serenissimo Gran Duca, sicuro che siano per far gran riflessione e capitale degli avvertimenti.

1

felicità, che mi accade anco nel poter discorrere sopra linee, che passino oltre un triangolo, sicche nè pure posso intendere una delle mie medesime proposizioni e dimostrazioni, ma tutte mi giungono come ignote e inintelligibili. Lascerò dunque la cura alla P. V. Reverendiss. di allargarsi in questa contemplazione, e di ritrovare se vi è cosa, che meriti, che ne sia tenuto conto. Sono in continue strida per un' orribile doglia di una mano, di quelle mie antiche, non posso esser più seco. La riverisco con ogni affetto, e mi raccomando alle sue orazioni.

Lettera di Galileo Galilei a Curzio Picchena Segretario di Stato del Serenissimo Gran Duca di Toscana, nella quale tratta della Calamita.

Padova 16. Novembre 1607.

Illustrissimo Signore.

lo scrissi, sono oggi 15 giorni, a V. S. Illustrissima quello, che poteva dire allora in materia del pezzo di Calamita ricercato da S. A. S. che fu, che primieramente ne aveva io un pezzetto di circa mezza libbra assai gagliardo, ma di forma non molto

elegante, e che questo era al cenno di S. A. S. padrona di questo e di tutto il resto. Le dissi appresso ritrovarsene un pezzo in mano di un Gentiluomo amico mio, di bontà suprema, grande in circa 5. libbre, e di bella forma; ma per ritrovarsi quel Signore in Cadore, dissi, che gli averei scritto per intender l'animo suo. Scrissi, e ho avuta risposta, e che si priverà della Calamita, tuttavia che si ritrovi il prezzo di che è la stima: e giacchè si ha in mano di poterla avere, mi è parso di dire alcuni particolari, che ho veduto io più volte nella detta Calamita, avendola avuta più volte nelle mani. Prima è tanto vigorosa, che sostiene un fil di ferro lungo un dito, e grosso come una penna da scrivere, al quale sia attaccato libbre sei e mezza di qualsivoglia materia, e credo, se io ho bene a memoria, che le libbre sei e mezza fussero pesate alla grossa di queste libbre di qua, che delle Fiorentine saranpo circa dieci. Attaccandovi un oncinetto di ferro, non più grande di mezzo granello di grano lo sosterrà insieme col peso di tre zecchini, che gli sieno appesi. Ha tanta forza, che appressatagli la punta d'una grande scimitarra vicina quanto è la grossezza d'una piastra d'argento, sforza anco le mani di qualunque gagliarda persona, che anco per maggior resistenza s'appoggiasse il pomo della detta avanti al petto, e per sorza la rapiece a se. lo poi vi sco-

persi un altro effetto mirabile, il quale non ho potuto poi più rivedere in alcun' altra calamita, e questo è, che dalla medesima parte scaccia e tira il medesimo ferro. Lo tira mentre che gli sarà posto lontano quattro o cinque dita; ma se se gli accosterà vicino a un dito in circa, lo discaccia. Sicchè posandolo sopra una tavola, e andando alla sua volta colla calamita, quello fugge, e seguitandolo colla calamita, tuttavia scappa, ma se si ritira la calamita indietro, quando se gli è slontanata per quattro dita, il ferro comincia a moversi verso lei, e la va seguitando quanto altri la ritira indietro, ma non se gli vuole accostare a un dito, anzi, come ho detto, andandogli incontro colla calamita, il ferro si ritira e fugge: gli altri effetti poi tutti della calamita si veggiono in questa mirabilmente per la sua gran forza. Questo Gentiluomo mi scrive essergli altra volta stati offerti 200 scudi d'oro da un Giojelliere Tedesco, che la voleva per l'Imperadore, ma non gliela volse dare altrimenti, stimandola egli assai più. Io non ho potuto nominare a questo Gentiluomo la persona, che la domanda, nè anco la nominerò, se non ho altr' ordine da V. Sig. e per essere detto Signore lontano di qua. non ho potuto avere risposta da esso, se non oggi, dalla quale ho cavato solamente, che quanto alla calamita la concederà. benche prenda gran piacere de' suoi essetti;

ma per quel che mi accenna, la stima oltre a 400 scudi. Molte volte gli ho sentito dire, che non la darebbe per manco oro di quello, che lei sostenesse attaccato ad un ferro; il che saria per più di scudi 400. Ma circa a questo non m'ha scritto adesso cosa alcuna. Io starò aspettando ordine da V. Sig. di quanto vuole che io tratti, che non mancherò di ubbidire a' cenni del nostro Sig. Principe, al quale intanto umilmente m'inchino, e a V. Sig. con ogni affetto bacio le mani.

Lettera di Galileo Galilei a Curzio Picchena Segretario di Stato del Serenissimo Gran Duca di Toscana, nella quale tratta della Calamita.

Padova 9. Dicembre 1607.

Illustrissimo Signore.

Mando a V. Sig. la Calamita, la quale, dopo l'averci speculato e sperimentato un pezzo attorno (sebben so di non essere a mezza strada delle sue maraviglie) ho finalmente ridotta a sostenere assai più che il doppio di quello, ch'ella pesa; imperocchè pesando ella libbre sei, ne sostiene come potrà vedere S. A. S. più di dodici.

E son sicuro, che quando io avessi avuto comodità di tempo, e di chi m'avesse lavorati diversi ferramenti con esquisitezza ed a mio mode, sarebbe adesso in istato di assai maggiore stupore Ho satto sabbricare questi due ferri in forma di due ancorette, sì per dar loro qualche forma. come per alludere a quello, che forse favolosamente si scrive, essersi trovato un pezzo di Calamita sì vasto e robusto, che sosteneva un'ancora di nave, e sì ancora per la comodità di queste branche, alle quali si possono andare attaccando altri diversi pezzetti sino all'ultimo tentativo della sua gagliardezza; essendochè non ho fatte l'ancore del maggior peso, che io ho veduto poter esser sostenuto, prima per esser certo, che senza tediosa e sorupolosa pazienza, subito presentati i ferri a' poli della pietra si attacchino, ed oltre a questo, perché m'è venuto in opinione, che il medesimo pezzo non sostenga colla medesima forza in ogni luogo della Terra; ma che essendo nella Calamita due poli, l'uno di essi si renda più valido, e l'altro meno per la maggiore vicinanza all' uno polo del Mondo, cioè della Terra, che sotto la linea equinoziale sariano ambidue d'eguali forze; onde credo, che il più gagliardo polo di questa pietra qua a Padova sostenga alquanto più che in Firenze o a Pisa, e l'altro per l'opposito, il che de-sidererei che fusse con diligenza osservato,

e però a ciascuna delle due ancorette ho allegati i ferri ed altri pezzetti, che sono il più, che qua gli ho potuti far sostenere, stante la pietra così preparata come la mando: onde costà potria accadere (per essere il sito alquanto più meridionale di questo) che il polo Australe della pietra reggesse qualcosa meno, e l'altro alquanto più. Ho assicurata la faccia principale della pietra con una assicella, non solo acciocchè non si freghi nel condurla, ma perchè si veggano subito i suoi poli colle lamette a' lor luoghi, sicchè senza muovere altrimenti la detta tavoletta, basta presentar le teste delle due ancorette a quei due fori, applicando la più grande al polo più robusto, che è segnato A. che vuol dire Australe; e la più piccola all'altro segnato B. che significa Boreale, avvertendo di mettere amendue i ferri nell'istesso tempo, perchè trovo non senza grande stupore, che ella più volentieri ne sostien due, che un solo, ed un ferro così grande, che per se solo non sarà retto da un polo, vi si attaccherà poi, mettendone un altro all'altro polo. Deesi anco avvertire nell'applicare i ferri, di tenere l'assicella equidistanté all' Orizzonte, perchè stando il piano della Calamita pendente, le teste dell'ancorette fuggono, nè così hene s'attaccavo. Per quell'essetto meritamente stimato da S. A. S. di scacciare e tirare il medesimo ferro colla medesima faccia,

126 mando due ferretti, l'uno de' quali, che è quello di tutto ottone tondo, si dee posare sopra una tavola ben piana e liscia, e l'altro, che è dorato, s'applica alla pietra sopra quella linea, che V. Sig. Illustrissima vede segnata d'argento sulla faccia principale, tenendo poi sopra la tavola la Calamita così pendente come il suo taglio comporta, ed andaudo pian piano per affrontare l'altro cilindretto, che sarà sulla tavola, e vedrà scacciarlo quando se le sarà avvicinato circa l'intervallo d'un dito. ma tirando la mano e la pietra indietro, il medesimo ferretto la seguiterà, fermandosele poi un poco lontanetto, sicchè andando di nuovo ad incontrarlo colla pietra, di nuovo si ritirerà indietro, e sfuggirà l'incontro; e perchè quest'essetto ha qualche poco di dissicoltà sì nell'eseguirlo come nello spiegarlo, così con semplici parole, quando non succedesse di poterlo far vedere di presente a S. A. S. glielo farò veder io venendo costà quest'estate per obbedire al comandamento di quella. E questo dico, perchè spero d'esser per trovar la pietra ancora in mano di S. A. S. come cosa stimata da quella degna d'aver luogo tralle altre cose ammirande, sulla qual credenza, ed acciocchè S. A. S. possa insieme compiacere a quel Sig. Oltramontano, essendo io venuto a Venezia, mi son messo a cercare tra questi lapidarj e antiquarj, e ne ho trovato un altro pezzo po-

Se la pietra resta appresso S. A. S. io ho nella fantasia alcuni altri artifizi da renderla ancora assai più maravigliosa, e son certo, che non mi falliranno, ma non ho avuto qua la comodità di potergli usare, e son di credere di potergli far sostenere forse quattro volte tanto di quello che lei pesa; il che in una pietra così grande è molto mirabile, perchè io non ho dubbio, che segandola in pezzetti piccoli, se gli potria far sostenere più di tren-

ta libbre di ferro, ed anco quaranta. Io noto in questa pietra, che ella non solamente non si stracca nel sostenere il suo peso, ma sempre s'invigorisce più; però saria bene accomodargli un sostegno su l'andar di questo poco di schizzo, sul quale riposando tenesse tuttavia attaccati i suoi ferri, e per dar qualche poco di spirito a tal corpo, alludendo alla miracolosa natura e proprietà di questa pietra, per la quale i ferri così avidamente se gli accostano ed uniscono in A, potria aggiugnere uno di questi due motti: Vim facit amor, o quello del Petrarca: Amor ne sforza, simbolo per mio avviso con gentil misterio esplicante l'imperio da Dio conceduto al giusto e legittimo Principe sopra i suoi sudditi, il quale dee esser tale, che con una amorosa violenza a se rapisca la divozione, sedeltà ed obbedienza de' vassalli; e tale sarà quando la potestà regia verrà esercitata non in opprimere, ma in sollevare i popoli a lei commessi, e come questa soprumana virtù nel nostro Serenissimo Principe originaria già divinamente risplende; così confidato su quella libertà, che il titolo di Maestro da S. A. S. già per alcua tempo concedutomi seco porta, mi sono io per mezzo di V. Sig. Illustrissima voluto dimostrare a quella Altezza, non ammonitore, ma ammiratore di così divina condizione, la quale non si desidera, ma già apertamente si scorge nella sua natural bontà, tacendo per umiltà nel Serenissimo Padre le lodi di questa virtù, che nel Serenissimo Figliuolo ereditariamente si diffonde, all'una ed all'altra delle quali Altezze, ed insieme a Madama Serenissima, supplico V. Sig. Illustrissima, che per mio nome baci umilmente le vesti.

Lettera di Galileo Galilei sopra il Fiume Bisenzio a Raffaello Staccoli.

Da Bellosguardo li 16. di Gennajo 1630.

Sotto li 22. di Dicembre mi fu significato da V. Sig. molt' Ill. ed Eccell. esser volontà del Serenissimo Gran Duca nostro Signore che per li 26. detto, insieme col Sig. Giulio Parigi, e con i due Ingegneri, Bartolotti e Fantoni, io dovessi intervenira in una visita del Fiume di Bisenzio, per sentire le relazioni dei detti Ingegneri, e poter poi col Sig. Parigi referire quanto ci paresse giusto in questa materia, che verte intorno alla resoluzione da pigliarsi per rimediare ai danni, che detto Fiume apporta ai terreni adiacenti.

Tal visita fu dipoi differita per le cause ben note a V. Sig. Eccell. tra le quali una fu, che per avventura dal vedere ed esaminare alcune scritture fatte dai detti Ingegneri, e sapra di esse dir nostro parere,

Galileo Galilei Vol. X. 9

pi potrebbe sopire quelle difficoltà e controversie, che rendoa dubbi quelli, a' quali sta il determinare e risolvere quanto si debba fire; perlochè, avendo io veduto quali sicno i pareri delli due Ingegneri, dirò (con quella più chiarezza e brevità che mi sarà possibile) l'opinione mia intorno a questa materia, sempre da me stata tenuta per difficilissima e piena d'oscurità, e nella quale sono stati commessi molti equivoci ed errori, e massime avanti che i professori fussero stati reuduti cauti dagli avvertimenti del M. R. Padre Abate D. Benedetto Castelli in quel suo libretto veramente anreo, che sua Paternità scrisse e pubblicò tre anni sono, intorno alle misure dell'acque correnti.

E stato il parere dell'Ingeguere Bartolotti, ed in una sua scrittura l'espone,
di ridurre una parte del Fiume, che corre
con molta tortuosità, in un canale diritto,
stimando di potere in questa maniera ovviare alle inondazioni. Esamina l'Ingegner
Fantoni tale scrittura, e molto avvedutamente gli oppone; replica l'Ingegner Bartolotti all'opposizioni, cercando di sostenere essere il consiglio suo l'ottimo, che

prender si possa in questo partito.

Ora perchè io inclino nell'altra opinione, che è di lasciare in loro essere le tortuosità, e fare quei restauramenti, che propone l'Ingegner Fantoni, andrò esaminando l'ultima replica del Bartolotti, mostrando per quanto potrò, quanto facil sia l'abbagliare in questi oscurissimi movimenti

dell' acque.

Persiste dunque l'Ingegner Bartolotti in riprovare come inutile ogni provvedimento che si facesse, fuori che quello del levare le tortuosità, riducendo il Fiume in canale diritto, con dire, il rimedio proposto dall'Ingegner Fantoni essere stato fatto altre volte, cioè quarantaquattro anni fa, ed essersi pur ritornato al medesimo stato di prima.

Ma io vorrei sapere, se la restaurazione fatta in quel tempo, nel così tortuoso Fiume, fu di qualche profitto, o pure del tutto inutile ed infruttuosa. Non credo che si possa dire, che ella fusse totalmente vana, perchè nè l'altro Ingegnere la proporrebbe, nè ci sarebbe alcuno del paese, che non reclamasse a tal

proposta.

Se dunque i provvedimenti furozo giovevoli, e furono fatti senza rimuovere le tortuesità, adunque l'esser dopo qualche tempo ritornati i medesimi danni, non depende dalle torture, ma da altre cagioni. Che insomma si ritrova essere, che il letto si è ripieno e ristretto, e questo mediante le torbide, che vanno deponendo; e perchè il rimediare alle torbide e loro deposizione è impossibile, però bisegna contentarsi, ed accomedarsi a dovere di tempo in tempo rimorere il deposto.

In oltre, se già si vede, che le provvisicui fatte nelle tortuosità giovavano, e di questo siamo fatti sicuri dall'esperienza, perchè si dee tentare un rimedio dubbio, e che potrebbe (oltre al non apportar giovamento maggiore allo sfogo dell'acque) arrecare altri accidenti dannosi, alli quali l'antiveder nostro non ha potuto forse arrivare?

Ma dirà qui il Bartolotti, avere esso scorti vantaggi tali nel canale diritto e breve, che l'inducono ad attenersi a tal partito, e però noi andremo esaminando essi vantaggi, cioè quelli, che egli stesso produce. È perchè il medesimo afferma di più nei vantaggi, che appresso siamo per esaminare, consistere tutta la somma di questo negozio, e l'altre cose esser tutti pannicelli caldi, (che così li nomina) ed alterazioni di poco momento, e da non le finir mai; però in questi ci fermeremo, e gli anderemo resecando al vivo con slemma e curiosità, e non senza speranza di potere arrecare qualche giovamento, col mostrare, come pur di sopra ho detto, quanto sia facile l'equivocare e l'ingannarsi.

Da quanto scrive l'Ingegner Bartolotti circa questa materia si raccoglie, due esser le principali e massime imperfezioni, le quali egli attribuisce al canale tortuoso, e delle quali per suo parere manca il canale diritto, mentre amendue si partano dal medesimo principio, e vadano a terminare e sboccare nel medesimo fine, sicche la total dependenza e declività sia

l'istessa in questo ed in quello.

La prima delle quali è, che dovendosi distribuire l'istessa pendenza in un canale lungo, quale necessariamente è il tortuoso in comparazione del retto, le parti di esso venzono meno inclinate, ed in conseguenza il moto fatto in esse più lento, e lo scarico dell'acque più tardo.

La seconda è, che l'acqua ripercuotendo nelle svolte del canale tortuoso, vieme ributtata e grandemente impedita nel suo corso, talchè, venendo ritardato doppiamente, cioè per la poca pendenza e per gl'incontri delle torture, più facilmente rigonfia e trabocca sopra gli argini, e gli rompe, ed allaga le campagne adiacenti.

Ora per più chiara intelligenza di ciò, che in tal materia mi occorre dire, andrò separando e dividendo l'una dall'altra di queste due imperfezioni, considerando prima quello, che arrechi di tardità al moto la sola istessa declività, ma campartita in un canale lungo, in comparazione della velocità, che l'istessa pendenza induce in un canal corto, posto che amendue fosser diritti; di poi andremo esaminando quali e quanti sieno gl'impedimenti della tortuosità.

Quanto al primo, io produrrò tre proposizioni, le quali non dubito, che nel primo aspetto parrebbero gran paradossi a chiunque le udisse dire: tuttavia procurerò di renderle credibili, siccome in effetto son vere.

E prima dico, che in due canali, dei quali la totale pendenza sia eguale, le velocità del moto saranno eguali, ancorchè l'un canale sia lunghissimo, e l'altro breve.

Dico secondariamente, che in questi medesimi canali con egual verità si può dire, il moto esser più veloce nel meno inclinato, cioè nel più lungo, che nel più corto e più inclinato.

Terzo dico, che le diverse velocità non seguitano la proporzione delle diverse pendenze, come pare che il detto Bartolotti stimi; ma si diversificano in infiniti modi, anco sopra le medesime pendenze.

Vengo alla prima proposizione, per dichiarazione e confermazione della quale non credo, che dall'Ingegnere Bartolotti, nè da altri mi sarà negato, verissimo essere il pronunziato di colui che dirà, le velocità di due mobili potersi chiamare eguali, non solamente quando essi mobili passano spazi eguali in tempi eguali, ma quando ancora gli spazi passati in tempi diseguali avessero tra di loro la proporzione de' tempi de' loro passaggi; e così per esempio quello, che in quattro ore andasse da Firenze a Pistoja, non si può chiamare più pigro d'un altro, che in due ore andasse da Firenze a Prato, tutta-

volta che Pistoja susse Iontana venti miglia, e Prato solamente dieci; perchè a ciascheduno tocca sottosopra ad aver fatto cinque miglia per ora; cioè avere iu tempi eguali passati spazi eguali. E però qualunque volta due mobili scendano per due canali diseguati, se passassero in tempi, che avessero la medesima proporzione, che le lunghezze degli stessi canali, si potranno veramente chiamare esser egualmente veloci. Ora bisogna, che quelli, ai quali sin qui è stato ignoto, sappiano, che due canali quanto si voglia diseguali in lunghezza, purchè le totali pendenze loro sieno eguali, vengono dall'istesso mobile passati in tempi proporzionali alle loro lunghezze, come per esempio: Posto, che la linea retta B D (Fig. xLv1.) sia il livello orizzontale sopra il quale si elevino i due canali diritti e diseguali B A maggiore, e C A minore; dei quali le totali pen-denze sieno eguali, cioè misurate dalla medesima perpendicolare A D: dico, che il tempo, nel quale un mobile scenderà dal termine A insino in B, al tempo, nel quale il medesimo scenderà da A in C, averà la proporzione medesima, che gli stessi canali, cioè sarà tanto più lungo, quanto il canale A B è più lungo dell'A G; e questa è proposizione dimostrata da me nei libri dei moti naturali, e dei projetti; onde resta manifesto, le velocità per amendue i canali essere sottosopra eguali.

Io ben comprendo, d'onde ha origine l'es quivoco, che altri piglia nello stimar falso quello, che io affermo per vero, per lo che m'ingegnerò di rimuoverlo.

Dice uno; come non si muove più velocemente v. g. una palla pel declive A C, che una simile per A B, se quando quella partendosi dal punto A, sarà arrivata al termine C, questa non avrà passata una parte dell' A B a gran seguo grande quanto A C. Ma questo concedo io per verissimo, e conseguentemente concedo ancora, che quando la velocità nel resto della linea A B, fusse quale nella prima parte verso il principio A, il moto resolutamente, e con assoluta verità si dovrebbe chiamar più lento per A B, che per A C. Ma per levar le tende all'equivocazione dico, che la fallacia del discorso depende dal figurarsi con errore i movimenti fatti sopra esse linee A B, A C, come equabili e uniformi, e non come inequabili e continuamente accelerati, quali son in effetto. Ma se noi gli apprenderemo quali sono di due mobili, che partendosi dalla quiete nel punto A, vanno necessariamente acquistando maggiori e maggiori gradi di velocità, secondo la proporzione, che veramente osservano, troveremo esser vero, quanto io affermo. In dichiarazione di che, è primieramente da sapersi, che un mobile grave, partendosi della quiete, e scendendo per un canale diritto in qualsivoperpendicolo, si va con tal proporzione accelerando, che dividendo il tempo della sua scesa in quali e quanti si vogliano tempi eguali, come v. g. in minuti d'ora, se lo spazo passato nel primo minuto sarà per esempio una picca, il passato nel secondo sarà tre picche, nel terzo minuto passerà cinque picche, nel quarto sette, e così successivamente gli spazi passati nei susseguenti minuti anderanno crescando secondo i numeri dispari o 11 13 15. E questa pure è delle proposizioni vere, e da me dimostrate.

Ripigliamo adesso la medesima figura di sopra, nella quale il canale AB, sia per esempio lungo il doppio dell'altro A C, ed intendasi due mobili, quali sarebbero due palle, scendere liberamente per essi, e ponghiamo il mobile nel più declive AC, in un minuto d'ora avere seeso una picca, avrà nel secondo minute passato tre picobe, nel terze cinque, e nel quarto sette, come dimostrano gli spazj notati e segnati con i numeri 1 3 5 7 e così in minuti quattro averà passato tutto il canale A C, (Fig. xLVII.) posto che sia lungo picche 16. Ma l'altra palla nel canale A B, più lungo il doppio, ed in conseguenza la metà meno declive, pongasi essersi mossa la metà meno veloce (e questo conforme al vero, ed all'o-pinione dell'Ingegnere) sicchè nel primo

minuto abbia passato mezza picca, ma continuando d'accelerarsi conforme alla regola assegnata e dimostrata, passerà nel secondo minuto tre mezze picche, nel terzo cinque e conseguentemente negli altri minuti 7 9 11 13 15 mezze picche; e perchè nel canale A C si contengono picche i 3 5 7 che sunno ia sopraddetta somma di pieche 16. nell'altro AB, che è doppio dell' A C, conviene, che in numero sieno picche 32, cioè mezze picche 64, quante appunto sono le notate 1 3 5 7 9 11 13 15 passate in otto minuti di tempo, e le 16 contenute in A C, passate in minuti quattro. Dal che è manifesto, le velocità nei due canali interi essere sottosopra eguali, poichè nell'uno si passano 16 picche in quattro minuti, e pell'altro 32 in otto minuti: sebbene è anco vero (per la soddisfazione della parte) che la velocità nell' A C è maggiore, poiché nel tempo, che il mobile partendosi da A ha passate le 16 picche A C, l'altro passa solamente le 16 superiori mezze picche; ma è anche vero all'incontro, che in altrettanto tempo si passano le 48 mezze picche, cioè, le 24 intere inferiori verso B, sicchè con altrettanta verità si potrà dire il moto per A B, esser più veloce, che per A C, che era la seconda proposizione, che io aveva proposto di voler dimostrare. Concludiamo per tanto, che pi-gliandosi i canali interi, le velocità in

amendue sono eguali, ma nella parte superiore del canale lungo (che in questo esempio è solamente la sua quarta parte) il moto è più tardo, ma nelli tre quarti rimanenti è altrettanto più veloce, passandosi nell'istesso tempo spazio una volta e merzo maggiore di tutto il canale A C. E perchè per lo scarico d'una piena si ha da considerare il corso dell'acqua per tutta la lunghezza del canale, non mi pare, che resti più luogo all' Ingegnere di dubitare (per quanto depende dalla maggiore o minor lunghezza, minore o maggior pendenza delle parti dei canali). Tanto scarica il più lungo e meno declive, quanto il più corto e più pendente, cioè tanto il tortuoso, quanto il diritto.

E qui non voglio lasciar di mettere in considerazione a V. S. Ecc. come potrebbe essere, che alcuno equivocando per un altro verso prendesse errore, mentre si persuadesse non esser possibile, che passando un mobile con tanta maggior velocità il canale più corto e più pendente, non si avesse per esso a scaricare maggior quantità della medesima materia, e in più breve tempo, che il più lungo, e

meno inclinato.

Al che io rispondo, e con particolare esempio dichiaro, che dovendo noi scaricare v. g. dieci mila palle d'artiglieria con farle passar per questo e per quel condotto, ed essendo che una palla scorre il

140 più breve in un minuto di tempo, ma il lungo in due minuti, è vero e manisesto, che quando lo scarico si avesse a fare d'una palla per volta, sicchè non si lasciasse andare la seconda, siu che la prima non fusse condotta al fine del condot: to, nè la terza, se non scaricata che sus. se la seconda, e così conseguentemente tutte, l'una con tale intervallo dopo l'altra, torno a replicare, che è vero, che lo scarico pel condotto breve si farebbe nella metà del tempo, che per lo lungo. Ma se le palle si lasciassero andare l'una dopo l'altra senza spazio intermedio, sicchè si toccassero, il fatto succederebbe di altra maniera. Perchè posto v. g. che la lunghezza del canale corto fusse capace d'una fila di cento palle solamente, ed il canale lungo di dugento. è vero, che il corto averebbe scaricate le prime sue cento palle, quando il lungo comincerebbe a scaricar la sua prima; ma continuaudosi poi lo scarico, e deponendosi le rimanen. ti palle con egual getto da ambedue i condotti, si troverà il canale breve non si essere avvantággiato in tutto lo scarico, salvo che di cento delle dieci mila palle, perchè cento sole resteranno da scaricarsi nel canale lungo, finito che sia tutto lo scarico nel corto; e così l'avanzo del tempo non sarà della metà, ma d'un centesimo, e di meno ancora sarebbe, quando maggior fusse il numero delle palle da

deporsi e scaricarsi. Ora lo scarico dell'acque si sa in questa seconda maniera, cioè, con esser perpetuamente le succedeuti parti contigue alle precedenti, talmente che lo scarico fatto pel canale corto non si vantaggia (essendo la metà del lungo) d'altro, che d'una sola sua tenuta d'acqua, e duri la piena quanto si voglia. Vedasi ora quante di tali tenute passano nel tempo, che dura essa pieua, e si conoscerà l'avanzo esser tenuissimo, anzi pure esser nullo e di niun rilievo; nè la prima tenuta, che scarica anticipatamente il canale corto, esser di nessun danno, nè l'ultima, che resta nel canale lungo; perchè i danni non vengono dalle prime acque, che cominciano ad alzare, nè dall'ultime, che si partono, ma da quelle di mezzo, mentre il Fiume è nel suo maggior colmo. Anzi quando simile avanzo fusse di considerazione, l'utile si trarrebbe dal canale maggiore, essendo che l'acqua, che in esso si contiene, come più lontano dal trabocco, quanto più ciò sarà, tauto ci scanserà del danno.

Da quanto sin qui bo detto, parmi che assai maniscatamente si scorga, che il vantaggio, il quale l'Ingegnere si prometteva dalla brevità del canale e dalla maggior pendenza, non sia se non debolissimo, anzi nullo. Ma la sua nullità molto più ancora si estenua (se però il niente è capace di diminuzione) mentre che io le-

verò certa supposizione ammessa sia qui a favore della parte, la quale nel nostro caso non ha luogo, e il supposto ammesso

gratis è tale.

Si è conceduto come universalmente vero, che nel canale la metà più corto, e di parti il doppio più pendenti, il moto sia almeno nelle prime parti del canal lungo più tardo il doppio, che nel canal corto; poichè si è veduto, che nel tempo, che il mobile passa le 16 picche assegnate per la lunghezza del canal corto, nel lungo non si passano se non 16 mezze picche, ma ciò non avviene, se non quando il suo moto comincia dalla quiete. Ma se i mobili entreranno nei due canali, mentre ambedue abbiano già impresso un comun grado di velocità; l'accelerazione, che se gli aggiugnerà mercè delle pendenze diseguali dei due canali, non saranno altrimenti, più tra di loro differenti, come se si partissero dalla quiete; e lo spazio, che si passarà nel canale lango, nel tempo che si passa tutto il corto, non sarà solamente la metà della lunghezza del corto, ma più e più, secondo che l'impeto e la velocità comune precedente sarà stata maggiore e maggiore nella maniera, che segne.

Ripigliamo la precedente figura, dove si era concluso, che posti i mobili nel termine A in quiete, e lì scendendo per i canali A C, A B, nel tempo, che il mobile per A C avesse passato tutto lo spapassato più, che la quarta parte di esso A B, che è la metà di A C, cioè (comè allora si esemplificò) in A C si passeranno sedeci picche in quattro minuti, ed in

A B otto picche solamente.

Ora poniamo, che i mobili entrando pel comun termine A, (xLv111.) l'uno nel canale A B, e l'altro nel canale A C, si trovino, non in quiete, ma per aver già scorso per altro canale A E, o per qualsivoglia altra cagione già impressi di tal grado di velocità, che con quello passassero v. g. 10 picche per minuto, che sarebbe il passare comunemente 40 picche in 4 minuti, aggiungasi al mobile, che scorrerà per A C, le 16 picche da passarsi, mercé della nuova pendenza in quei quattro minuti, ed al mobile, che scorrerà per A B, le otto, che passerebbe quando partisse dalla quiete in A, ed averemo, che l'un mobile pel declive di A C passerebbe 56 picche, mentre l'altro per la peudenza simile all' A B ne passerebbe 48. E cosi si fa manifesto, che la velocità per A C non sarà più doppia della velocità per A B, ma sesquisesta, cioè la sesta parte solamente di più. E se noi faremo la precedente comune velocità essere ancora maggiore, siccome è manifesto, ponendo v. g. che nell'entrare i mobili per i canali-AB, AC, si trovassero aver impeto di

¥44 far 50 picche al minuto, la velocità per A C, non differirà dalla velocità per A. B più di quello che differisca 216 da 208 o vogliam dire 27 da 26: Vedasi adesso, se nel tempo delle pione, cioè dei colmialtissimi, l'entrata pel canale, o corto o più pendente, o lungo o di minor pendenza, si faccia come dall'uscita d'un lago quieto, o pure l'ingresso sia impetuoso velocissimo, che senz' altro lo troveremo sommamente veloce, e però di guadagno o scapito o nullo, o insensibile, il quale possa provenire dalla maggiore o minor pendenza, la quale anco non può essere se non pochissima, rispetto alla lunghezza dei canali.

Di qui si veda quanto sia sottile il filo di queste pendenze, dal quale dipendeva la somma di questo negozio. Ma voglio che con altra sottilità l'assottigliamo uncor più, mostrando come questa decantata pendenza non ci ha quella assoluta autorità di decretare in questa causa, qual comunemente mi pare gli venga attribuita, specialmente dall' Ingegner Bartolotti, mentre egli regola il più ed il men veloce corso de fiumi dalla sola maggiore o minor pendenza. La qual limitazione io stimo non essere interamente adeguata all'effetto, nè tale, che (come scrive l'Ingegnere) oltre a quella non si possa assognare altro. Perchè, se, come asserisce, i laghi mancano di moto, ed i siumi si

muovono, perchè questi hanno pendenza, e quelli ne mancano; ed oltre a ciò alcuni fiumi corrono con velocità maggiore, ed altri più lenti, solo per esser quelli più, e questi meno declivi, e non per altro, ne seguiterebbe, che dove non è pendenza, giammai non fusse moto, e dove la pendenza non è maggiore, mai non fusse maggior velocità, e dove le pendenze fussero eguali o la medesima, quivi fusse sempre la velocità eguale; ed in somma, che le velocità s'andassero regolando secondo la proporzione delle pendenze, le quali conseguenze ben seguono nei mobili solidi, ma nei fluidi, credo, che procedano assai differentemente. Dichiarerò quello, che trovo accadere nei solidi, per vedere, se l'istesso accaggia nei fluidi. E prima per solido voglio, che intendiamo una palla di metallo durissimo, persettamente rotonda e pulitissima, e che ci figuriamo il canale dove si dee fare il moto, pur di materia solida, ed esquisitamente pulito e terso. In questo canale, se sarà locato in perfetto livello orizzontale, sicchè manchi del tutto di pendenza, non è dubbio, che postavi la detta palla, resterà in quiete, trovandosi indifferente al muoversi più innanzi, che indietro, o vogliam dire perchè muovendosi non acquista migliore stato, poichè non s'appressa al centro, dove la natura sua come grave lo tira. Ma Galileo Galilei Vol. X.

Di sopra si è esaminato quello, che accade di due canali di lunghezza diseguali, ma di egual pendenza, dichiarando, che i tempi dei passaggi per essi hanno fra di loro l'istessa proporzione, che le loro lungheze. Ora conviene determinare dei canali egualmente lunghi, ma di pendenza diseguali, nei quali dico, che i tempi de'movimenti fatti per essi hanno la

proporzione suddupla di quella, che hanno le loro pendenze contrariamente prese.

Ma perchè questi termini son forse alquanto oscuri, è bene dichiararli. Però segneremo due canali egualmente lunghi AB, AD, (Fig. xLIX.) ma di pendenze diseguali, sicche del più inclinato sia l'A D, determinata dalla perpendicolare A E, e quella d' A B, dalla perpendicolare A C, e pongasi per esempio tutta la perpendicolare di A D, cioè A E, importare nove soldi, e la pendenza di A B, cioè la perpendicolare A C, essere soldi quattro. Dico, che essendo le pendeuze tra di loro nella proporzione di inove a quattro la proporzione de tempi, nei quali i mobili passeranno i canali A B, A D, essere, non come nove a quattro, ma come nove a sei, pigliando tra nove e quattro il numero medio proporzionale, che è sei: perchè siccome il nove contiene il volta e mezzo, così il sei con· tiene il quattro, e questa proporzione delprimo numero a quello di mezzo si chiama appresso i geometri suddupla della proporzione del primo al terzo numero. Divo per tanto, che la proporzione dei tempi dei passaggi per i canali A B, A D, sarà come nove a sei, ma contrariamente presi, cioè, che il numero nove pendenza del canale A D, determina il tempo della scesa, non per esso A D, ma A B,

748 ed il numero medio, cioè il sei, determina il tempo della scesa per A D; sicche il tempo per A B al tempo per A D, sarà come nove a sei, quando le pendenze di A D, e di A B sieno, come

quattro.

La dimostrazione di questa proposizione è posta pur da me nel mio trattato del moto, e tanto si rincontrerà puntualmente accadere nel moto dei corpi solidi; ma non già così risponderà nei sluidi, nei quali si vede far grandissima variazione di velocità, non solamente per piccolo accrescimento di pendenza, che si faccia nel letto del canale, ma ancor che questa non si accresca punto, e pochissimo quella del-

la superficie superiore d'acqua.

Împerocché, se considereremo quale accrescimento di pendenza possa arrecare al nostro fiume d' Arno, otto o dieci braccia, che egli s'alzi qui da noi da compartirsi in 60 miglia di lunghezza, quale è quella del suo alveo, fino alla sua foce, non ha dubbio, che piccolo dovrebbe essere l'augumento della velocità sopra quella, che le sue acque hanno, mentre son basse, le quali forse non si conducono al mare in 50. ore, dove nelle piene alte arrivano per avventura in manso d'otto, che regolandosi secondo la ragione della semplice pendenza accresciuta, tal differenza di tempo dovrebbe esser po-chissima. Perche posto che la pendenza

del letto del siame nel tratto di 60. miglia, che sono braccia 180. mila, sia v. g. 100. e tale sia della superficie dell'acqua bassa, nelle piene sarà 108. onde conforme alla regola dell' accrescimento di velocità, pigliando tra 108. e 100. il numero proporzionale di mezzo, che è meno di 104. la velocità nella piena dovrebbe avanzar quella dell'acque basse di manco di quattro per cento, e così se l'acqua bassa corre al mare in 50. ore, nella piena doverebbe mettere 48. e più, ma ella ve ne metterà meno d'otto. Bisogna dunque ricorrere ad altro, per causa del grande augumento nella velocità, che all'accrescimento della pendenza, e dire, che per una delle potenti ragioni è, che nell'accrescere in tal modo la pendenza, s'accresce sommamente la mole e il cumulo dell'acqua, la quale gravitando e premendo sopra le parti precedenti, col peso delle susseguenti, le spinge impetuosamente; cosa che non accade nei corpi solidi, perchè quella palla soprannominata è sempre la medesima in tutte le pendenze, e non avendo augumento di materia sopravvegnente, tanto solo più speditamente si muove nel canale più inclinato, quanto il meno inclinato gli detrae più del suo peso, ed in conseguenza del movimento, che la spigne a basso.

Ora perchè nell'accelerazione del conso dell'acque più colme, poca parte ve ne ha la maggior pendenza, e molta la gran copia dell'acqua sopravvenente, considerisi, che nel canal corto, sebbene vi è maggior pendenza, che nel lungo, l'acque inferiori del lungo si trovano ben tanto più caricate della maggior copia dell'acque superiori prementi e spingenti, dal quale impulso può soprabbondantemente esser compensato il benefizio, che potrebbe derivare dalla maggior pendenza.

Altre considerazioni potrei produrre per dichiarar maggiormente ancora la brevità del canale non essere apportatrice di quel benefizio, che altri s'immagina; ma mi pare, che il detto fin qui sia assai quanto a questa prima parte. Perlochè verrò alla seconda esaminando gl'incomodi, che molti stimano provenire dalle tortuosità del canale.

Quanto alle tortuosità e flessioni del canale, io nou sarei repugnante a concedere, che quando elle fusser fatte d'angoli rettilinei, e massime se fussero acuti o retti, e anco presso che retti, il ritardamento del corso fusse considerabile e anco notabile; ma quando gli angoli fussero ottusi, ancorchè contenuti da linee rette, credo bene, che il ritardamento sarebbe poco; ma quando il fiume andasse, come si dice, serpeggiando, e che le storte fusser in arco, credo resolutamente, che l'arresto sarebbe impercettibile, e

quello, che mi muove a così credere, è

questo.

Nel canale diritto per concessione dell'Ingegnere Bartolotti, e credo d'ogn'altro, nessuno ostacolo trova l'acqua corrente ove percuotere, esperò non viene deviata e impedita dal suo corso. Ma se il canale si romperà, piegandosi ad angoacuto o retto, come dimostra la prima figura nella sponda A B C (Fig L.) non è dubbio, che l'acqua, che scorreva lungo la riva A B, intopperà nell'opposta B C, ricevendo qualche ritardamento nel reslettere il suo corso lungo la BC; ma è anco manifesto, che se la flessione A B C fusse ad angolo ottuso, come dimostra la seconda figura, per venir l'acqua men deviata dal precedente corso lungo la ripa A B, assai più agevolmente si svolgerà secondando la BC, e di mano in mano quanto più l'angolo, che la sponda B C fa sopra l'AB, sarà ottuso, tanto più facile sarà il volgersi l'acqua, a tale che il piegarsi per un angolo ottusissimo sarebbe senza verun contrasto o renitenza, e però senza dimin azione alla velocità. Ora notisi prolungando la linea A B in D (Fig. Lt.) che l'angolo acuto C B D è quello, che determina la deviazione della linea CB dalla dirittura di ABD, il quale angolo quanto più sarà stretto, tanto più l'ottuso A B C sarà largo, e la reflessione più dolce e facile.

Notisi pertanto il terzo canale A B C (Fig. LII.) piegato in arco sopra il punto B, secondo la circonferenza BEC, e prolungando a dirittura la retta A B in D, si osservi quanto sia grande l'angolo C B D, il quale, come è noto a chi possiede i primi elementi della Geometria, è minore di qualsivoglia angolo acuto rettilineo; per lu che resta chiaro, l'inflessione, che si fa nel punto B dell'arco B C, sopra la retta A B esser più ottusa di tutti gli angoli ottusi rettilinei, ed in somma il passaggio pel punto B, dalla retta AB, nell'arco B C, non esser sensibilmente differente dal cammino diritto. E se noi piglieremo qualsivoglia altro punto nell'arco B C, quale sia per esempio il punto E, tirando la retta tangente F E, avremo parimente l'angolo C E F minore di tutti gli acuti rettilinei e la flessione delle due parti d'arco B E, C E, nel punto E niente disserente dal cammino per BE, e per la retta E F. E perchè questo medesimo accade in ogni punto della circonferenza B E C, però possiamo concludentemente affermare insensibile essere la difficoltà nella conversione del corso dell'acqua dal canal retto A, B pel curvo A B E C, e però impercettibile il ritardamento. Qui potrebbe per avventura far difficoltà l'Ingegnere, opponendosi con dire, che il mio discorso sia concludente

solamente in quella parte d'acqua, che viene rasentando la spouda A B E C, ma non già nelle parti di mezzo, quali sono le G E, le quali venendo impetuosumente a dirittura percuotono nella parte opposta E, e sopra la tangente F E constituiscono l'angolo rettilineo G E F, al quale si può dire, che sia eguale il misto G E C, e però apportatore d'impedimento al corso. A questo si risponde, che ciò potrebbe accadere nel tempo, che l'acqua fusse bassissima, sicchè qualche rivoletto separato scorresse per mezzo del canale, ma quando l'alveo sia pieno (che è quello stato, che noi consideriamo solamente) nel piegarsi che fanno le parti dell'acqua prossima alla sponda A B E, conviene, che le propinque sue laterali si pieghino esse ancora, e vadano cedendo, e accomodandosi alla medesima svolta. Ma quando pure l'impeto e l'incontro le rendesse alquanto contumaci, che danno ne potrebbe seguire? lo non vedo altro, che fare alquanto più violenza nella sponda opposta circa il punto E; onde fosse bisogno fortificarsi un poco più con gli argini in quel luogo, che negli altri, e forse potrebbe accadere, che l'acqua regurgitando rigonfiasse alquanto sulla svolta; ma questo non diminuirà punto la sua velocità, perchè tale alzamento le servirà per far divenire la sua pendenza maggiore nella parte del canale seguente E C, dove

col crescer velocità, verrà a compensare il ritardamento patito sul principio della svolta, operando un effetto simile a quello, che noi giornalmente vediamo accader nei fiumi assai colmi, mentre nel passare sotto gli archi dei ponti, urtando nelle pile o imposte di detti archi, gli conviene ristringere l'acque, le quali rialzandosi nelle parti di sopra, si fanno pendenza tale sotto gli archi, che correndovi velocissimamente senza scapito alcuno, continuando il corso loro, non consumano un sol momento di tempo di più nel loro intero viaggio, che se avessero avuto il canale libero.

lo so, Ecc. Sig. che in questa mia scrittura sono alcune proposizioni, le quali per aver nel primo aspetto sembianza di paradossi ed impossibili, mi manterranno, anzi mi accresceranno nel concetto di molti l'attributo, che mi vien dato di cervello stravagante e vago di contrariare all'opinioni e dottrine comunemente ricevute anco dagli stessi Professori dell'Arti, e per questo non mi è ascoso, che meglio sarebbe (conforme a quell', utile documento) tacer quel ver, che ha faccia di mensogna, che pronunziandolo esporlo alle contraddizioni, impugnazioni, e talvolta anche alle derisioni di molti. Tuttavia in questo ancora son di parere diverso dal comune, e stimo più utile il proporre ed esporre alle contraddizioni pensieri nuovi,

che per assicurarei dei contraddittori empire le carte di cose trascritte in mille vo-Înmi; ed in questa occasione V. 8. mi riceva e mi spacci per censore, ossizio, che pur viene ammesso nella repubblica, e forse tra i più utili e necessarj; e quello, che ho detto, e quel che son per dire, sia ricevuto, non come parto della mia ambizione, acciò che il mio consiglio sia anteposto a' pareri dei più intelligenti di me, ma come nato del desiderio d'essere a parte nelle migliori deliberazioni, se non positivamente, almeno negativamente, cioè coll'avere additati quelli inconvenienti, che si debbon fuggire; e vagliami la protesta e la dichiarazione, che To d'esser meno intelligente degli altri a poter più liberamente portare in mezzo le mie fantasie.

Tornando dunque sulle tortuosità del fiume, dirò un altro mio concetto, il quale penso, che sia per giunger nuovo, ed anco esorbitante all'Ingegnere, e forse ad

altri, ed è questo, che,

Posta l'istessa pendenza tra due luoghi, tra i quali si abbia a far passare un
mobile, affermo la più spedita strada, e
quella che in più breve tempo si passa,
non esser la retta, beochè brevissima sopra tutte, ma esservene delle curve, ed
anco delle composte di più linee rette, le
quali con maggior velocità, ed in più breve
tempo si passano; e per dichiarazione di

quanto dich, meniamo am piano orizzontale secondo la linea A B (Fig. L111.) sopra il quale intendasi elevata una parte di cerchio non maggiore d'un quadrante, e sia C F E D, sicché la parte del diametro D C, che termina nel toccamento C, sia perpendicolare, o vogliamo dire a squadra sopra l'orizzontale A B, e nella circonferenza C F E, prendasi qualsivoglia punto F; dico adesso, che posto che E fusse il luogo sublime di dove si avesse a partire un mobile, che C fusse il termine basso al quale avesse a pervenire, la strada più spedita, e che in più breve tempo si passasse, non sarebbe per la linea, o vogliamo dire pel canale brevissimo E C, ma preso qualsivoglia punto nella circonferenza F, segnando i due canali diritti E F, F C, in più breve tempo si passeranno questi, che il solo E C, e se di nuovo negli archi E F, F C, si noteranno in qualsivoglia modo due altri punti G, N, e si porranno quattro canali diritti EG, GF, FN, NC, questi ancora si passeranno in tempo più breve, che gli due E F, F C, e continuando di descrivere dentro alla medesima porzione di cerchio un condotto composto di più e più canali retti, sempre il passaggio per essi sarà più veloce. E finalmente velocissimo sopra tutti sarebbe, quando il canale fusse curvo, secondo la circonferenza del cerchio E G F N C. Ecco dunque

trovati canali, che hanno la medesima pendenza (essendo compresi tra i medesimi termini E, C) e che sono di differenti lunghezze, nei quali i tempi dei passaggi sono (al contrario di quello, che comunemente si stimerebbe) sempre più brevi nei più langhi, che nei più corti, . e finalmente tardissimo nel cortissimo, e velocissimo nel lunghissimo. E queste sono conclusioni vere, e da me dimostrate nei sopraddetti libri del moto. Questo, che io dico, è vero universalmente non solo quando la superficie del quadrante D E C gli fusse eretta a squadra sopra l'orizzonte A B, ma anco quando fusse quanto si voglia inclinata, purchè il punto E sia elevato più del C. acciò vi sia qualche pendenza, e che l' E D perpendicolare al C D, sia posta parallela all'orizzonte A B. Ma per levare in parte l'ombra, che nel primo pronunziare di tal concetto forse occupò la mente dell'uditore rappresentandolo come paradosso, e manifesto impossibile, consideriamo quello, che accade nei canali segnati EF, FC, come nel principio loro sotto il punto E, l'inclinazione del canale E F è maggiore, che quella del canale E C; sicche l'impeto per quella dee esser maggiore, che per questa, e tale ancora des continuarsi per tutto il tratto F C; che sebben poi la pendenza nella parte F C, è minore della pendenza E C, tuttavia la velocità già concepita pel vantaggio di E

F, è più potente per conservare l'acquisto fatto, che non è la declività della rimanente parte di E C, a ristorare il danno della perdita già fatta. Vedasi parimente, che nell'altre sigure composte di più linee, la pendenza superiore è sempre maggiore, e finalmente nell'istesso quadrante à maggiore, che in tutte l'altre figure. Aveva pensato in questo luogo di toccare altro accidente più strano in aspetto, e che maschera il vero con faccia di menzogna, più che l'altre cose dette, ma giacche mi viene in taglio, dicasi, e gl'increduli aspettino in breve la dimostrazione concludente con necessità, onde essi restino appagati, ed io sincerato, e conosciuto per viridico. È paruta disorbitanza il pronunziare, che i due canali E F, F C, si passino in manco tempo, che il solo EC; ma quale assurdo parrà il sentire, che ambedue si passino più presto, che uno di loro, cioè, che partendosi il mobile dal termine E, in tempo più breve si conduca al termine C per gli due canali EF, FC, che pel solo F C, partendosi dal punto F, e pure tale accidente è vero.

Da quanto di sopra ho detto, vorrei che i SS. Ingegneri, e Periti ne cavassero un avvertimento (ma forse di già l'hanno osservato) circa il compartire la pendenza nei canali e letti de' fiumi, che è di non la distribuire ugualmente per tutto, ma andarla sempre diminuendo verso il fino

del corso, come per esempio. Dovendosi cavare un alveo di fiume, dal principio A (Fig. LIV.) sino al termine C, tra i quali estremi vi sia la pendenza notata A. B, io non giudicherei l'ottimo compartimento di essa pendenza essere il distribuirla per tutto egualmente cavando fondo del letto secondo la linea A D C. sicchè le sue parti fossero tutte egualmente inclinate, la qual linea non sarebbe retta, ma colma in mezzo, dovendo quasi secondare la curvità del globo terrestre; ma crederei esser meglio fare il compartimento secondo la circonferenza cioè dando maggior pendenza nelle parti verso A, e diminuendola sempre verso C, dore non avrei per disordine, quando bene -per qualche spazio l'acqua dovesse andare senza pendenza. No temerei, ch'ella fusse per allentare il suo corso, essendo sicuro, che nel piano orizzontale (quando non vi sieno impedimenti esterni ed accidentari) la velocità concepita dal mobile nel modo precedente sopra un piano declive si conserva uniforme, e tale, che nel piano passerà spazio doppio del passato, nell'inclinato in tempo eguale al tempo del passaggio per l'inclinato, mentre il suo principio su dallo stato di quiete, come io dimostro nel mio soprannominato libro del molo.

E qui voglio mettere in considerazione, come il temere, che un'acqua cor160

rente nel passare per una parte del suo canale, la quale avesse minor pendenza, che le parti precedenti, possa ritardare il suo corso e farla rigonfiare, e finalmente farla traboccare, è, se non m'inganno, timor soverchio e vano, perchè io stimo, che non solo la minor pendenza non ritardi l'impeto concepito nella precedente maggiore, ma che ne anche il puro livello sia bastante a ritardarlo.

E per dichiararmi, posto il canale inclinato A B (Fig. Lv.) pel quale sia corso il mohile, e che oltre al B debba passare nella parte BC meno inclinata, dico, che la velocità per AB, non si diminuirà altrimenti nel seguente canale B C, anzi continuerà di crescere, se vi sarà punto di pendenza, o si conserverà, quandó sia posto a livello. Dubito bene, che potrebbe forse accadere, che alcuno con un poco d'equivoco si persuadesse, che diminuendosi la pendenza in B C, in relazione di A B, si dovesse anco diminuire la velocità; cosa, che è falsa in relazione al caso precedente pel medesimo canale AB; ma bene è vero in relazione a quello, che seguiterebbe nel canale B D, continuato all' A B, coll'istessa pendenza. Ritarderà dunque il mobile il corso, che farebbe per B D, ma non il fatto per A B, anzi seguiterà d'accrescerlo, ma bene con proporzione minore. Però il dubitare, che per le svolte, le quali nel canale, che va ser-

pendo, possono aver minor pendenza, che altre parti, che più si distendono, secondo l'inclinazione del piano suggetto, si possa sare tal diminuzione di velocità, che l'acqua trattenuta rigonfi e trabocchi, l'ho per evento da non temersi; perchè non è vero, che la velocità si scemi, anzi si va sempre augumentando; se già la svolta non fusse tale, che convertisse la pendenza in salita, al qual caso converrebbe provvedere, ma non credo, che ciò avvenga nel fiume di Bisenzio, nel quale l'acqua ancorchè bassa si muove sempre. Oltrechè il colmo alto trova ben esso modo di farsi la pendenza, dove ne fusse scarsità mancamento.

lo avrei alcun' altre considerazioni da proporre intorno ad altri particolari, ma perchè la somma del presente negozio, come prudentemente nota l'Ingegnere Bartolotti, consiste in questo punto principalissimo sin qui assai ventilato, mi riserberò ad altra occasione a discorrere circa tal materia più copiosamente, non convenendo anco il tener V. S. Ecc. (occupata sempre in negozi gravissimi) più impedita in cose meno importanti.

Dirò solo qualche cosa per concludere intorno alla deliberazione da prendersi pel restauramento del fiume Bisenzio, che io inclinerei a non lo rimuovere del suo letto antico, ma solo a nettarlo, allargarlo, e per dirla in una parola alzare gli argini

Galileo Galilei Vol. X.

dove trabocca, e fortificarli dove riempie. E quanto alla tortuosità, se non n'è alcuna oltremodo cruda, e che con qualche taglio breve, e di poco incomodo e danno alle possessioni adiacenti si possa levare, la leverei, benchè il benefizio, che si possa ritrarne, non sia di gran rilievo.

Ci sono molte altre incomodità e difficoltà quasi insuperabili promosse e messe in considerazione dall'Ingegner Fantoni nella sua scrittura, le quali non mi è paruto di dover replicare, ma solo confermarle, come importantissime nel presente

negozio.

Questo, che ho detto è stato per obbedire al cenno del Serenissimo Gran Duca nostro Sig. significatomi da V. S. molt' Ill. ed Ecc. alla quale dedicandomi e confermandomi servitore, con riverente affetto bacio le mani, e prege felicità.

LETTERE

Di

GALILEO GALILEI,

DEL PADRE

D. BENEDETTO CASTELLI.

DEL NOZZOLINI

In proposito della stima d' un Cavallo.

Lettera d' Andrea Gerini al Nozzolini.

Di Firenze il di 24. Aprile 1627.

Io mi son trovato alli giorni passati in una conversazione dove si disputava un punto di matematica, e perchè la gente si pugneva, sono ricorsi per la sentenza al Sig. Galilei; e perchè una parte non si quieta, mi è venuto in pensiero di scrivere a V. S. per sentire la sua opinione, della quale se ne vaol favorire, so che

sarà gradita, quando però sia con suo comodo e senza interrompimento di altri-

suoi studj. Il punto è questo.

Un Cavallo vale veramente cento scudi, da uno è stimato mille scudi, e da un altro dieci scudi, si domanda chi abbia di loro stimato meglio, e chi abbia fatto manco stravaganza nello stimare. Se a V. S. pare farci sopra un poco di discorso con sua opinione, a lei me ne rimetto, e ho preso questa sicurtà, sapendo, che si diletta di curiosità. Nuove non ho da darne, che però farò fine con ricordarmegli servitore, e da Dio pregargli lunga vita in sua grazia.

Lettera del Nozzolini in risposta all'antecedente.

Di S. Agata il di 26. Aprile 1627.

Il dubbio, che V. S. mi propone, mi par così facile da risolvere, che io dubito di non l'intendere, e che ci sia sotto qualche difficultà da me non conosciuta; e dicendomi V. S. che costì ne sia nata disputa e controversia fra i begl'ingegni di Firenze, dovrei tacere, e confessando la mia ignoranza, più tosto aspettarne la soluzione degli altri, che io dirne cosa alcuna; ma per obbedire a V. S.

dirò in ogni modo quello, che io ne sento, confidando, che se ella conoscerà, che io ne favelli imprudentemente, straccerà questa mia lettera, e senza mostrarla ad altri ricuoprirà la vanità de' miei ragionamenti.

Il dubbio è questo: una cosa val 100. da uno è stimata 1000, e da un altro dieci, si domanda qual di loro abbia stimato meglio, e chi abbia fatto minor stravaganza.

A questo così a un tratto risponderei, che se quel primo si discosta dal giusto per 900. e quel secondo per 90. chi non vede, che il primo commette dieci volte maggiore stravaganza, che il secondo? so bene, che mi si può opporre, che il primo stima dieci volte più del giusto, ed il secondo dieci volte meno, e però la stravaganza del primo nel più viene a esser simile, ed eguale a quella del secondo nel meno. A questo io rispondo, che questa sorta di considerazione di proporzione non ha luogo nei conti de mercanti, e per meglio esplicarlo dico così. Non è dubbio alcuno, che il comprare, vendere, prestare, rendere, barattare, e simili altri truffichi della mercatura appartengono a quella parte della Giustizia, che si chiama commutativa, della quale è offizio aggiustare le disuguaglianze delle nostre commutazioni, quali anticamente consistevano in semplici baratti di quelle robe, che avanzavano a noi, e mancavano a un altro, con quelle,

robe, che avanzando a lui mancavano a noi, nel qual caso si trovavano due difficoltà, la prima dell'opportuno riscontro, v. g. che io a chi avanza il vino, e mancavano le scarpette, mi abbatta a trovar uno, a chi avanzino le scarpette, e manchi il vino; la seconda del saper conoscere quante scarpette meriti un barile del mio vino. E per questo fu necessario trovar la moneta, che a guisa di una mercanzia comune ci servisse per giudice, e prezzo di agguagliar giustamente i nostri traffichi, ed in questo aggiustamento dicono i Politici, che si dee osservare la proporzione aritmetica, e non geometrica.

Proporzione geometrica, s'intende quella abitudine, quel rispetto, che si trova tra quattro numeri, ovvero altre magnitudini, delle quali la prima abbia la medesima forza sopra la seconda, che la terza sopra la quarta, come per esempio, perchè il 10 ha la medesima forza sopra il 5, che il 4, sopra il due, questi quattro numeri 10. 5: 4. 2. si chiamano proporzionali di proporzione geometrica, la quale può ancora trovarsi in tre termini soli, v. gr. la medesima forza, che ha l'8 sopra il 4. l'ha il 4 sopra il 2. ma perchè quel 4. di mezzo si piglia due volte, anco questa, che par di tre termini, viene a esser di 4.

La proporzione aritmetica risguarda il sopravanzo, e si ritrova tra 4. numeri, dei quali il primo avanzi tanto il secondo,

pia della vostra, se il mio delitto sarà du-

plo del vostro, anco la mia pena dovrà

esser doppia della vostra, se il mio delitto

sarà triplo del vostro, anco la mia pena

dovrà esser tripla della vostra, nella qual

distribuzione apparisce evidentemente la

167

Ma nella giustizia commutativa questa proporzione geometrica non ha luogo, ma sibbene l'aritmetica, come si può vedere in questo esempio. Pongasi, che noi facciamo una divisione di mercanzia comune; a voi tocca lana, e a me seta, e ricorrendo al Giudice del prezzo e della moneta, troviamo, che voi avete avuto lana per ventiquativo scudi, ed io ho avuto seta per scudi sei. Qui bisogna aggiustare questa disuguaglianza riducendola in

numero mezzano tra il ventiqualtro ed il sei, che aggiusti la nostra mercanzia. Ora dico, che questo numero mezzano non dee aver mezzanità di proporzione geometrica, che il ventiquattro abbia sopra lui la medesima forza, che egli ha sopra il 6. perchè se noi lo volessimo tale, noi avremmo a multiplicare insieme i due estremi, cioè 6 con 24, che fanno 144. e di questo si arebbe a pigliare la radice quadrata; cioè trovar un numero, che multiplicato in se stesso faccia 144, il quale è 12, e questo tal 12 sarebbe mezzano di proporzione geometrica fra i due sopraddetti estremi. Ora se noi riducessimo la disuguaglianza della nostra commutazione a questo 12, cioè se voi deste a me sei dei vostri scudi, sicchè congiunti colla seta mi facessero la somma di 12. scudi, io non avrei altrimenti il conto mio, perchè a voi resterebbe lava per diciotto scudi, e io fra danari e seta non ne avrei se' non dodici. Ma se in questo caso noi ricorriamo alla proporzione aritmetica, si sarà il giusto bilancio del negozio; il numero mezzano di proporzione aritmetica si trova, non multiplicando, ma raccogliendo insieme gli estremi, e dividendo pel mezzo il raccolto, però raccogliendo 24 con 6, che san 30, e dividendo pel mezzo, ne viene 15. e questo 15 è il vero mezzo della nostra divisione, perchè tanto è minore del 24, quanto maggiore del

6: però se voi darete a me nove de' vostri scudi, io ne averò 15, e voi 15, e si sarà aggiustata la nostra disuguaglianza.

Ora applicando le cose dette al proposito nostro, se poi consideriamo i tre numeri posti di sopra nella proposta del dubbio, cioè 1000. 100. 10. noi vediamo, che fra essi è proporzione geometrica, la quale non ha luogo nella giustizia commutativa, e però non può esser buona a disendere la grande stravaganza, che si trova nel caso nostro: poichè il primo si parte dal giusto per 900, ed il secondo per 90. E sebbene qui si parla di stima, e non di baratto o di vendita, nondimeno il medesimo giudizio si ha da far di lei, che di loro, poiche la stima s'indirizza alla vendita ovvero al baratto, o. per dir meglio, sono una cosa medesima, poiche la stima non è altro, che una compra non anco ratificata, e la compra non è altro, che una stima di già accettata, e però le stravaganze delle stime debbono esser ridotte all'aggiustamento per la medesima strada della proporzione aritmetica, per la qual si vede, che allora sarebbero egualmente lontani dal giusto, quando il vero prezzo della cosa susse 505, dal qual il primo si discosta nel più per 495, ed il secondo nel meno similmente per 495, sicchè possiamo concludere, che maggiore stravaganza faccia lo stimature del 1000. che quel del 10.

Forse alcuno dubiterà come sia vero, che la proporzione geometrica non abbia luogo nella giustizia commutativa, e ne'traffichi mercantili, poichè noi vediamo, che tutti i conti e le ragioni di mercanti sono fondati sopra la regola del tre, se 8 mi dà 6, che mi darà 4? la quale è geometrichissima. A questo si risponde, che è vero, che detta regola del tre ci serve a ritrovare i conti e i prezzi delle mercanzie, ma nell'aggiustare le disuguaglianze delle commutazioni non ha luogo, come abbiamo mostrato di sopra. Ma di nuovo potrebbesi opporre, che nell'aggiustare i traffichi delle compagnie, dove uno mette 1000, l'altro 2000, e l'altro 3000. o altra somma di scudi, quando si viene a bilanciare il guadagno, che si perviene a ciascuno, non si adopra altre, che la geometrica regola del tre. A questo risponderei, che questa azione di vedere qual parte di guadagno tocchi a ciascuno degli interessati è azione di giustizia distributiva, poichè in essa si ha riguardo di merito, e di retribuzione di premio e di guadagno, secondo che altri ha meritato, sicchè non è maraviglia, che vi si adopri la proporzione geometrica. E questo è quanto ora mi occorre dire per soluzione del dubbio proposto, dove se avrò detto molte semplicità, V. S. dee in un medesimo tempo scusar me (che non ho saputo più là) e accusar se stessa, ohe in quelle difLettera del Nozzolini a Andrea Gerini.

Di S. Agata il di 10. Maggie 1627.

Ho ricevuto la lettera di V. S. insieme col parere del Sig. Galilei sopra il quesito, che ora si va disputando per Firenze; ed in verità se io avessi da principio saputo, che una persona di tanta stima e di tanto sapere avesse sopra di ciò pubblicato sue scritture, io non avrei in modo alcuno scritto a V. S. quel che io me ne giudicassi, perchè io debbo ben credere, che più vagliano i sogni di un tal nomo, che le più esquisite considerazioni, ch' io sapessi mai fare. Ma poichè io ne ho già scritto a V. S. e poichè ella mi comanda, che io consideri questa scrittura del Sig. Galilei, e che essendo ella contraria alla mia, io dica se altro ho da dire per consermazione del mio detto; e perehè io so, che gli uomini dotti non si sdegnano, se qualunque minima persona produca in mezzo i suoi pensieri per investigazione della verità, non mi periterò a dir di nuovo qualche cosa intorno a questo quesito, nel qual si cerca qual sia maggior stravaganza stimar 1000. ovvero stimar 10 quel, che veramente val 100.

Per decisione di questo dubbio il Sig. Galilei primieramente distingue, che sin questo caso si può adoprare o la proporzione aritmetica, ovvero la geometrica. E che adoprando la seconda farà maggior stravaganza lostimator del mille, che quel del 10. e adoprando la seconda le stravaganze saranno eguali; poi determina, e dice, che assolutamente qui si dee adoprare la proporzione geometrica, e di ciò non adduce altra ragione, che questa. Che se noi volessimo in questo caso servirci della proporzione aritmetica, ne seguiterebbe, che chi stima 200 una cosa, che val 100, farebbe maggior stravaganza, che chi la stimasse uno scudo solo, poichè il primo si parte dal giusto aritmetico per 100 scudi, ed il secondo per 99. Ma questo, dice egli, è cosa del tutto irragionevole, e vuole, che minore stravaganza faccia quel del 200 che quel dell'uno, perchè il primo stima solamente due volte più, ed il secondo 99. volte meno del dovere, ec.

A questo io rispondo, che quello, che dal Sig. Galilei è stimato cosa irragionevole, appresso di me non è inconveniente alcuno, e penso, che minore stravaganza e minor lontananza dal vero commetta lo stimator dell'uno, che quel del 200, e per provarlo dico così.

Quando si ragiona di due numeri, o linee, o altre magnitudini, delle quali si vada cercando qual sia maggiore, e qual minore, ovvero se elle siano eguali, per volerne rettamente giudicare bisogna ricorrere alla misura, e in misurando si ha da aver riguardo a due cose, prima di adoperar la medesima misura, e non diverse misure; la seconda di guardar quante volte la detta medesima misura entri nelle proposte cose, se si adoperassero diverse misure, v. gr. in una cosa il braccio, nell'altra la canna, sebbene entrasse tante volte il braccio nell'una, quanto la canna nell'altra, non per questo le suddette cose sarebbero eguali.

Stando ferma questa verità, della quale non è da dubitare in modo alcuno, dico, che la proporzione geometrica non è il caso a giudicar la maggioranza o eguaglianza di due cose, come quella, che non adopera la medesima misura, ma diverse, e solamente ha riguardo, che l'una misura entri tante volte in una cosa, quante l'altra misura nell'altra cosa, come si vede in questo esempio; il 90 ha la medesima forza sopra il 30, che il 30 sopra il 10; e però questi tre numeri 90 30 10 sono proporzionali geometricamente, ed in quanto al numero delle misure la cosa sta pari; perchè il 10 entra tre volte nel 30, ed il 30 entra tre volte nel 90. Ma la misura è diversa, poichè il 10 misura tre

volte il 30 con una misura di 10 braccia, ed il 30 misura tre volte il 90, con una misura di 30 braccia.

Inoltre la proporzione geometrica non solamente nelle sue misure adopra diversità specifica, ma ancora diversità generica, cioè si serve di misure tra loro tanto diverse, che non hanno niente che fare insieme, come si vede in quel teorema, nel quale si prova, che in guei triangoli, che hanno la medesima altezza, tanta forza ha la base sopra la base, quanta il triangolo sopra il triangolo, dove le basi si misurano con una linea, e i triangoli con una figura. E questa diversità di misure non dà fastidio alla proporzione geometrica alla quale basta, che tante volte entri la linea nella linea, quanto la figura nella figura; ma' non è già buona a vedere, che abitudine abbia la linea colla figura. Piglio un altro esempio nella materia della giustizia distributiva, alla quale è appropriata la proporzione geometrica. Voi avete servito alla Repubblica 10 mesi, ed io venti mesi, onde se a voi si conviene di premio, 50 barili di viuo, ovvero 30 stajora di terreno, ovvero 12 libbre di argento, vie-. ne a me il premio di 500 barili di vino, ovvero 60 stajora di terreno, ovvero 24 libbre di argento. Qui il merito si misura col mese, ed il premio col barile, o collo stajoro, o colla stadera. Tutto questo dico per mostrare, che di quelle due cose, che

si ricercano a misurare perfettamente, la proporzione geometrica non ha riguardo se non a una sola, cioè al numero delle misure, ma di adoperare diversa misura di diversità specifica o generica non fa caso nessuno.

Ora applicando questa verità alla soluzione del dubbio dico, che è vero, che quello, che stima 1000 stima 10 volte più, e quello, che stima dieci, stima dieci volte meno, e così quanto al numero delle misure sono in eguale stravaganza. Ma la misura è molto diversa; il primo è lontano dal vero per dieci misure grandi di 100 scudi, e il secondo è lontano per dieci misure piccole di dieci scudi, e però non si possono domandare eguali queste due stravaganze e lontananze; siccome noi, non diremmo, che da S. Maria del Fiore fussero egualmente lontani il Campanile, ed il S. Giovanni, per esser il Campanile. lontano dieci passi di bambino, ed il San Giovanni dieci passi di gran gigante. Similmente nel secondo esempio. E vero, che chi stima 200 quel che val 100, è lontano per un doppio solo, e chi lo stima uno è lontano per 99 meno, ma quel doppio solo è una misura tanto grande, che supera quelle 99 misure del meno.

Ma se noi ci serviremo della proporzione aritmetica, noi troveremo, che questa è accomodatissima a giudicare di queste stravaganze, poichè ella adopera la

176 medesima misura; v. gr. questi tre numeri 14, 10, 6, sono in proporzione aritmetica, poichè il 14 avanza tanto il 10, quanto il 10 avanza il 6, e questi tali avanzi si misurano colla medesima misura dell'unità, la quale entra quattro volte nell'avanzo del 14 sopra il 10, e quattro volte nell'avanzo del 10 sopra il 6. Similmente se nella stima del 1000 e del 10, noi facessimo, che il vero prezzo fusse 505, allora queste stravaganze e lontananze sarebbono eguali misurate colla suddetta misura dell'unità, che entra 495 volte nella lontananza fra il 1000, e il 505, e similmente entra 495 volte nella lontananza fra il 10, e il medesimo 505. Per la qual cosa parmi, che si possa conchiudere, che nel nostro caso ci dobbiamo servire della proporzione aritmetica, e non della geometrica; la qual ragione aggiunta a quelle, che io dissi nell'altra lettera, tanto più dovrà confermar questa verità; e questo mi basti aver detto in questa materia.

Ma con tutto ciò per modo di facezia e per burlar un poco con V. S. mi
pare di aggiugnere in quest'ultimo, che
se questa mia decisione non le piacesse,
io la indrizzerò a un Giudice, e a un
foro competente, il quale ogni giorno determina e giudica sopra tal questione, e
ne ha la soluzione prontissima, che ogni
di la mette in atto pratico: questo tal

Giudice è il foro de beccai. Io ho veduto molte volte, che i beccai e con i contadini, e fra lor medesimi entrano in dispute, ed in iscommesse di chi si appressa più alla stima del peso di un porco o di una vitella, e ho veduto, che se uno la stimerà libbre 48 e l'altro libbre 12 quando si viene al giudizio della stadera, se si trova, che quella tal cosa pesi libbre 30 si determina, che nessuno vinca, ma da 30 in giù si dà la vittoria a quel del 12, e da 30 in su a quel del 48, e non ho veduto, che la proporzione geometrica appresso questi Giudici sia di momento alcuno; e sebbene geometricamente fra il 48 e il 12 il numero mezzano proporzionale è il 24, nondimeno da questo foro il 24 e gli altri fino al 29 inclusivamente sono aggiudicati a favore di quel del 12, e pure questi, e queste scommesse sono non solamente simili, ma anco una cosa stessa col caso nostro; attalchè mi par gran maraviglia, che appresso ai nobili spiriti Fiorentini si abbia a revocare in dubbio con tante dispute e scrittue re quel Preblema, che appresso a' beccai è deciso noto e manifesto già mille anni sono. E però se in questa lite da alcuno mai sarà dato la sentenza contro, io prometto a V. S. di volere muovere appello al foro de beccui, il qual per sua particolar prerogativa merita di esser chiamato il foro della giustizia, poichè ogni beocajo Galileo Galilei Vol. X.

sa così hehe adoperare con una mario la bilancia, e coll'altra il coltellaccio, che pare che si possa con verità affermare, che ciascuno di loro sia una giustizia, è con questo fine a V. Sig. bacio le mani, pregandole da Dio ogni contento.

Lettera di Galileo Galilei.

Per la decisione del caso, che si disputa tra le parti, che è chi de' due stimatori abbia meglio stimato, e minore
stravaganza abbia fatto circa la stima di
una cosa, che veramente val cento, quello che la stimi mille, o quello, che la
stimi dieci; parmi, che prima si debba
stabilire ciò, che importi stimar giusto e
bene, e quello, che importi stimare in-

giusto e stravagantemente.

Stimerà giusto e bene quello, che stima cento la cosa, che giustamente val cento; devieranno dalla giusta stima, e stravagantemente quelli, che la stimeranno più, o meno del giusto. E di questi calni commetterà maggiore stravaganza, che più esorbitantemente dal giusto prezzo o nel più, o nel meno devierà. E perchè parrà forse ad alcuno, che deviare egualmente dal giusto nel più e nel meno possa intendersi in due modi, cioè o in proporzione aritmetica (che è quando l'eccesso del più sopra il giusto è eguale all'eccesso del più sopra il giusto è eguale all'eccesso

del giusto sopra la minore stima, come se il giusto sia dieci, e l'una stima sia dodici, e l'altra otto, dove le differenze sono eguali, cioè due) o in proporzione geometrica (che è quando la maggiore stima al giusto ha la medesima proporzione, che il giusto alla minore, che sarebbe quando uno stimasse venti quello che val dieci, e l'altro lo stimasse cinque, dove l'uno stima il doppio più, e l'altro la metà meno, e che così in conseguenza deviare più del giusto s'intenda, quando nel primo modo l'uno eccesso sia maggior dell'altro, e nel secondo la maggior delle due stime riguardi il giusto con maggiore proporzione di quella, che avesse il giusto alla minore stima): è necessario stabilire in quale delle due maniere si debbe intendere il presente caso.

Dico per tanto, che assolutamente si dee intendere della proporzione geometrica, e non dell'aritmetica. Imperocche stando pure nell'istesso caso, quando della proporzione aritmetica intender si dovesse, mon solamente quello, che stima mille la cosa, che val cento, sarebbe più cattivo stimatore dell'altro, che la stimasse dieci, ma colni ancora, che la stimasse dugento, commetterebbe stravaganza maggiore, che quello, che la stimasse uno, essendo che l'eccesso del dugento sopra il cento (che è cento) è maggiore dell'eccesso di cento sopra uno, che è 99. E così lo stimatore,

che stimasse dugento scudi un cavallo, che giustamente valesse cento, meriterebbe di esser chiamato più cattivo stimatore di quello, che lo stimasse un solo scudo, che è quanto se altri dicesse, che quello, che stima il cavallo il doppio di quel che veramente vale, commette maggiore stravaganza nella stima, che quello che lo stima la centesima parte; cosa del tutto irragionevole, e che non cade, quando le differenze si considerano nella proporzione geometrica, secondo la quale quello, che stima uno, fa esorbitanza tanto più dello stimatore di dugento, quanto la proporzione di cento a uno è maggiore di quella di due a uno, cioè di dugento a cento.

Le deviazioni dunque delle stime dal giusto si deono giudicare secondo la proporzione geometrica; e così quello, che stima una roba la centesima parte di quello che ella vale, è assai più esorbitante stimatore, che quello, che la stima il doppio più, e in conseguenza egualmente deviano dal giusto quelli due, che stimano uno il doppio più, e l'altro la metà meno, uno il decuplo del giusto, e l'altro la decima

parte solamente.

Aggiungasi, che non si può ragionevolmente credere, che le parti nel principio della presente controversia intendessero
della proporzione aritmetica, perchè ciò
sarebbe un voler supporre due troppo gravi
mancamenti, uno nell'una, e l'altro nel-

l'altra parte, cioè, che l'uno ignorasse, che il 900. è più del 900. e che l'altro con poca coscienza sopra tale ignoranza dell'avversario cercasse di guadagnarsi il premio della scommessa. Concludo per tanto, che li due stimatori abbiano egualmente esorbitato e commesse eguali stravaganze nello stimare l'uno mille, e l'altro dieci quello che realmente val cento.

Lettera di D. Benedetto Castelli ad Andrea Arrighetti,

Con mio particolar gusto ho letta la lettera di V. Sig. e la decisione del Sig. Galileo, nella quale non solo ho notata la rettitudine del giudizio, ma la chiarezza ancora de' motivi, solita del Sig. Galileo, e in segno della replicata da me lettura ho preso ardire di significare a V. Sig. alcune cosette non in maggior confirmazione della decisione, ma per mostrare, che la verità ha i riscontri da tutti i versi.

Prima dunque supponendo nel caso nostro, che il cavallo, che val cento, sia stimato male nel più, e sia la stima 200. io domando all'amico suo quanto si doverebbe stimare nel meno con eguale errore? è forza rispondere, che bisogna stimarlo nulla, per servare la proporzionalità aritmetica, perchè tanta differenza è

dal nulla al cento, quanto dal 100 al 200. Ora il voler poi dire, che tanto abbia fatto stravaganza quello che stima il doppio, quanto quello che stima nulla, mi par troppo gran debolezza, massime che fortificando il mio dubitare, suppongo che il cavallo, che realmente val cento, sia stimato scudi trecento, e dimando di nuovo quanto si dee stimare nel meno coll'eguaglianza aritmetica? dove bisogna rispondere spropositi immensi.

In oltre io considero, che essendo stimato un cavallo, che val cento, da uno stimatore uno scudo, e da un altro cento novantanove scudi, queste due sume dall'amico suo deono essere tenute egualmente esorbitanti, essendo in tutte e due la differenza novanta nove. Ma dall'altro canto se noi consideriamo il negozio mercantilmente, le perdite e il guadagno nella prima stima sono a ragione di 9900. per cento, e le perdite e i guadagni nella seconda stima vengono solo a esser a ragione di novantanove per cento; attalchè in conto alcuno le stime fatte con egualità aritmetica non possono esser egualmente esorbitanti. Io qui scuserei l'amico suo volentieri se non resta persuaso, non essendo egli mercante, e avendo tralasciati gli studi della Matematica per attendere a' più sicuri delle Leggi, ma vorrei, che almeno considerasse la trita legge Rem majoris pretii C. de rescind. vendit. dove si vede, che

l'Imperatore considera la stravaganza del prezzo colla proporzionalità geometrica, non aritmetica, ec.

Lettera del Noszolini ad Andrea Gerini.

Luando jo scrissi l'ultima lettera a V. Sig. scrissi tanto in fretta, che io non ebbi agio a dichiararmi così chiaramente come io avrei voluto, però le mando la presente, la quale contiene il medesimo, ma più

apertamente esplicato.

vuto quella del suo amico di Roma, nella quale sono opposte tre opposizioni contro la nostra opinione; la prima è questa. Quando quel cavallo, che val cento scudi fu stimato con eccesso nel più scudi dugento, a voler nel meno adoperar la proporzione aritmetica, cioè allontanarsi dal giusto per scudi cento, bisoguerà stimarlo niente, la qual cosa è uno sproposito immenso, perchè dal cento al dugento è pur qualche abitudine o ragione o rispetto, ma dal cento al nulla non è abitudine nè rispetto alcuno.

A questa opposizione mi è facil cosa rispondere, perchè io mi ricordo, che fin quando io era fanciulletto sapeva dire simili stime coll'eccesso nel meno corrispon-

184 dente a quello del più. Quando io andava in mercato a comprar delle pere, mentreio sapeva, che elle valevano un quattrin l'una, se il venditore me ne chiedeva due quattrini dell'una, io gli diceva non già di volergli dar nulla dell'una, perchè ben vedeva, che avrei detto uno sproposito, ma di voler due pere per un quattrino, e se egli mi chiedeva tre quattrini dell'una, e io diceva di volerne tre per un quattrino. E queste mi pajono le risposte convenienti coll' eccesso del meno corrispondente all' eccesso del più. Per tanto nel proposito del cavallo, che val cento ec. alla stima soverchia del dugento corrisponde domandar due cavalli per cento ec. perchè siccome il primo vuol due paghe per un cavallo, così il secondo vuol due cavalli per una paga, e non per questo segue, che volendo due cavalli per cento scudi egli venga a stimarli cinquanta scudi l'uno; ma dice questo per fare una stima, che gli giovi tanto nel meno, quanto gli nuoceva quell'altra nel più, il qual giovamento non poteva trovare sopra un cavallo solo, sebben l'avesse stimato il meno, che si potesse. Ed in ambedue queste stime viene in virtù a esser nascoso quel niente o nulla, che ci era di sopra opposto, perciocchè lo stimatore del dugento chiede due paghe, per l'una delle quali vuol dare un cavallo, e per l'altra non vuol dar nulla; e lo stimator del meno chiede due cavalli, per

l'uno de' quali vuol dar la giusta paga, e per l'altro non vuol dar nulla. Ma questo tal nulla non apparisce così spropositato, come sarebbe a dire di stimar nulla quel caval selo.

La seconda opposizione è questa, se il cavallo di cento seudi da uno stimatore fusse stimato centonovantanove, e da un altro uno scudo solo, qui sarebbe la proporzione aritmetica, perchè di tanto il centonovantanove supera il cento, di quanto il cento supera l'uno; ma mercantifmente poi i guadagai e le perdite verrebbono molto diverse, perché secondo la prima stima quando il cento diventa centonevantanove si guadegua novantanove per cento, ma nella seconda quando l'uno diventa cente si guadagna 9900 per cento, perchè se uno mi dà cento, il centinajo mi darà 10000. che detrattone il capitale de' cento scudi ci resterà di guadagno 9900. per cento.

A questo io rispondo, che qui si scambiano le carte in mano, cioè si entra di un proposito in un altro. Noi abbiamo la stima giusta, che è cento, e ne abbiamo due ingiuste, una nel più, che è centonovantanove, e una nel meno, che è uno. Nel primo processo si va dalla stima giusta verso l'ingiusta dicendo, se cento mi diventa centonovantanove, si guadagna novantanove per cento; nel secondo processo si doverebbe similmente andare dalla giu-

sta verso l'ingiusta dicendo, se cento mi diventa uno, si perde novantanove per cento, e così la cosa tornerebbe esquisitamente del pari. Ma l'appositore dopo che nel primo processo è ito dalla stima giusta all'ingiusta, cioè dal cento al centonovantanove; poi nel secondo processo va al contrario dalla stima ingiasta verso la giusta, dicendo, se uno mi diventa cento, il cento guadagnerà 9900. Ma che sproposito è questo? quando si è mai ragionato nel caso nostro, che l'uno ci abbia a diventar cento? si è ben ragionato, che il cento per una stima diventi centonovantanove, c per un'altra stima diventi uno, e così come per la prima si guadagna novantanove per cento, così per la seconda si perde novantanove per cento, e così la cosa torna del pari.

Ma perchè sorse potrebbe dir l'oppositore di voler accomodar questi numeri a
suo modo, e far questi processi a suo beneplacito, o pigliar per antecedente e per
conseguente qual gli tosna più comodo, io
non voglio pigliar contesa con lui sopra di
ciò, ma gli voglio conceder liberamente,
che seconda queste stime non riescano bene i conti de guadagni e delle perdite del
tanto per cento. Ma che inconveniente ne
segue per questo? Chiara cosa è che il
guadagno di tanto per cento si trova per
la via della regola del tre, la quale è geometrica in tutto e per tutto. Or che mara-

viglia sarà se da un fondamento di numeri disposti secondo la proporzione aritmetica, non seguitino bene i conti che procedono per via di proporzione geometrica? questo non è inconveniente nessuno. Anzi inconveniente non piccolo si vede nel suo argomento e nella sua opposizione, che ha in se quel difetto, che dai Logici è domandato petitio principii, cioè assume come noto e manifesto quello di che si disputa, e che si dee provare. Perciocchè noi siamo ora su questa disputa, se in queste stime si deva adoperare la proporzione aritmetica ovvero la geometrica, ed egli argomenta così: non si dee adoperare la proporzione aritmetica, perchè non vi dentro la geometrica regola del tre. Quanta forza abbia questa ragione giudichilo ciascung.

La terza opposizione è posta in una Legge citata dall'oppositore, nella quale dice, che l'Imperatore considera la stravaganza del prezzo secondo la proporzione geometrica. Qui io non posso dir cosa alcuna, lo non ho mai studiato Legge, e non ho pur un libro di tal professione. E qui intorno a molte miglia non posso ricorrere ad alcuno, che mi mostri le parole della detta Legge, le quali se io vedessi, forse troverei qual cosa da rispondere. Per tanto V. Sig. le faccia vedere e considerare se ci valesse alcuna di queste due fughe, o che l'Imperatore tratti in

quel luogo di cose appartenenti alla giustizia distributiva, la quale si serve di tal proporzione geometrica, ovvero che ragioni quivi del modo di trovare il prezzo di alcuna cosa, e non di agguagliare le disuguaglianze; perchè sebbene le disuguaglianze de prezzi si aggiustano colla proporzione aritmetica, nondimeno quando si vanno cercando i prezzi delle cose, si cercano per via di proporzione geometrica.

Dopo questo, che ho detto qui nel suddetto proposito, mi par di aggiugnere quattro parole nel proposito della stima del mille e del dieci in confermazione di quel che ho scritto nell'altre lettere, ec.

La stravaganza dello stimare pare a me che sia la medesima, che quella del vendere e del comprare, poichè la stima e la compra non sono differenti intrinsecamente, ma solo nell'essere o ratificata o non ratificata, essendochè la stima subito che è accettata diventa compra e vendita, sicchè nell'altre cose il medesimo giudizio dovrà farsi dell'una, che dell'altra. Per tanto ora lasciamo stare lo stimare, e consideriamo quello, che accade nelle stravaganze del vendere e del comprare. Chi vende la roba più che ella non vale, si parte tanto dal giusto, e fa tanta stravaganza quanto è quell' eccesso; e volendo nelle medesime vendite ritornare al giusto, e ricompensare la fatta strava-ganza, bisogna, che un'altra volta nel

vendere la medesima cosa al medesimo compratore, si allontani dal giusto verso il meno, quanto se ne allontanò verso il più, come per esempio. Io vendo grano; il suo prezzo è soldi cento lo stajo; voi ne comprate uno stajo da me, e io ve lo fo pagare soldi centoventi: se io vorrò far la giusta ricompensa, quando voi tornerete pel secondo stajo, bisognerà, che io ve lo dia per soldi ottanta. Ora se io vi avessi fatto pagare il primo stajo soldi mille, vi domando se quando voi tornate pel secondo stajo, io farei la debita ricompensa, o stravaganza nel meno, a darvelo per soldi dieci? Certo che no; perchè avendo io nel primo pagamento ricevuto prezzo per dieci staja, e datovi uno stajo solo, bisognerebbe, che la seconda volta io ricevessi un prezzo solo, e vi dessi dieci staja. Attalche l'utile del pagar soldi dieci il. secondo stajo, non ricompensa il danno dell'aver pagato mille quel primo. Perchè nel primo io mi allontano dal giusto nel più per nove centinaja, e in questo secondo non mi allontano verso il meno per un centinajo intero: a tale che queste stravaganze o lontananze non possono esser eguali. Se adunque nel vendere comprare fa maggiore stravaganza chi vende mille quel che val cento, che non sa nel meno chi lo vende dieci, il medesimo ancora si dovrà dire dello stimatore.

In oltre per un'altra via mi piace di aggiugnere un poco di chiarezza a questa verità. Quando noi facciamo le stravaganze nel più e nel meno, a voler che esse procedano di pari passo, e sieno fra loro corrispondenti, bisogna adoperare i medesimi nomi di parte e di moltiplice, perchè variandoli non possono ben corrispondersi tra loro. Mi dichiaro più apertamente così. Dichiamo, che un baril, di vino vaglia dodici lire, e che voi nello stimare vogliate eccedere nel più, ed io nel meno; quando voi lo stimerete quindici lire, che altro vuol dir questa stima, se non, io ti voglio usurpare una quarta parte di paga? ed a questa stima del più che si può egli risponder nel meno, se non, io ti voglio usurpare una quarta parte di barile? sicchè al quarto nel più corrisponde il quarto nel meno. Similmente al terzo nel più, cioè a sedici corrisponderà il terzo nel meno, cioè otto. Ora se si vanno guardando que tre numeri 15. 12. 9. e que' secondi 16. 12. 8. son fra loro in proporzione aritmetica; similmente alla stima della metà più, cioè 18. corrisponderà la metà meno, cioè 6. A quella di due terzi più, cioè 20. quella di due terzi meno, cioè 4. come si vede nella dicontro tavoletta, nella quale si vede, che tutti i predetti numeri son disposti con propor-zione aritmetica.

	-		وخواشتون
di un quarto	15	12	9
			-
di un terzo	16	12	8
1		-	<u> </u>
di un mezzo	18	12	6
di due terzi	20	12.	4
1		-	
di tre quarti	21	12	3
	=	=	==
del doppio	24	[2	6
		<u> </u>	-
del triplo	36	12	4
·			
del quadruplo	48	I 2	. 3

Ora scendiamo più abbasso, e sacciamo, che voi lo stimiate il doppio, cioè
ventiquattro: hassi egli a dire, che a questa corrisponda nel meno quella della
metà sei? non già, perchè questo sei su
posto a corrispondere al dicidotto, e però

193 non può egnalmente corrispondere a quella del dicidotto, e a quella del ventiquattro. Similmente a quella del triplo nel più non può rispondere quella del terzo nel meno, cioè il quattro, perchè questo quattro fu posto corrispondente al venti; e finalmente al quadruplo nel più, cioè a quarantotto non può corrispondere nel meno il quattro, cioè tre, il quale

corrispondeva al ventuno.

Per la qual cosa bisogna dire, che al doppio più, cioè a due cotanti più, corrisponda non la metà, ma due cotanti meno, cioè due barili per dodici lire, e al tre cotanti più corrisponda non la terza parte, ma tre cotanti meno, cioe tre barili per dodici lire, e finalmente al quattro cotanti più risponda quattro cotanti meno, cioè quattro barili per dodici libbre. Per la qual cosa ritornando al proposito nostro, quando uno stimerà mille un cavallo, che val cento, la corrispondente stravaganza nel meno sarà il dire, che dieci cavalli vagliano cento scudi, e questo per avere sopra dieci cavalli quella tanta stravaganza nel meno, che corrisponda a quella del mille, la quale non si sarebbe potuta avere sopra un caval solo, ancorchè si fusse stimato meno, che un granel di rena.

Lettera di Galileo Galilei.

Da Bellosguardo li 10. Giugno 1627.

lo lessi, come ben sa V.S. la prima lettera scritta in proposito della controversia, che nacque tra lei e il Sig. Nozzolini circa il determinare intorno alla grandezza delle stravaganze delli due stimatori, uno de' quali aveva stimato mille, e l'altro dieci un cavallo, il cui giusto prezzo era veramente cento. E benchè a me restasse incognito il nome dello scrittore di essa lettera, non però mi si occultò il suo molto intendere, che tanto chiaramente resta apparente nella dotta, e insieme adorna e cortese sua scrittura. Ho dipoi letta ancora la seconda scritta pure nel medesimo stile, ove l'autore con occasione di aver veduta quella decisione, che io come arbitro eletto di comun consenso da V. S. e dalla parte messi in carta, fa così onorata menzione della persona mia, che benchè e' continovi di esser contrario al mio parere, tuttavia la modestia e gentilezza del suo trattare continua di accrescere in me l'affetto, che già ho tutto rivolto e applicato a reverire lo, e per quanto io potessi onorarlo. In segno di che al presente mi pare di esser Galileo Galilei. Vol. X. 13

194 ia obbligo di rispondere a quanto egli oppone nelle dette sue lettere, che troppo gran mancamento sarebbe o il simulare di non l'aver vedute e lette attentamente, o col silenzio mostrar ombra di non ne aver fatto quella stima, che pur di necessità convien farsi di scritture con tanta acutezza e dottrina spiegate e condite di tauta cortesia. Solo mi dispiace, che io non saprò colla mia rusticità corrispondere al merito della gentilezza sparsa in esse scritture, e bisognerà, che l'autore per se stesso a guisa di ape, che sa convertire in dolcezza l'austerità, che di talun fiore va delibando, rivolga in soavità quello, che non già dalla voluntà, ma dalla penna potesse con men soave stile scapparmi. Aggiunto a tale obbligo il comandamento di V. S. che sotto titolo di desiderio m'impone, ch'io debba dire quanto mi occorre intorno alle dette scritture; vengo con quella libertà, che molto ragionevolmente dee potersi usare tra quelli, che più ansiosi sono della verità, che della ostentazione, e che il medesimo autore delle due lettere domanda, che a se conceduta sia, vengo dico a spiegare a V. S. quello di più, che per confermazione della prima mia scrittura (che tuttavia mi par veridica) mi banno fatto sovvenire le due lettere del Sig. Nozzolini.

E prima io so, che V. S. benissimo si ricorda di quello, che io le risposi la

prima volta, che ella mi propose in voce il quesito sopra il quale nacque la controversia; che fu quale de' due stimatori avesse più stravagantemente suimato, l'uno de quali stimasse mille, e l'altro dieci quel, che giustamente valeva cento, e sa, che io corsi subito a giudicare molto più esorbitante la stima del mille, come quella alla quale seguiva molto maggior danno e perdita; e potrebbe forse esser accaduto, che quando il discorrer sopra tal quesito fosse terminato allora, io non mi sossi altramente mutato di parere. Ma il significarmi V. S. che la domanda era in controversia tra uomini non volgari, col soggiugnermi' appresso, che i medesimi disegnavano, che io dovessi sopra di ciò deporre auco in carta il mio giudizio, . mi fece con attenzion maggiore considerare la qualità del quesito, ed in effetto mutare opinione, e cader nella sentenza, che poi messi in iscrittura. Dubito, che il medesimo sia accaduto al Sig. Nozzolini, e tanto più quanto oltre a quello, che ho sperimentato in me medesimo, ho sentito rispondere l'istesso da tutti quelli, a' quadi bo fatta la proposta, non l'avendo ancor fatta, fuori che a persone molto accorte. Che dunque dal Sig. Nozzolini uscisse la prima lettera nata da quella apprensione, che nel primo aspetto si appresenta alla mente, e di più scritta per quanto intendo in una scorsa di penna,

195 io non me ne maraviglio punto. Ma hen mi nasce un poco di scrupolo per la seconda scritta sei giorni dopo, dove si scorge, che nè l'aver più posatamente potuto discorrere sopra il quesito, nè quel poco, che egli aveva letto nella mia decisione l'hanno rimosso dalla prima opinione, secondo la quale egli persiste in affermare, che l'esorbitanza delle stime si deva misurare dall' assoluto allontanamento dal giusto prezzo, e si fonda sopra certo politico decreto, che vuole, che nella giustizia commutativa si proceda nell'aggiustar le disuguaglianze colla proporzione aritmetica, e nella distributiva colla geometrica, e stimando egli, che la quistione proposta sia dell'attenenti alla giustizia commutativa, vuole colla proporzione aritmetica misurare la quantità dell'esorbitanze de'due stimatori, ec. Ora poichè V. S. così comanda, dovendo dire il parer mio, cominciando da questo capo, che è il principal fondamento delle due scritture, confesso liberamente di non restar capace di questo negozio, e dubito, che qui avvenga quello, che accade in molte altre proposizioni scritte da uomini comunemente stimati grandissimi, le quali non sono intese, nè sorse sono intelligibili, ma quelli, che le profferiscono, ed anco quelli, che l'ascoltano, satti creduli dall'autorità de'lor primi prolatori, simulano d'intenderle, e per non si dichiarare di capacità

197 inferiori a quelli, che le adducono, gli danno l'assenso. Ora io deposta questa sorta di ambizione, mi dichiaro bisognoso di esser fatto capace di questa materia, e resterei con obbligo grandissimo al Sig. Nozzolini, se egli col parlar più chiaramente e distintamente mi traesse di questa consusione; e la chiamo così, perchè non so, per molto che io mi ci sia affaticato, applicare al nostro proposito l'esempio, che egli nella prima lettera arrecò sotto titolo di commutazione o baratto, e che poi correggendo l'errore da se commesso mutò in una divisione di mercanzia comune; mantenendo però sempre la medesima opinione, che in cotali traffichi mercantili si debbano aggiustare le disuguaglianze colla proporzione aritmetica, e la confusione mia nasce di qua. Nella prima lettera ci propone una commutazione di lana in seta dicendo: io do a voi lana, e voi a me seta, e troviamo, che io ho dato a voi lana per ventiquattro scudi, e voi a me seta per ducati sei sc. e credendo, che la disuguaglianza di tal baratto si possa e debba aggiustare servendoci della proporzione aritmetica trova il numero mezzano tra il ventiquattro e sei, secondo tal proporzione, che è quindici, e dice, che dandomi voi tanto, che fra li sei scudi di seta, e i denari, che io ricevo da voi, io abbia quindici scudi, sa-

1.98 remo aggiustati, e però detratti nove scudi dai ventiquattro, che vi be dato in tanta lanu, e datigli a me, io fra seta e lana avrò quindici scudi, e a voi resteranno quindici in tanta lana; accortosi poi dell'errore (perchè io coll'aver dato. ventiquattro scudi di mia lana, ne ricevo solamente quindici tra denari e sela) mutò il quesito, e non fece più me padrone della lana, e sè della seta, ma pose la seta e la lana esser mercanzie comuni non più da barattarsi, ma da dividersi tra di noi Ma, Sig. Nozzolini, l'aver voi scoperto il vostro errore non vi sottrae dall'obbligo intrapreso di mostrare, come nelle permutazioni le disuguaglianze si aggiustano colla proporzione aritmetica; e sebbene la disuguaglianza del nostro haratto non veniva ristorata col risarcimento de'nove scudi, non è per questo, che in qualch'altro modo non possa esser ragguagliata: però ditemi pure come noi possiamo aggiustarci, e mostratemi ciò che abbia che fare in 'tale aggiustamento la proporzione aritmetica; e per venire alle corte, se io ho dato a voi lana per ventiquattro scudi, e voi a me seta per sei, il modo facilissimo per far ch'io abbia il conto mio, è che voi mi diate scudi diciotto di danari, che così ci saremo aggiustati: ma qual corrispondenza hanno tra di loro i numeri 24 18. 6. e come entra qui proporzione aritmetica, nè altra? Ma se noi pren-

mille e il dieci, io dico, che egli pure equivoca col supporre quello, che è in quistione. Imperciocchè il suo detto non è vero, se non supposto che dell'esorbitanza delle stime misura sia l'eccesso e il mancamento di esse stime dal vero prezzo, misurati con proporzione aritmetica, il che è quello, che io tuttavia nego, e pur questo medesimo mi dà occasione di ragionevolmente negarlo; perchè qual semplice fanciullo non resta capace e non conosce, che se io darò un sacchetto in mano a due dentrovi cinquecentocinque piastre, acciò eglino a giudizio stimino quan-Li ve ne sieno dentro, incomparabilmente esorbiterà più quello, che dirà stimare esservi dieci piastre, che quello dicesse esservene mille, perchè il peso se non altro dichiarerà lo stimator del dieci essere stoltissimo, essendo che il peso di cinquecentocinque piastre è più di libbre cinquanta, ed esso lo giudica una sola, e s'inganna di più di cinquanta tanti, ma l'altro che lo stima mille s'inganna di mendel doppio. Ma di più dico, il Sig. Nozzolini dice di aver ridotto le due esorbitanze all'egualità, quando si sacesse il prezzo del cavallo essere non cento, ma cinquecentocinque scudi: ora io gli domando, che lasci stare il prezzo del cavallo nei cento scudi, e la maggior stima nel mille, e dicami quale dovrebbe esser la stima nel meno, acciò la stravaganza fosse secondo

la sua regola eguale all'altra; qui bisogua trovare uno tanto esorbitante, che dica il giusto prezzo del cavallo parergli, che fusse questo, che il pedrone del cavallo gli facesse un fornimento, che costasse scudi 810, e poi desse il cavallo così fornito per ducati dieci, perchè così il venditore scapiterebbe scudi 900, come nell'altra stima del mille il compratore pur resta al disotto di soudi 900. Oltre a quanto ho detto mi viene ancora da considerare, come dell'equivoco in che persiste il Sig. Nozzolini ne è causa quell'istesso errore, nel quale io ancora incorsi quando V. S. la prima volta mi propose il quesito, che fu il giudicare l'esorbitanza delle stime dalla grandezza della perdita pecuniaria del compratore e del venditore del cavallo, il che è del tutto falso; perchè quando le perdite fusser misure delle stravaganze delle stime, dove non fusse perdita veruna, nè anco vi sarebbe stravaganza alcuna, e così la stravaganza delle due stime del mille e del dieci intorno alla valuta del cavallo non sarebbe nulla, se non seguisse la vendita e compra del cavallo, perchè senza queste non vi è perdita; ed in oltre nello stimare v. g. pesar mille libbre quello che ne pesa venti, o giudicare quella torre esser alta quattrocento braccia, che è alta solamente sessanta, non vi sarebbe pariente esorbitanza, perchè nè nelle braccia, nè nelle libbre vi è scapito o perdita

per nessuno. Oltre a quanto ho insin qui detto intorno alla prima lettera, mi par di soggiugnere come cosa assai notabile, che il Sig. Nozzolini chiaramente afferma prima in generale ne' trassichi mercautili non aver luogo la proporzione geometrica, ma l'aritmetica; il qual detto egli prova coll'esempio portato prima sotto nome di baratto di laua e seta, e poi corretto col mutarlo in una divisione di mercanzie tra due, il quale abbiamo già mostrato erroneo e fuori del caso: all'incontro poi egli si muove due istanze, per le quali si mostra ne' traffichi mercantili entrar l'uso della proporzione geometrica, l'una è che tutti i conti de' mercanti son fondati sulla regola delle tre cose proporzionali, e l'altra delle compagnie, delle quali tutti i ragguagli si trovano pure con la medesima regola del tre, e questi due casi non hanno opposizione alcuna, che sien traffichi e negozi mercantili, e risoluti giustissimumente colla proporzioue geometrica, e nou con altra. Or come s'è lasciato il Sig. Nozzolini persuadere, che la mercatura si governi colla proporzione aritmetica, indetto a ciò credere per un esempio erroneo e falso, e non più tosto ha detto la mercatura governarsi colla proporzione geometrica, mentre egli stesso adduce esempj verissimi, che dimostrano i più importanti e principali negozi mercantili risolversi tutti per la proporzione geometrica? Oltre che

si potevano addurre altri conti non meno principali, la risoluzione de' quali dipende dalla geometrica proporzione, come degli interessi sopra interessi, che chiamano interesse a capo d'anno, delle sei cose proporzionali, della regola del tre inversa, e per concluderla in breve io non so ritrovarė in tutti i negozi mercantili conti e ragioni alcune di momento, nelle quali abbia luogo la proporzione aritmetica, ma sì bene la geometrica. Ora venghiamo a considerare le cose contenute nella seconda lettera, dove primieramente mi pare, che il Sig. Nozzolini erri in un principalissimo punto, che è poi la radice di tutta l'equivocazione; ed è, che egli nel misurar quelle cose, della maggioranza delle quali si disputa, adopera misure inette a ciò, come quelle che differiscono plusquam genere dalle cose da misurarsi, e pur la misura dee essere della medesima specie, che la cosa misurata, perchè i tempi si misurano con un tempo, i pesi con un peso, e i prezzi con un prezzo. Ma il Sig. Nozzolioi nel giudicare qual sia maggiore esorbitanza delle due, quella che stima dugento scudi il cavallo, che veramente val cento, o quella che lo stima uno scudo, vuol servirsi per misura di una moneta, che differisce dalle disorbitanze plusquam genere. Misura atta a misurar le stravaganze è una stravaganza, e non uno scudo, una libbra, una canua;

come poi tal misura si ritrovi dirò qui appresso, dopo che averò mostrato il medesimo Sig. Nozzolini servirsi anco di tal misura inetta malamente prendendola assolutamente, e non in relazione al vero valore della cosa stimata. Considerando solamente e assolutamente i guadagni e le perdite, e la semplice disserenza tra di loro, ha giudicato peggiore stimatore quello, dalla cui stima proveniva maggior danno al compratore o venditore, e così seguendo questa regola più esorbitante stimatore sarà colui, secondo la cui stima il compratore scapitasse cento scudi, che quell'altro, alla cui stima si perdesse scudi dieci, e siano pur qualsivogliano cose quelle in cui s'investono i danari. Or tal discorso è molto erroneo per gli assurdi innumerabili, che ad esso ne vengono in conseguenza, tra' quali uno sarebbe questo, che seguitandosi tal regola potrebbe accadere, che stimatori esorbitantissimi e del tutto stolti sien degni d'esser auteposti a stimatori di acutissimo giudizio e perspicacissimo avvedimento. Io non credo, che il Sig. Nozzolini mi negherà, che se uno stimasse una noce di quelle, che se ne danno dieci al quattrino, valere uno scudo, sia un esorbitantissimo stimatore; ed all'incontro se uno nello stimare un giojello di valore di quattromila scudi, errasse di un solo scudo, credo, che dal medesimo Sig. Nozzolini, e da tutti i pe-

riti del mondo sarebbe stimato uno stimatore puntualissimo. Tuttavia se vogliamo seguire la sopraddetta regola, bisogna dire, lo stimator del giojello commetter maggior strayaganza, che quel della noce; poiche seguendo la sua stima, chi pagasse il giojello scudi 4001. resterebbe in danno uno scudo, e quello che desse uno scudo per prezzo d'una noce, perderebbe tanto meno dell'altro, quanto è il valore d'una noce, che pure è qual cosa. Ma dimostriamo più chiaramente ancora, come non si possono giudicare in modo alcuno le stravaganze delle stime senza la relazione di quelle al giusto valore della cosa stimata. Io domando al medesimo Sig. Nozzolini, quale delli due stimatori è stato più esorbitante, quello, che nello stimare l'altezza d'un monte s'ingannò di ceuto braccia, o quello che nello stimare il peso di un giovenco s'ingannò di dieci libbre. Qui non si può primieramente dire, che non ci sia in nessuno degli stimatori esorbitanza, poichè ciascheduno per difetto di giudizio stima lontano dal giusto, e il difetto del giudizio è la materia dell'esorbitanza; nè si può dire quello esser più esorbitante di questo, perchè alla stima sua segue perdita maggiore, che alla stima dell'altro, attesoché le cento braccia non vagliano nè più nè meno, nè tanto quauto le dieci libbre; dunque bisogna ridursi necessaria-mente a dire, che per giudicare della qua-

lità o quantità di tali stravaganze sia forza sapere qual fosse la vera altezza del monte, e quale il vero peso del gioveneo. Or pongasi, che la vera altezza del monte fusse 1000. braccia, e il vero peso del giovenco fusse 100. libbre. Che dirà il Sig. Nozzolini chi si sia maggiormente ingannato delli due stimatori? forse quel del monte, perchè s'iogannò di cento, che è più di dieci, che è l'inganno della stima del giovenco? Ma se dalla grandezza del numero nominato si dee attendere la grandezza della esorbitanza, e dire che è più esorbitante lo stimatore del monte, che lo stimatore del giovenco, perchè quello errò di cento, e questo di dieci, muterò il nome delle dieci libbre in centoventi once, e così quella che secondo il Sig. Nozzolini era stimata meno erronea, diventerà più erronea. Or non son queste pur troppo puerili vanità? E chi non vede, che per determinare la controversia bisogna ricorrere alla proporzione geometrica, e dire lo stimatore del monte, che errò di cento braccia, essendo l'altezza del monte braccia mille, s'ingannò della deciua parte della vera altezza, e lo stimator del giovenco, che errò di dieci libbre dal vero, che fu libbre cento, pur s'ingannò della decima parte del vero peso; adunque questi furono stimatori egualmente erronei. E applicando questo rettissimo discorso agli stimatori del cavallo si dovrà dire, perchè

lo stimatore del più errò del decuplo del vero prezzo, il qual vero prezzo su decuplo della minore stima, adunque l'esorbitanze furono eguali. E qui mi par luogo di considerare quel che dice il Sig. Nozzolini circa la proporzione geometrica, rifintandola come non accomodata a giudicare nel nostro caso, ma sì ben l'aritmetica; attesochè quella (dice egli) non ha riguardo all' identità numerica delle misure che si adoperano nel misurare, ma solamente riguarda, se le misure, qualunque elle sieno, son contenute altrettante volte o più o meno nelle cose che si misurano. Adunque, Sig. Nozzolini, se io mostrerò, che nel misurar le cose delle quali noi disputiamo, niente importi, che le misure convengano nè anche in genere, non che in ispecie o in numero, la proporzione geometrica ci potrà benissimo aver luogo. Ora negherete voi, che la stravaganza di colui che stima centocinquanta braccia l'altezza di una torre, che misurata poi si trova esser braccia cento, non sia eguale all'esorbitanza di quell'altro, che stima un vitello pesare centocinquanta libbre, che poi alla stadera si trova esser cento, e non più? Certo bisognerà dire questi esorbitare egualmente quanto al giudicare, ancorchè le misure che essi adoperano differiscano plusquam genere, servendosi l'uno del braccio e l'altro della libbre, sicchè non si può dire, che errine

egualmente; perchè tanto vagliono cinquanta braccia d'altezza, quanto ciuquanta libbre di peso. Ora finalmente da quanto sin qui ho detto, possiamo conchiudere la misura delle esorbitanze non esser quella medesima che misura le cose, ma essere in astratto una general relazione e abitudine, che ha la stima falsa verso il vero valore delle cose stimate; e così perchè le stime ne' due proposti esempi hanno ambedue relazione di maggioranza in ragione o proporzione sesquialtera verso le vere magnitudini di esse cose stimate; però si dec dire, che quegli stimatori hanno egualmente esorbitato; ed essendo la misura delle stravaganze quale abbiamo detto, secondo che la proporzione delle false stime verso il vero valore andrà variandosi, crescerà ancora o scemerà la grandezza della esorbitanza. E qui possiamo concludere, che per misurare la grandezza delle stravaganze, che son difetti di giudizio, bisogna servirsi della proporzione geometrica. e l'aritmetica servirà per misurar semplicemente le perdite, che son danni della borsa, cose differentissime dall'esorbitanze: anzi pure se vogliamo parlare più propriamente, possiamo lasciare di nominare la proporzione aritmetica, perchè nel misurar la quantità della moneta, come anco quella delle libbre, delle braccia, ec. per la quale le stime false distano dal vero valore, non ci bisogna altro, che semplicemente nu-

110 ' conoscere la deviazione dalle vere stime dover esser regolata non dalla proporzione aritmetica, ma dalla geometrica: dove ora se egli vorrà persistere nella medesima opinione, bisognerà sostenere infinite cose lontanissime da ogui ragionevol discorso, e dire, che migliore stimatore di due chiamati a giudicare a occhin quante doppie erano quelle poste in un mucchio sopra una tavola, e che veramente crano mille. su quello che disse parergli, che potessero esser due o al più tre, che l'altro che l'avesse giudicate poter essere a suo giudizio duemila; dove il primo senz'altro verrebbe subito sentenziato per iscemo al tutto di mente, ma per condannar l'altro sarebbe necessario contar la moneta, perchè l'inganuarsi del doppio può a molti accadere, ma l'errare in quattro o cinquecento doppi, è cosa da stolti affatto. Ma più bisogna, che il Sig. Nozzolini dica, che colui che stima monte Morello esser alto 10000. braccia, sia più esorbitante stimatore, che un altro che dicesse, che al suo giudizio è non solamente alto punto, maè una laguna o voragine profonda centobraccia; il che accaderebbe quando si trovasse, che la vera altezza del monte fusse un palmo meno di 5100. braccia, dal qual numero lo stimatore del 10000. si allontana 4900. braccia meno un palmo. E per: rispondere in ultimo anche alla facezia de' Beceai i quali assermano essersi egualmente ingannati nella stima del peso quei due, de' quali uno stimò centodieci quel vitello, che si trovò poi pesar libbre cento; e quell'altro, che lo stimò novanta; dico, che ciò procede perchè loro per poca intelligenza credono veramente, che egualmente s'ingannino nello stimare quelli che egualmente si scostano l'uno nel più, e l'altro nel meno dal vero peso, il che è falso, nè essi intendono il perchè; e di tal loro ignoranza, ne è causa l'esser per lunga pratica divenuti così esatti stimatori, che rare volte s'ingauneranno anche di dieci per cento, come qui fanno li due stimatori del centodieci e del novanta, perchè tra due numeri poco tra se differenti pochissima è la differenza del numero tra essi medio in proporzione aritmetica, e il medio geometricamente (come uel presente caso il medio aritmeticamente tra 110. e novanta, che è cento, poco è differente. dal medio geometricamente, che è novantanove, qualcosa di più) quindi è che la picciolezza dell'errore non si rende conoscibile alla lor poca intelligenza, che quando l'uno di quegli stimatori avesse giudicato il vitello pesar libbre dugento, e l'altro manco di quattro danari; assolutamente nessun beccajo avrebbe detto quel delle dagento libbre esser più esorbitante stimatore, che l'altro di quattro danari, che l'errar da un vitello di latte che abbia un mese, a un giovenco che ne abbia tre, è

assai più tollerabil difetto, che lo scambiarlo con un grillo; de' vitelli che pesino dugento libbre pur se ne trovano, e se ne vedono tutto il giorno, ma de' minori di un grillo non se ne son veduti giammai.

Ho detto questo, che mando a V. S. più per soddisfare al suo comandamento, che per gusto ch' io abbia di occuparmi in simili controversie, delle quali ella sa quanta occasione io abbia d'esser più che sazio. Ancorchè di quanti l'abbian voluta meco nessuno sia, che non sia restato, come si dice, a piedi. Di quel che potesse accadere al presente io non lo so, conciossiachè lo scrittore delle due lettere si mostri assai più giudizioso di quanti avversari io abbia sin qui avuti. Gradisca V. Sig. la mia buona volontà, e scusi l'insufficienza. E le bacio le mani.

Poscritta di Galileo Galilei.

desimo Sig. Nozzolini in risposta di una dell'amico nostro di Roma scritta in confermazione della mia opinione, mi è pervenuta nel serrar di questa che gli mando, e perchè potrebbe accadere, che l'amico di Roma non vedesse quanto gli viene opposto, mi pare di rispondere alcuna cosa per lui, sebben son sicuro, che egli

per se medesimo assai meglio si difenderebbe. Scrisse l'amico di Roma confutando l'opinione di chi vuol misurare l'esorbitanze cogli allontanamenti dal giusto misurati aritmeticamente; che se ciò fusse vero. bisognerebbe, che quel cavallo, che coll'eccesso nel più fusse stimato scudi dugento valendo veramente cento, fusse, per fare un'eguale esorbitanza nel meno, stimato nulla, il che è inconvenientissimo; essendochè dal cento al dugento si trova pur qualche abitudine o ragione o rispetto, ma dal cento al nulla non è abitudine nè rispetto alcuno. A questo risponde il Sig. Nozzolini concedendo prima, che stimarlo nulla sarebbe veramente non solo una stravaganza maggiore dello stimarlo dugento, ma uno sproposito e mera stoltizia; e che per trovare una stravaganza, la quale nella stima del meno pareggi l'altra del più, quando è di dugento, bisogna domandare due cavalli per cento scudi, ma accortosi, che il dir così viene a esser direttamente contro di se, perchè servando la proporzione geometrica viene a stimar un cavallo cinquanta scudi conforme a che diciamo noi, soggiugne ciò non essere uno stimare i cavalli cinquanta scudi l'uno, ma un voler pagare uno dei cavalh ducati cento, e l'altro nulla. Or qui lascio stare, che il Sig. Nozzolini sarà unico al mondo in dar cotal senso stravolto alla sua risposta, e gli domando in qual

Ma facciamo ancora più manifesto l'equivoco con pigliar altra sorta di stime. Se uno stimasse alta dugento braccia una torre, che veramente fusse alta cento, con qual esorbitanza nel meno pareggerà il Sig. Nozzolini l'altra nel più? Già il dire, che non è alta nulla vica giudicato uno sproposito da stolti; adunque egli dirà, che due di tali torri farebbero un'altezza di cento braccia, ma che non per questo sarebbero, Sig. Nozzolini, l'una braccia cento, e l'altra braccia nulla? ma che torre sarà questa senza altezza alcuna? vanità estreme, e fughe miserabili.

stima de' dugento ducati.

Aveva nel secondo luogo l'amico di Roma per contermazione della nostra opinione argomentato così. Uno, che stimasse scudi centonovantanove il cavallo che val cento, si allontana dal vero quanto un altro che lo stima uno scudo, intendendo secondo la proporzione aritmetica; tuttavia la stravaganza di questo è tanto maggior dell'altra, quanto secondo lo stile di mercatura quaudo il cento diventa centonovantanove si guadagna novantanove per cento, dove che nell'altra stima quando l'uno diventa cento, il guadagno è di 9900. per cento. Qui grandemente si maraviglia il Sig. Nozzolini; dice obe l'amico s'inganna, ed in somma rafferma nell'addottq esempio la perdita ed il guadagno esser simili; perchè siccome la stima del centonovantanove guadagna novantanove per ceuto, così in quella dell' uno si perde purs novantanove per cento, che però il conto torna giustissimo iu confermazione della sua opinione; soggiugue in modo alcuno non potersi da altre stime ritrarre gli utili e le perdite, quali l'amico di Roma afferma ritrarsi. Qui io rispondo quel che già più volte si è detto, che non la quantità de guadagni e delle perdite è misura della quantità e grandezza delle stravaganze delle stime; e benchè nella stima del centonovantanove si guadagni effettivamente novantanove, e che in quella dell'uno si perda pur novantanove, non è per questo, che il vantaggio del mercante nel trafficar cento scudi, sicchè diventino cento-

novantanove, sia eguale al disvantaggio dell'altro, che col medesimo capitale si riduce a uno (i quali vantaggi e disavvantaggi rispondono all' esorbitanze delle stime, come quelli che dependono dal più o meno giudizio e perizia nel negozio). Che se gli assoluti gnadagni e perdite dovessero essere misura della perizia e vantaggio, e della imperizia e disavvantaggio nel negoziare, converrebbe, che quello che trassicando mille scudi si conduce a due mila fusse giudicato miglior negoziante di quello, che negoziandone cento si conducesse a mille, essendoché questo guadagno è novecento scudi, e quello è mille. Tuttavia ciò non è vero, anzi questo è tanto più perito negoziatore, quanto il guadagnare novecento per cento è più vantaggioso negozio di quello dove si guadagna cento per cento, che è il medesimo che guadagnar mille per mille. Se poi lo scapitare dal cento a uno, sia (come dice l'amico di Roma) per appunto simile al guadagnare 9900. per cento, io non lo so, crederò bene, che venendo scritto da persona molto intelligente, ne abbia la sua dimostrazione. Ma per quanto appartiene al presente negozio, a me basta mostrare, che l'imperizia e disavvantaggio nel trafficare di quello, che da cento si riduce a uno, sia assaissimo maggiore della perizia di quello, che negoziando da cento si riduce a dugento, il che proverè così. L'imperizia nel trassicare di quello, che da cento si riduce a uno, è assaissimo maggiore di quello, che negoziando da due si riduce a uno. E l'imperisia di chi da due si riduce a uno mi pare assai simile alla perizia di chi negoziando da uno si conduce a due, e però l'imperizia di chi da cento si conduce a uno sarà assaissimo maggiore della perizia di chi da uno si conduce a due, la qual perizia è la medesima, che quella di colui, che negoziando con cento si conduce a dugento; adunque l'imperizia di colui, che con cento si riduce a uno, è assaissimo maggiore della perizia di quello, che

con cento si conduce a dugento.

Segue appresso il Sig. N. e digredendo alquanto soggiugne in confermazione di quello ha detto nell'altre due lettere, parergli, che la stravaganza nello stimare sia la medesima, che quella del comprare e vendere, e però lasciato da parte lo stimatore considera ciò, che accade nelle vendite e nelle compre, dove se io vi fo pagare centoventi soldi uno stajo di grano, che vaglia veramente cento, per ristorare il vostro danno debbo un'altra volta darvelo per soldi ottanta, e se io vi avessi fatto pagare mille soldi uno stajo, non vi ricompenserei con darvene poi uno stajo per soldi dieci; ma siccome io volli prima per un solo stajo il prezzo di dieci etaja, converrebbe, che poi dessi a voi staja dieci pel prezzo di uno stajo. La ri-

sposta a questo è di già manisesta nella lettera, dove ho mostrato la misura delle stravaganze esser diversissima da quelle con che si misurano li scudi, le braccia, le libbre, ec. E nel presente caso il rendere al compratore quello, che dette sopra più, persuaso da una stima esorbitante ristora bene il suo danno, ma non medica punto l'escrbitanza della stima, la quale è incurabile. Se la grandezza dell'esorbitanza susse la medesima, che la grandezza del danno, dove fusse il medesimo danno, sarehbe anco la medesima esorbitanza; e perchè il restituirmi un soldo ristora il danno fattomi dal venditore nel farmi pagare centun soldo una oncia di zasserano, che valeva solamente cento, e colla restituzione di un soldo son risatto del danno, che ricevei dal venditore mentre pagai due soldi un limone, che valeva un soldo, e nou più, si dee però dire l'esorbitanza nello stimar centuno quel che valeva cento, esser eguale a quella, che valuta due quel, che val uno? E chi è così cieco, che non veda, che se io rinvesto i miei danari in zasserano, perderò solamente uno per cento, e se io gli rinvesto in limoni, perderò cinquanta per cento? Dove il Sig. Nozzolini dice la stravaganza dello stimare esser la medesima, che quella del comprare e vendere, meglio era dire essere la medesima, che l'inganno nel comprare e vendere. E perchè quello, che mi vuol far pagare soldi due i limoni, che vaglion solamente un soldo l'umi vuole ingannar del doppio, e quel del zasserano si contenta del guadagno di uno per cento; però tanto quanto l'inganno di quello è maggiore, di tanto la sua stima si dee dire esser più esorbitante. Ho detto di sopra, che il restituire il soprappiù ristora il danno al compratore, ma non emenda la stravaganza dello stimatore, la quale dissi esser incurabile; il che maggiormente si manifesta con figurar la stravaganza nella stima di altro, che di prezzi. E che ciò sia vero, dicami il Sig. Nozzolini, in qual maniera egli emenderà la stravaganza della stima fatta sopra l'altezza di una torre, che essendo alta solamente cento braccia, fu stimata centottanta? Dirà forse egli tale esorbitanza correggersi quando un'altra simile fusse stimata alta braccia venti. A me pare, che chi dicesse così, non solo non emenderebbe la prima esorbitanza, ma ne commetterebbe un'altra maggiore.

A quello, che il S. Nezzolini dice per aggiugner chiarezza alla sua verità, che è, che quando si esorbita nel più e nel me-no celli medesimi nomi di parte o di multiplice, sempre si trova la proporziane aritmetica, e che egli esemplifica di sendo, posto che una cosa vaglia dodici,

e che uno se ne allontani nel più per un sesto, e un altro nel meno pure per un sesto, ne vengono i due numeri quattordici, e dieci, dove apparisce la proporzione aritmetica, dico, che questo è tanto vero quanto il dire, che i numeri posti in proporzione aritmetica, sono posti in proporzione aritmetica, e che ciò sia. Definischiamo, che cosa sia il disporre i numeri in proporzione aritmetica, e si vedrà chiaramente dispor numeri in proporzione aritmetica essere l'ordinarli con differenze eguali fra di loro, cioè por tra di loro l' istesso numero, ma la medesima parte di un numero è sempre l'istesso numero (come per esempio la sesta parte di dodici è sempre due) adunque tanto è dire, por tra essi la medesima parte di un numero, che por tra essi il medesimo numero; talchè io non intendo, che guadagno ci apporti il nominar di parti ec. Ma posto che alcuna novità o acquisto ci fusse, io non però resto capace, come, perchè l'aggiugnere e il sottrarre la medesima parte dispone i numeri in proporzione aritmetica, ne debba in conseguenza seguire, che l'esorbitanza delle stime si abbia a regolare colla proporzione aritmetica. Questo è un tornare a suppor sempre di arbitrio quello, che tuttavia io niego, ed è in quistione. E qui di puovo le bacio le mani.

Lettera del Nozzolini.

Per mano del fattore di V. S. ho ricevuto il libro, ed insieme le opposizioni del Sig. Galilei, alle quali risponderò brevemente per obbedire a V. S. Io non so con quale intenzione ella mi faccia scrivere sopra tal materia, nè a me tocca il ricercarla, so bene che oltre all'obbedirla, che la mia intenzione in questo caso non è se non d'imparare. Se io stessi in Firenze, cercherei ogni occasione di poter. praticare col Sig. Galilei per apprender sempre qual cosa da suoi dotti ragionamenti. Poiche ciò non mi è conceduto, ora che mi è nata occasione di ragionar seco per lettere, la piglio volentieri per la causa detta; se poi egli ne riceva briga e perdimento di tempo nello scrivere, bisogna, che egli abbia pazienza. Gli uomini ricchi hanno sempre molti poveri all'uscio, e bisogna, che lo comportino, e cosi le persone dotte sono infastidite da quelli, che cercano d'imparare da loro. E quanto a quello, che V. S. mi dice di aver operato, che in questa sua lettera sia taciuto il mio nome, forse per mia ricoperta, poichè in essa spesse volte vien replicato, che le cose, che io ho detto sone sciocche, vane, puerili, erronee, inette, stoltissime, e altre simili parole, io rispondo, che non occorreva avermi questo rispetto; io non mi sdegno, che da lui mi sia detto così, perchè sapendo io, che il mio sapere è piccolissimo, e il suo è in altissimo grado, non mi ho da vergognare, che da lui mi sieno date quelle riprensioni, che meritamente si vengono alla mia ignoranza: per tanto venendo ora al proposito delle opposizioni fattemi rispondo così.

La prima veramente non è opposizione, ma è una domanda, che io spieghi e dichiari in che modo la proporzione aritmetica entri negli atti della giustizia commutativa, cioè nel vendere, comprare, barattare, prestare, ec. attesochè a lui pare, che detta proporzione aritmetica non abbia cosa alcuna che fare con simili faccende. Questo fu da me esplicato, ma brevemente nella prima lettera, ora per soddisfare a tal domanda, la qual mi vien replicata più di una volta con lunga solennità di parole, bisogna ch'io l'esplichi un poco più a lungo.

Aristotile nel quinto libro dell' Etica al capitolo terzo dichiara, che la proporzione geometrica si osserva in quella parte di giustizia, che si chiama distributiva, alla quale si appartiene giustamente distribuire i premj e le pene, le pubbliche

imposizioni, gabelle, e retribuzioni a ciascuno, non già con indifferente egualità, ma con tal proporzione, che come si ha merito a merito, così si abbia retribuzione a retribuzione. E dichiarando come si chiami questa tal proporzione dice così. Hanc vero proportionem Mathematici Geometricam vocant. Ma nella giustizia commutativa questa proporzione geometrica non ha luogo, ma sibbene l'aritmetica, come chiaramente insegna il medesimo Aristotile nel medesimo libro quinto al capitolo quarto dove tratta de jure commutativo, e dice così. Jus vero quod in commerciis est, non illa constat proportione, sed arithmetica. E questo va poi di sotto dichiarando con molte ragioni ed esempj. Per soddissazione della sopraddetta domanda, se io non aggiuguessi altro, credo che questo mi potesse bastare; nondimeno non mi parrà fatica seguitar più oltre cogli esempj per maggior manisestazione di questa cosa.

Di questo, che di sopra si è detto, io nella prima lettera posi questo esempio. Suppongasi, che noi facciamo una divisione di mercanzia comune, voi avete roba per ventiquattro scudi, ed io per sei, nell'aggiustare questa disuguaglianza se noi la riducessimo alla mezzanità geometrica, cioè alli dodici, colui, che avesse dodici resterebbe aggravato, perchè essendo tutta la mercanzia trenta, mentre che uno ne ha dodici, l'altro n'ha dicidotto, ma

se noi la riduciamo alla mezzanità aritametica, cioè alli quindici, ciascuno avrà il conto suo; è vero, che questo tale esempio fu allora per inavvertenza da me chiamato baratto, ma poco dipoi corressi l'errore; per tanto non posso negare, che non mi sia alquanto paruto duretto, che il Sig. Galilei avendo veduto la correzione, in ogni modo più di una volta sia entrato a biasimare detta inavvertenza. Che occorre ferire i morti? Che accade confutare quello, che da me è stato reprobato e corretto? Parevami, che ciò si potesse facilmente dissimulare, ma transeat.

Presi questo esempio di divisione di mercanzia comune, perchè più facilmente vi si vedeva questa verità, ma non è per. questo, che la medesima proporzione aritmetica non entri anco non solo nelle compre, ne'baratti, nelle prestauze, e altre commutazioni volontarie, ma ancora uelle involontarie, come sono l'usurpazioni, l'ingiurie e l'offese, nelle quali in qualche modo entra'i jus commutativo: allora non mi posi a ciò esplicare, per evitar prolissità, ma ora per obbedienza non guarderò a questo. Nel predetto capitolo quarto ci insegna Aristotile, che nella giustizia commutativa non si ha rispetto a dignità o merito di persona, ma tutti si stimano eguali, e quando uno vende o baratta, non ha a riavere più o meno del giusto per esser più ricco o più nobi-

le, ma ogni cosa si ha a ridurre all'egualità, come se noi fussimo tutti del pari. Ora quando noi venghiamo a contrattare insieme, ci abbiamo a stimare eguali. Però dichiamo per esempio, che io voglia dieci, e voi dieci. Subito che contrattiamo io do a voi o in vendita o in baratto o in prestanza, o in altro modo sei della mia roba, voi diventate di sedici, ed io di quattro. Qui bisogna aggiustare questa inegualità; se noi ricorriamo alla mezzanità geometrica, cioè all'otto, col restituirmi quattro io non avrei il mio conto; nè anco è dovere, che avendo voi dodici più di me, vi si tolga tutto quel dodici per darlo a me, perchè io diventerei di sedici, e voi di quattro, e così tornerebbe la medesima disuguaglianza; ma riducendosi al numero, che tra il sedici e il quattro è mezzano aritmetico, cioè al dieci, allora sarà fatta la giusta agguaglianza.

Aristotile in detto luogo per mostrare, che nelle commutazioni tutti gli uomini si stimarono eguali, quando vuole
esemplificare, assomiglia i contrattanti a
due linee eguali: v. g. supponghiamo, che
A B, ed E H, (Fig. Lvi.) siano due contraenti eguali, e per via di alcuna comnutazione da A B si levi la parte C B,
e si aggiunga all' E H, che crescerà in E
M. Per aggiustare questa disuguaglianza si
ha da trovare il mezzo aritmetico tra E

226

M, e C A, il quale sia D D, e questo è quello, che si chiama il giusto, e poi dall' E M si ha da tagliare non tutta quella parte con che supera la A C; ma solamente tutta quella con che supera il giusto D; però tagliandone H M, ed aggiugnendola ad A C, essa ritornerà A B, come

era prima.

In oltre pone altri esempj negli atti involontari dell' offese e dell' ingiuria, e chiama l'offendere acquisto, e l'esser offeso perdita, la qual vien poi dal Giudice stimata o in danari o in altro, per poter ridurre la cosa all'egualità; onde, come dice qui Eustrazio nel comento, pare che il giudice chiami a se l'offenditore dicendo: voi eravate prima del pari, v. g. tu eri quindici, ed egli quindici. Ora per l'offesa, che tu gli hai fatta, la quale da me è stimata nove, tu sei diventato ricco di ventiquattro, ed egli è restato povero di sei. Ora bisogna ridurre la cosa al giusto, il quale è mezzo fra questi due ingiusti ventiquattro, e sei, se egli fusse mezzo geometrico, cioè dodici, non si farebbe la debita uguaglianza, ma sibbene col pigliar mezzo aritmetico. Ed in questa maniera Aristotile ed i suoi comentatori dimostrano la giustizia commutativa governarsi colla proporzione aritmetica, ec.

Ora non pare a me, che mi resti altro da fare se non mostrare, che l'aggiustamento della disuguaglianza delle stime

si appartenga alla giustizia commutativa, e per conseguenza si serva della proporzione aritmetica. Questo assai efficacemente pare, che si possa provare coll'uso inveterato comunemente accettato da ognuno, Quando si radducono due stimatori alla stima di alcuna cosa, v. g. di un podere, e che avute tutte le debite considerazioni sono in differenza, per esempio di cento scudi, e non si vogliono accordare; allora si chiama un terzo, al quale se apparirà alcuna ragione da appressarsi più all'uno, che all'altro, la dirà, ed accomoderà il negozio. Ma posto che a lui non apparisca alcuna probabile ragione contro alcuno di loro, si vede, che secondo un usitatissimo costume questo chiamato dà in quel mezso colla proporzione aritmetica, e non a torto, perchè non gli apparendo alcuna evidente ragione in favore più dell'uno che dell'altro, perchè debb'egli accostarsi più all'uno, che all'altro? Onde nel caso nostro, se li due stimatori del dieci, e del mille stessero ostinati, e si desse loro un tal terzo, che non vedesse cosa alcuna, che lo persuadesse ad approvare più l'una stima che l'altra, che altro farebbe egli se non dare in quel mezzo? per qual ragione si debb' egli accostare più al dieci, che al mille? Queste ragioni prese dall' uso comune conservato sempre insino da' nostri antichi, appresso di me sono di grandissimo momento. E però io stimo assai ben provata questa cosa. Conosco,
che io dovrei fermar qui il mio ragionamento, perchè se le cose dette son vere,
tutte l'altre opposizioni cascano a terra,
e se elle non son vere, non saranno anco
di momento alcuno quelle, che io sia per
dire; nondimeno per esercizio litterario
andrò seguitando l'altre opposizioni.

SECONDA OPPOSIZIONE.

Mi si oppone, che io abbia mal determinato, che la divisione di mercanzia appartenga alla giustizia comcomune mutativa, perchè secondo lui appartiene alla distributivà. Rispondo, che la giustizia distributiva colla sua proporzione geometrica ha riguardo al valore e al merito delle persone, e dove trova diversità di merito, non distribuisce mai egualmente. Ma quando due mercanti dividono una mercanzia comune, se l'uno di loro avesse più prerogative, che non furon mai, non avrà mai nella divisione pur un quattrino più della metà. E qui non dirò altro.

TERZA OPPOSIZIONE.

Quando io diceva, che le due stime del dieci e del mille sarebbono egualmente stravaganti, quando il giusto prez-20 fusse cinquecentocinque, dice, che questo sarebbe vero quando la stravaganza delle stime si pigliasse dalla lontananza dal giusto prezzo, ma ella si dee pigliare dall'esorbitanza. Per rispondere a questa cosa bisogna, che io mi rifaccia un po' più da alto. Quando V. S. mi propose il presente dubbio, me lo propose con queste precise parole: una cosa val veramente cento scudi, da uno è stimata mille scudi, e da un altro dieci scudi, si domanda chi abbia di loro stimato meglio, e chi abbia fatto manco stravaganza nello stimare. Quanto a quelle parole, meglio stimato, mi pensava, che migliore stimatore si dovesse interpretare come nell'altre cose, v. g. miglior tiratore di arco, di balestra o di stioppo si chiama chi col tiro più si appressa al bersaglio; miglior giuocatore di pallottole o di trucco colui, che caeteris paribus si appressa più al segno: e con questi mi pareva che avesse conformità il caso nostro, e però migliore stimatore fusse quello, che più si appressa al giusto prezzo della cosa: considerando quell' altra

parola di stravaganza, pensava, che stravagare non volesse dir altro, che andar vagando fuori di qualche cosa, e che tanto maggiore o minore fusse la stravaganza, quanto più o meno altri si allontanasse da quella tal cosa, il qual significato veniva a tornare il medesimo come quel di sopra. Ora questa stravaganza vien chiamata esorbitanza, e guardando io di cavare dalle parole di questa scrittura quel che da lui sia inteso per esorbitanza, mi par di raccorre, che non voglia dir altro, che sciocchezza e balordaggine; poichè quando il Sig. Galilei biasima una di queste stime esorbitanti, le chiama sciocche, stolte, e da uomo cieco di mente, e con altri simili vocaboli, sicchè il ricercare quale stima sia più esorbitante, non vorrà dire altro se non quale stima sia più sciocca, e balorda.

Prima che io passi più oltre intorno alla sciocchezza e balordaggine delle stime, io voglio supporre quello, che si suppone della sciocchezza e balordaggine delle dispute dialettiche. È vero, che il dialettico professa di disputare con qualunque di qualsivoglia problema, ma discaccia dalle sue dispute quegli, che affermassero cose tanto empie, che meritassero gastigo; come chi negasse, che Dio sia buono, o che il Padre si debba onorare, e altre simili, ovvero negasse cosa tanto chiara, che quel tale mostrasse di esser privo di sentimento,

come chi negasse, che la neve fusse bianca, o che il fuoco fusse caldo. Nel medesimo modo tengo, che non si debba aver considerazione di quelle stime, che senza alcuna scusa mostrino, che lo stimatore sia privo di cervello, come sarebbe, che uno vedendo scoperte sopra una tavola diecimila doppie, dicesse, che fussero una o due, ovvero che Montemorello gli paresse una laguna, e che un vitello pesasse quanto un grillo, o che cinquecentocinque piastre fiorentine pesassero una libbra, o altre simili: però da simili sciocchissime stime non voglio, che si piglino argomenti contro di me. Però da certi estremi non si può giudicare della natura della cosa; sebben si vede, che una gocciola di acqua sta rotonda come una palla sopra un mattone, ovvero sta pendente da un tetto senza cadere, non si può poi arguire, che un baril d'acqua sia per fare il medesimo. E sebben nelle precedenti lettere ho ragionato di quegli stimutori, che stimano uno scudo, ovvero dieci quel cavallo, che val cento, nondimeno ho supposto, che questi conoscessero qualche probabil cagione di stime così basse, come dire, pensassero, che quel cavallo avesse tale infermità, che in breve diventasse una carogna, o che dovesse morire la sera medesima, o altre simili. Avendo dunque per nostro supposto scacciato da nostri ragionamenti queste sciocchissime stime, noi vedremo che la

stravaganza non vuol dir altro, che lontananza dal giusto, il che appare così. Quando 10000. doppie da uno stimatore son giudicate due, e da uno 20000., sebben è più vicino al vero quel di due, che quel di 20000. nondimeno confesso, che sarà più sciocco. Ma partiamci da questi estremi, non mi si argomenti da una gocciola di acqua a un barile: sia lecito a me quello, che è lecito a ogni disputante, partansi da noi questi sciocchissimi stimatori, e parliamo di due stime più giadiziose; una cosa, che vale sessantacinque da uno è stimata sessanta, e dall'altro settanta, qui non è esorbitanza nè sciocchezza; ora se il giudizio della stima non si ha da pigliar dalla vicinanza del giusto, da qual altra cosa si avrà egli a pigliare? si vede pure, che quella stravaganza vuol dir lontananza dal vero, poichè in tutte le stime è stravaganza, o poco o assai, ma non già in tutte è sciocchezza. Ora se il giudizio di queste due stime di sessanta e settanta si piglia dalla vicinanza del giusto, perchè non avverrà il medesimo anco nell'altre?

In oltre supponghiamo, che si disputi del peso di una cosa, che in verità pesi libbre sessanta, e da uno sia stimata libbre cinquantacinque, e dall'altro cinquanta, qui ambidue hanno stimato meno, e pure si dà la vittoria a chi più si appressa al giusto. Se quella cosa fusse in verità pesata quaranta, amendue avrebbon detto più, e nondimeno sarebbe stimata migliore quella stima, che più si appressasse al
giusto. Ora se quando amendue pendono
nel più, ovvero amendue nel meno, si
misurano le stime colla vicinanza del giusto, qual sarà la cagione, che quando un
pende nel più, e l'altro nel meno, non
si abbia a osservare il medesimo ordine?

In oltre io considero le parole del dubbio proposto, dove dato, che uno stimi dieci, e uno mille quel che val cento, si domanda due cose, una chi abbia meglio stimato, l'altra chi abbia fatto minore stravaganza. Quanto a quel meglio stimato dico così: dove è il buono e il meglio, bisogna ancora, che sia l'ottimo, perchè dove è una cosa buona, e poi un' altra migliore, se non si terminasse nell'ottimo, si darebbe il processo in infinito; trovato l'ottimo, gli altri buoni tanto sono stimati migliori, quanto più s'appressano all'oltimo, nelle stime l'ottimo, è il giusto, adunque quanto l'altre stime manco s'allontanano dal giusto, tanto saranno migliori, sicchè la lontanauza dal giusto determina quel meglio stimato.

Ora se il fare manco stravaganza fusse il medesimo, che meglio stimare, non ci sarebbe più dubbio alcuno. Qui io voglio credere, che siano cose diverse, acciò io non noti di superfluità il propositore del dubbio, che abbia satta la medesima

234 domanda due volte, ovvero in due modi. Però è verisimile, che si debba distinguendo dire, che delle stime alcune sono vicine al giusto, ed alcune molto lontane, e che queste seconde sieno chiamate le stravaganti. E che il detto propositore abbia veduto, che amendue le stime sieno molto lontane, e però abbia domandato quale di loro sia manco stravagante. Per determinare il vero in questo caso parmi, che si debba di nuovo distinguere dicendo, di queste stime stravaganti alcune hanno la loro stravaganza chiara, manifesta, ed espressissima ai sensi senza alcuna probabil cagione di tanta sciocchezza, come chi stima due quelle doppie, che son 10000. Alcune altre hanno la loro stravaganza più coperta, e con qualche probabil ragione, come chi vedendo una balletta di piombo, che pesa dugento libbre, pensando che sia stoppa, la stima dieci. Se noi parliamo di queste seconde, dove sia bisogno venire al pesare, misurare o contare, dico, che in queste procedono benissimo tutti i miei ragionamenti fatti di sopra; perchè a che effetto si vien egli al peso e alla misura se non per vedere chi più si sia appressato al giusto? Se noi parliamo di quelle prime esorbitanze sciocche, che di queste niuno Artesice o Scientisico dovrebbe parlare o dar regola, perchè debbono essere scacciate dagli nomini giudiziosi, quando mai viene in disputa se un grillo pesi quanto un vitello, o se monte Morello sia una laguna? ma caso ch'e' se ne debba ragionare, per isminuzzare anco un po' più questa faccenda, io voglio farne un'altra divisione dicendo, di queste esorbitantissime stime alcuni hanno l'esorbitanza manifesta da una parte sola o del meno, o del più, come quella delle 10000 doppie stimate due nel meno, e 20000 nel più, dove apparisce più sciocchezza nel meno, che nel più. Alcune altre hanno la sciocchezza manifesta dall' una e dall' altra parte, come se il Gigante di piazza fusse stimato un braccio nel meno, e alto quanto il palazzo nel più, nelle quali amendue stime si vede apertissima la stoltizia. Se noi parliamo di quelle da una parte sola, dico, che da quella parte sempre apparirà la sciocchezza non solo in proporzione aritmetica, ma anco in geometrica. Do questo esempio; io sto appoggiato a una torre alta trenta braccia, e la stimo, e dico, che essa non è niente alta più di me; e un altro dice, ch'ella è alta trecento braccia; qui è la proporzione geometrica, e nondimeno la mia stima sarà sempre terruta più sciorca, perchè senz'altra misura si vede, che io dico un estremo sproposito; dove a voler vedere di quell'altro bisognerà venir alla misura. Ma se noi parliamo di quelle, che hanno la sciocchezza dall'una e dall'altra parte, dico, che poichè in queste la stravaganza e la sciocchezza non decide la questione, bisognerà venire alla misura del gigante e del palazzo, e guardare quale delle due stime si sia più appressata al vero; sicchè in tutti i modi pare, che la cosa torni qua, che la stravaganza delle stime s'abbia a misurare colla vicinanza del giusto.

QUARTA OPPOSIZIONE.

Questa proposizione è intorno al ritrovar le stime coll'eccesso del meno corrispondente all'eccesso del più in proporzione aritmetica. Mi è domandato così: quando il cavallo di cento scudi sarà stimato nel più mille, qual sarà la stima del meno? A questo rispondo, che senza fare a quel cavallo una covertina sì ricca, ci è un altro modo col dir così: come tu per un cavallo chiedendo mille scudi vuoi dieci prezzi, e così io per un prezzo solo voglio dieci cavalli, e però stimo, che dieci cavalli vagliano cento scudi, e questo non perchè io stimi, che essi vagliano dieci scudi l'uno, ma per avere sopra dieci cavalli quella tanta stravaganza nel meno, che corrispondesse a quella del più. Questa medesima domanda fece l'Amico di Roma, dicendo, se il caval di cento susse

stimato dugento nel più, a volerlo con pari proporzione stimar nel meno, bisogna dire, che egli vaglia nulla. A questo io risposi, che senza venire a questo sproposito del nulla, ci era un'altra via col dire, che così come tu chiedendo dugento, chiedi due prezzi per un cavallo, così io per un prezzo chiedo due cavalli, stimando che due cavalli vagliano cento scudi. Ora dal Sig. Galilei nella Poscritta mi viene opposto, che io abbia messo in campo l'offerta del nulla; leggasi la mia terza lettera, non si troverà, che io dica questo; anzi per non aver a discender a questo di stimar nulla un cavallo, ho trovato l'altro modo di chiedere e stimar due cavalli cento scudi: è beu vero che io soggiunsi, che in questo modo di stimar cento due cavalli vi era nascoso il nulla, ma non già aperto e spropositato, come sarebbe dicendo, io stimo nulla questo cavallo; perchè mentre io stimo due cavalli cento scudi, non vedo, che si faccia alcuna menzione del nulla; però tutto quello che nella poscritta è detto contro di me in questa materia, è detto a torto, per non aver ben guardato la mia lettera.

QUINTA OPPOSIZIONE.

Mi oppone, ch'io abbia detto, che la stravaganza delle stime si abbia a pigliare

dalla perdita pecuniaria, e però in quelle dove non sia perdita pecuniaria, sebben sieno stravagantissime, a mio detto non sarà errore nessuno. Io ho guardato un po' di bozza, che io ho quassù della mia prima lettera, e non ci trovo questa cosa; ma io voglio concedere, ch' ella ci sia, e rispondo, che io non considero quella perdita pecuniaria se non quanto ella è lontana dal giusto, dalla qual lontananza tengo che si debban giudicare le stravaganze delle stime.

SESTA OPPOSIZIONE.

Fa istanza, che tutti i conti de' mercanti son fondati sulla regola del tre, e però malamente io ho scacciato la proporzione geometrica dai traffichi mercantili. Rispondo, che è vero, che nel trovare i prezzi di tutte le cose, l'acquisto de' cambi e ricambi, nel ritrovare il merito di ciascuno, che ha capitale nella compagnia, e nel ritrovare tutte le difficoltà de' conti de' mercanti si adopera la proporzione geometrica, ma nelle suddette azioni non consiste la commutazione, quando noi verremo all'atto di commutare e di aggiustare i nostri debiti, allora ci entra la proporzione aritmetica. Piglio questo esempio. Quando voi mi vendete trenta libbre di seta, mentre che si va cercando per ora colla regola del tre, a lire venticinque la libbra, quanto varranno libbre trenta, noi non siamo ancora nella commutazione; ma quando si sarà trovato, che io sia debitore di lire 750. e che noi verremo all'atto di pareggiarci, allora si fa la commutazione, e qui si adopera la proporzione aritmetica nel modo che ci ha insegnato Aristotile.

SETTIMA OPPOSIZIONE.

Mi risponde, che a voler giudiçar le stravaganze delli due stimatori del mille e del 10 io adoperi per misura una moneta, ed io rispondo, che così si dee fare; le misure hanno a esser convenienti al misurato; qui si tratta di misurar queste due lontananze dal giusto, che consistono in danari, e perciò ci vuol misura di moneta; quando si tratta di stime, che consistono in braccia, si adopera il braccio, quando in barili, si adoperà il barile, e così in tutte l'altre, stando sempre fermo qui, che queste stravaganze s'abbiano a ponderare secondo la lontananza dal giusto, e secondo che sarà questo giusto o moneta o tempo o linea o superficie o altra cosa, se gli hanno ad appropriare le sue convenienti misure.

OTTAVA OPPOSIZIONE.

In quest'ottavo luogo con una sola cauzione mi difenderò da molte opposizioni a un tempo; la cauzione è questa. lo non voglio uscire della quistione proposta, la quale è fondata sulla considerazione di due stime di una cosa sola; e però quello che mi si opporrà intorno alle stime di cose diverse, non ha che fare col nostro proposito; tutto quello che io ho detto, determinato e concluso, è in considerare due stime d'una cosa sola, i quali detti non si posson poi verificare in diverso proposito, quando si va comparando insieme stime di cose diverse; però tutti quegli inconvenienti, che sono addotti da lui quando va comparando insieme la stima della noce e del giojello, la stima del monte, del vitello, la stima della torre e del giovenco, non hanno che fare niente contro di me; a me basta, che i miei detti si verifichino nelle due stime di una cosa sola; se poi in altro proposito patiscono difacoltà, non ha a parer maraviglia.

NONA OPPOSIZIONE.

La nona opposizione è intorno a colui, che vedendo 10000. piastre sopra una tavola, le giudicasse due o tre. La decima di quello che giudicasse monte Morello una laguna, alle quali non intendo di rispondere, per la ragion detta nell'opposizione terza, attesochè di simili sciocchissime stime non si dee entrar in disputa.

DECIMA OPPOSIZIONE.

Questa è intorno all'uso comune, che ordinariamente si suol conservare nella decisione delle dispute di simili stime, il: qual uso fu da me esemplificato coll'esempio delle scommesse, che i beccai soglion fare a chi più s'appressa alla vera stima del peso di alcun voro animale, dove so l'uno dirà quarantotto, l'altro dodici, solo il trenta è lasciato di parità, ma da' trenta. in giù la vittoria è del dodici, da quivi in su del quaruntotto, e mon si è mai veduto, che in simili casi si vada cersando mezzanità geometrica. Contro a questo mi sono dette dae cose, l'una che quelli, che così giudicano sono ignoranti; il che quando sia vero, comprenderò una grandissima parte degli nomini di questo mondo, che pur fanno professione di giudicar bene in questo caso; l'altra, che questi beccai, come esperti e pratichi in simili scommesse, si appressano colla stima al vero peso, e se una cesa sarà cento libbre, a discostarsi molto, l'uno dirà novanta, e l'altro 110. ma in questi due numeri poca disserenza Galileo Galilei Vol. X.

è dal mezzo geometrico all'aritmetico, e questa poca disserenza non è da loro considerata, però se ne stanno al mezzo aritmetico. Questo non mi acquieta, perchè se non ci susse differenza se non un'oncia sola, se fusse dovere attaccarsi al mezzo geometrico, quello a chi e' fusse favorevole per vincer la scommessa, vi si appiglierebbe. In oltre facciamo, che questi medesimi beccai vengano in disputa d'un'altra cosa a loro non tanto nota, v. g. supponghiamo, che due di costoro vedano una balletta ammagliata, e l'uno credendola stoppa la stimi libbre dieci, e l'altro credendola zecchini la stimi libbre mille, o sopra di ciò facciano scommessa a chi più s'appressa al vero. È egli da credere, che dssi fussero per lasciare il lor solito costume, e che volessero andar cercando il mezzo geometrico? io credo di 110. E ancora quando si venisse alla stadera, io non credo mai, che alcun giudice desse il torto a quel del dieci, ogni volta che si trovasse, che il vero peso fusse da 505.. in qua, e di quest'uso tanto comune e tanto approvato, come ho detto di sopra, mi pare che si abbia a fare grandissimo conto. Di quell' esempio, che qui è da lui addotto, che un beccajo stimi un vitello manco di un' oncia, non fo caso nessuno per la ragion detta di sopra all'opposizione terza, che si ha a ragionar di stima, che abbia

faccia di stima, e non d'una estrema pazzia.

UNDECIMA OPPOSIZIONE.

Seguono ora le opposizioni della poecritta, la prima delle quali è intorno a quell'offerta del nulla, della quale abbiamo di già ragionato nell' opposizione quarta, però non occorre qui replicarlo: l'altra sta intorno a un opposizione fattami nella lettera dell'amico di Roma intorno a' gnadagni e alle perdite de mercanti, la quale opposizione era questa. Quando il cavallo di cento scudi è stimato nel meno uno scudo, a servar la proporzione aritmetica dovrà nel più essere stimato 199. e così verranno questi tre numeri 1. 100. 100. ne' quali andando dalla sinistra verso la destra, cioè dall'uno al cento, e dal cento al 199., si sa due processi di guadagno, ma molto differenti, perche quando l'uno diventa cento, si guadagna 9900. ma quando il cento diventa 199., si guadagna solamente novantanove per cento. Andando poi dalla destra verso la sinistra, cioè dal 199. al cento, e dal cento all'uno, si fa due processi di perdita, ma finalmente molto diversi, perchè quando il 199. diventa cento, si perde infino a cinquanta per cento, ma quando il cento diventa uno, si perde novantanove per cento, e però questa cosa non può star bene.

A questa opposizione io diedi nella terza lettera due risposte, la prima sia questa. I guadagni del tanto per cento son fondati sulla regola geometrica del tre, e questi tre soprascritti numeri son disposti in proporzione aritmetica. Or come può da un fondamento di numeri aritmetici nascer la proporzione geometrica? queste sono spezie diverse di proporzione, e non può l'una mascer dall'altra, sarebbe appunto voler che dalle gatte nascessero i cani. L'altra risposta, che io diedi fu questa, che a voler proceder bene ne sopraddetti tre numeri, non bisogna andare da sinistra a destra, nè da destra a sinistra, ma dal mezzo agli estremi, cioè dal giusto verso amendue gl'ingiusti, cioè dal cento verso l'uno, e verso il 199., e allora saranno le perdite e i guadagni eguali, perchè quando il cento diventa uno, si perde novantanove per cento, e quando il cento diventa 199, si acquista novantanove per cento.

Ora il Sig. Galileo, lasciando stare la prima risposta, la quale io sumo la buona, dà contro alla seconda col dire, che sebben la perdita di novantanove per cento è eguale all'acquisto del novantanove per cento, nondimeno in questi due processi il mercante non apparisce egualmente perito e giudizioso. È in dimostrar questa cosa fa una lunga dimora, ma io brevemente me ne spedisco dicendo, che io non

fo caso, se il mercante in questi guadagni e perdite apparisca più giudizioso o no, che importa a me questa cosa? io dissi così per mostrare, che in qualche modo, secondo i tre numeri posti di sopra si trovava egualità di perdita e di guadagno; ma quando ancora questa mia seconda risposta non valesse nulla, io non me ne caro, pur che resti buona la prima, contro la quale non mi vien detto cosa alcuna. Quando a un dubbio fattomi io do due risposte, mi basta che me ne sia menata buona una sola, perchè in virtù di quella sola penso d'aver soddisfatto all' obbligo.

DUODECIMA OPPOSIZIONE.

Questa è intorno a un mio detto contenuto nella mia terza lettera, dove con quell' esempio dello stajo del grano, che val cento soldi, venduto una volta centoventi, e un' altra ottanta, voleva dalla egualità della restituzione argumentare all' egualità della lontananza delle stime del più e del meno. Il Sig. Galilei mi oppone due cose: prima dice, e dice bene, che questa mia ragione varrebbe se la stravaganza delle stime si misurasse colla lontananza dal giusto, ma che questo appresso di lni è falso; in questo ha ragione, in quanto che bisogna prima decidere se la stravaganza delle stime si ha da misurare

colla lontananza dal giusto o no, poi si potrà determinare se questo mio detto sia falso o no. La seconda cosa che mi oppone è, che a questo mio detto ne seguiterebbero molti inconvenienti, quali sono da lui tutti fondati sulla comparazione di stime di cose diverse; ma a questo io dico, che tutto quel che io dico, ed ho detto in questa materia, mi basta, che abbia verità nelle stime di una cosa sola, perchè di queste stime di una cosa sola ho sempre inteso e ragionato, e quello che è detto a un proposito, non è maraviglia che trovi e patisca difficultà in un altro.

ULTIMA OPPOSIZIONE.

L'ultima opposizione è contro a un altro mio detto della medesima terza lettera, il quale essendo similmente fondato sul medesimo fondamento, che la stravaganza delle atime si misuri colla lontananza dal giusto, a ragione vien ributtato dal Sig. Galilei, che tiene che questo fondamento sia falso: bisogna dunque aspettare la decisione della verità o falsità di quel fondamento, e poì si determinerà della verità o falsità di questi miei ultimi detti.

Questo è quanto mi occorre dire intorno alle predette opposizioni. E di tutti questi miei ragionamenti in tutto e per tutto mi rimetto al giudizio del Sig. Gali-

lei, il quale io onoro e reverisco e osservo con tanto affetto, che egli non ha da peusare, che questo che io scrivo sia scritto ad altro fine, che per imparare da lui. Mi sa ben male, che per conto mio abbia avuto briga di questa sua scrittura così lunga, massimamente essendo egli spesso infastidito da simili molestie, come egli dice nell'ultimo; ma pure come io dissi in principio, bisogna che egli abbia pazienza, e gli convien far conto d'esser a similitudine d'una finissima pietra di paragone, sopra la quale ogni studioso desideri dare un'arrotatura al coltellino dell'ingeguo suo per acquistarne sottigliezza e perfezione, e con questo fine a V.S. ed a lui bacio le mani.

Lettera del Nozzolini.

Pell'ultima lettera di V. S. mi vien significato come ella dubita, che la mia ultima scrittura sia per ritrovare inciampo, in quanto che l'autorità di Aristotile appresso a' Matematici moderni è di poco momento. A questo io dico, che quando mi abbia a esser opposto questo, qual cosa risponderò io. Ma intanto acciocchè la mia causa non resti al tutto priva di patrocinio, poichè per me non ha a valere ne autorità di Aristotile, ne alcuno uso in-

veterato, mi piace di addurre a mia difesa un'altra ragione, la quale io riserbava per ultimo refugio; ma poichè io vedo, che ogni altra cosa periclita, l'addurrò di presente. V. Sig. si servirà di essa secondo

che più le parrà opportuno.

Nella predetta mia scrittura mi sono affaticato in mostrare come nella nostra disputa si dee adoperare la proporzione aritmetica. Ora con una ragion sola voglio mostrare, che in nessun modo vi si può adoperare la proporzione geometrica. E per provarlo la prima cosa io suppongo, che se noi siamo appresso a una scala, e ragioniamo di salire, noi intendiamo andare dall' infimo grado verso il supremo; se noi ragioniamo di scendere, noi intendiamo andar dal supremo verso il più basso. Similmente se noi abbiamo due numeri diseguali, come otto e quattro, se noi ragioniamo di maggioranza o di tutto o di multiplice, noi risguardiamo dall' otto verso il quattro; se noi ragioniamo di parte e di minoranza, noi risguardiamo dal quattro verso l'otto. Questa cosa manifestaments ci dimostra Euclide quando nel principio del quinto libro definendo la parte dice: Pars est magnitudo magnitudinis minor majoris, cioè un rispetto della minore verso la maggiore; e poi definendo il multiplice dice: Multiplex autem major minoris, cioè un rispetto della maggiore verso la minore. Il medesimo appunto va replicando nel principio del settimo libro dove parla de' numeri. Pars est numerus numeri minor majoris, multiplex vero major minoris. In somma la maggioranza importa andare dal maggiore al minore, e la minoranza importa andare dal minore verso

il maggiore.

Dipoi io piglio le parole del Sig. Galilei dette da lui nella prima scrittura mandatami da V. Sig. nella quale era posta
la decisione del nostro dubbio secondo la
sua sentenza, dove dice così. Egualmente
deviano dal giusto quei due, che stimano
uno il doppio più, e l'altro la metà meno, uno il decuplo, e l'altro la decima
parte. E per questa ragione vuole, che qui
sia proporzione geometrica, perchè come
si ha il mille al cento, così si ha il cento
al dieci.

Ora per lo contrario io dico così, quando io considero la prima stima, che è di maggioranza, cioè del decuplo più, io vo dal maggiore al minore, cioè dal mille al cento; ma quando io considero la seconda stima, che è di minoranza, e della decima parte, io vo dal minore al maggiore, cioè dal dieci verso il cento. Ma se la cosa sta così, dove si è mai trovato, che proporzione alcuna geometrica si ritrovi tra due processi, de' quali uno vada dal maggiore al minore, e l'altro dal minore al maggiore? questo non si troverà mai. Piglinsi tutte le spezie di proporzione

geometrica raccontate da Euclide nel principio del quinto libro, e guardisi la Omologa, l'Alterna, la Inversa, la Composita, la Divisa, la Conversa, la Exæquali, la Ordinata, la Perturbata, e se altre ve ne sono, in tutte manifestamente si vedrà, che se nel primo processo si va dal maggiore al minore, nel secondo si ha da fare il medesimo; se nel primo dal minore al maggiore, nel secondo si fa il medesimo. Ma qui nel caso nostro se nel processo della prima stima si considera il decuplo più di maggioranza, cioè si va dal mille al cento, e nel processo della seconda stima, che è di decima parte, e di mino. ranza, cioè si va dal dieci al cento, come si può dire, che sia geometrica proporzione nel dire come si ha il mille al cento, così si ha il dieci al cento? Questo non sarà mai vero.

Se voi vorrete dire, che la proporzione geometrica si salvi disponendo i numeri così mille, cento, dieci, e col dire come si ha il mille al cento, così si ha il cento al dieci. Rispondo, che questa non sarà la nostra disputa. Noi ragioniamo di due stime di una cosa, delle quali ci sia una del meno, cioè vada dal minore al maggiore, ma nel modo predetto ambedue sono del più. Quando si va dal mille al cento, questa è del più, quando dal cento al dieci, questa è del più. Quando saranno due stime di cose diverse, che ambe-

due pendano nel più, ovvero ambedue nel manco, consesso che vi si possa trovare la proporzione geometrica; ma nelle stime di una cosa sola, delle quali una penda nel più, e l'altra nel meno, se vi si trova mai proporzione geometrica, voglio che mi

sieno cavati gli occhi.

Nella proporzione aritmetica non da fastidio alcuno, che una stima sia del più, e una del meno, perchè quivi non si guarda se non la lontananza, e tanto è andare dal maggiore al minore, quanto dal minore al maggiore; tanta lontananza è dall'otto al quattro, quanta dal quattro all'otto; tanto è da casa mia a casa vostra, quanto da casa vostra a casa mia. Ma nella proporzione geometrica non è così. Non è vero, che così si abbia l'otto al quattro, come il quattro all'otto, perchè l'uno è doppio, e l'altro è metà. E questo mi basti intorno a questa ragione, la quale se mi sarà soluta e abbattuta, prometto di non voler più dire una parola.

•

FRAMMENTI

d i

GALILEO GALILEI

FRAMMENTO PRIMO.

Di un parere sopra una macchina col pendolo per alzar acqua, proposta da un Ingegnere Siciliano al Sereniss. Gran Duca Ferdinando II.

Lo non posso negare, ch'io non restassi ammirato e confuso, quando alla presenza del Sereniss. Gran Duca, e degli altri Principi e Signori mi faceste vedere il modello della macchina da voi in vero con sottilissima invenzione immaginata e fabbricata, per uso di superare con piccola forza grandissime resistenze, e la quale al-

lora era applicata a tirar su colla tromba con pochissima fatica quella medesimà quantità di acqua, che senza l'ajuto della vostra invenzione molto maggior fatica ne richiedeva; e quello dal che nacque la somma ammirazione; fo il vedero servivi voi di un mezzo, che mi pare, che a giudizio di ogni uno dovesse non agevolar l'opera, ma grandemente difficoltarla: attesochè quella forza, che non è potente ad alzar cento libbre di peso, chi crederebbe, che aggiugnendovene oltre alle cento mille appresso, le alzasse tutte? e quello, che accresce lo stupore, che le mille aggiunte fosser quelle, che avvalerassero la debil forza del movente. Le vidi, ed io stesso tentai con una semplice e poco pesante leva zancata di alzare il peso, credo di 40. libbre con una limitata forza; la quale non fu bastante per l'effetto. Voi dipoi ingraviste la detta leva con più di 200. libbre di piombo, e tornando a far prova di alzare quelle prime 40. libbre coll'istessa forza, si vedeva alzar queste, e le 200. appresso dall'istessa leva, la quale stando pendente a perpendicolo nello spignerla fa il suo moto all'instit : sicchè, e lo replico coll'istessa ammirazione, quel peso di 40. libbre, il quale una tal forza non poteva alzare con una tal leva non più grave di due libbre, la medesima forza francamente l'alza adoperando l'istessa leva fatta grave di 200. libbre.

E perchè io già gran tempo sa mi era formato un concetto, e per molte e molte esperienze confermatolo, che la Natura non potesse esser superata e defraudata dall'arte, nel veder sì fatta maraviglia restai ammirato e consuso, e non potendo quietar la meute, nè deviarla dal meditare' sopra questo caso, ho fatto un cumulo di' vari pensieri, e risoluto di distendergli in' çarta, e comunicarvegli, acciocche quando: si veda in pratica, e nella macchina grande la riuscita della vostra vera acutissima invenzione, io possa da voi essere scusato, e per voi scusato appresso gli altri, che le dissicoltà, che promuoverò, non sono del tutto fuor di ragione, se non concludenti, almeno in parte verisimili. E talvolta, quando nel discorso che son per fare, fosse cosa, che movesse dubbio circa i vostri supposti e fondamenti, possiate coll'acutezza del vostro ingegno usarvi gli opportuni rimedj: perchè, da persona di onore, vi affermo, e ne chiamo Dio in testimonio, che io assai più desidero la riuscita di questa invenzione, e che tale strumento sia sopra tutti gli altri avvantaggiato, che l'opposito; ancorche io mi sia lasciato intender in genere, tutte le macchine esser dell'istesso valore quanto all'effetto da farci formalmente, tutta volta che si rimuovessero gl'impedimenti, che si possono attribuire alla materia; dal che ne seguita, che le macchine quanto più

saranno semplici, tanto meno saranno sottoposte agl'impedimenti, ed in conseguenza

di maggiore operazione.

Quando io dico, che la Natura non permette di esser superata, nè defraudata dall'arte, intendo (stando nella materia, che si tratta) che avendomi essa Natura conceduto v. gr. 10. gradi di forza, che è quanto a dire, virtà di pareggiare 10. gradi di resistenza, ella mi nega, e non mi permette per artifizio veruno il superarne nessuna, che sia più di 10. gradi. E di più soggiungo, che ella mi vieta l'applicare tutta la mia forza di 10. gradi in superare o muovere una resistenza, che sia solamente 4 o 6 gr. o in altro modo minor di 10. E chi direbbe, che mentre con tutta la mia forza io strappo una cordicella, io tutta la medesima forza adoprassi o potessi adoprare in rompere un debole spaghetto? o se con tutta la mia ioalzo un peso di 100 libbre, la medesima io usassi in alzarne uno di 10?

Questo mio primo detto, cioè, che per artifizio nessuno sia possibile, che forza nessuna superi, o muova resistenza alcuna maggiore di lei, pare, che abbia molte e molte esperienze in contrario, nelle quali vediamo non senza maraviglia, con piccolissima forza muovere ed alzare gravissimi pesi. Consideriamo la stadera, dove apertamente si vede il romano, che non pesando più di 10 libbre contrappe-

Ora è bene, che consideriamo in che consista l'aggiustamento fra l'Arte e la Galileo Galilei Vol. X. 17

cqua di 100 barili, peco o niun come-

do mi apporterebbe il condurre coll' Ar-

gano tutta la gran botte piena in un sol

viaggio colla forza di un nomo, o condurla col medesimo nomo in altrettanto tempo a barile per barile in cento viaggi, avvengachè l'acqua si rattacca insieme, e torna in una sola massa come prima.

Due altri modi in apparenza diversi dal sopra detto par the l'arte abbia ritrovati, per poter pure con pochissima forza superar resistenze grandissime. L'uno è l'urto, o vogliam dire, il colpo o la percossa, alla quale par quasi, che non sia resistenza, che non ceda. L'altro è il fare una, dirò così, conserva e cumulo di forze aggregate insième, il che si fa quando, imprimendo io la mia forza, che ponghiamo che sia di to gradi, in un mobile, che me la conservi, torno ad imprimergliene altrettanta, sicchè congiunta co' primi 10 gradi, in quello, che la conserva, se ne trovano 20, e continuando d'imprimerne di volta in volta altri 10, e 10. si rauneranno nella conserva 100, 200, e 1000. gradi di virtù potente a superare resistenze grandissime; contro le quali di niuno effetto era la mia pura virtù di 10 gradi.

Per una tal conserva di forza accomodato esemplo ce ne dà il gravissimo pendolo da voi medesimo adattato alla leva,
il quale ricevendo impulsi dalla debolissima forza, facendo di quelli conserva, ne
fa un cumulo, e per così dire, un capitale tanto grande, che soprabbondantemen-

te ne può andar poi distribuendo ed applicando a superar resistenze, quali la prima forza non bastava a gran segno di muovere. Esempio della virtù e possauza degli urti ne abbiamo in quelle viti, colle quali si soppressano le Rasce, o si stringono le gabbie dell'ulive per trarae l'olio; le quali viti, sul principio mentre la resistenza non è molta, si volgono con una piccola stanga, ma finalmente crescendo nello striguere la resistenza, conviene moltiplicare gli uomini, ed usare una stanga maggiore, colla quale spingendo pure si gira la vite, sicchè in ultimo, non bastando più il semplice impulso, si ritira indietro la grande e grave stanga, colla quale con replicati uru si arriva a cacciar la vite con que tre o quattro uomini, dove collo spignere senza urtare non la caccerebbero sei o sette.

Sopra queste due esperienze mi par, che con grande accortezza, e con sottil ragione si appoggi il fondamento della vostra macchina, dove si vede il gravissimo pendolo, quasi abbondante conserva di forze, poterne andar dispensando continuamente quella parte e quantità, che è necessaria per superare la resistenza del peso, che si dee alzare, e di più servendosi del secondo benefizio degli urti, dopo essersi ritirato indietro, tornare, a guisa di gagliardo Ariete, a raddoppiare la percossa e l'impeto.

Tutto questo mi par che sia con tanta industria e con tanta sottigliezza d'ingegno compartito, che quando ben l'effetto non rispondesse puntualmente all'aspettazione, io ad ogni modo anteporrei questa a molte altre invenzioni. E perchè io estremamente desidero, che l'effetto risponda all'opinione, ho risoluto andar toccando que' dubbj, ch'io non so risolvere, e che mi par che possano arrecare qualche intoppo all'opera, acciocche voi (quello, che non so far io) me gli rimoviate, e se ne avessero bisogno, vi arrechiate opportuno rimedio.

Riducendo la vostra macchina artifiziosa al più semplice disegno, ch' io possa, per più chiara esplicazione del miò concetto figuro questa D A E (Fig. LVII.) ceser una leva zancata sospesa nel punto A; dove intorno ad un asse, o vogliam dire un perno, ella sia convertibile, sicchè spingendo l'asta maggiore A D verso A F, la zanca A E venga a urtare col termine E in un rampino G; dal quale penda il peso P da esser alzato, il qual peso pongo per esempio esser 100 libbre. Suppongo poi l'asta A D. esser v. g. lunga 5 volte più della zanca A E, e la forza, che dee muovere, pongo minore assai della resistenza del grave P. Sia per tanto equivalente al momento di 5 libbre, sicche applicata nel termine D, spignende verso F, non potrebbe col punto E alzar

peso se non minore di 25 libbre, e però impotentissima ad alzar il grave P supposto esser libbre 100.

A questa impotenza voi soccorrete col sommamente ingravire il braccio della leva A D convertendolo in un pendolo grave di 400 libbre di peso, o di più anco-ra, se più ve ue bisogneranno. Apparecchiate queste cose, voi senza errore discorrete, ed in atto pratico osservate, che essendo costituito simil pendole a piombo, secondo il perpendicolo A D, e sostenuto in A con un bilico esquisito, non è forza così piccola, che spignendolo verso la parte F, (tolto via il rampino, e il peso P) non lo rimuoya qualche poco del punto D. E però applicandovi la supposta forza di cinque gradi si muoverà alquanto verso F, e lasciato in libertà, ritornerà per se stesso verso D; oltre al quale passerà poco meno d'altrettanto verso B, quanto per l'impulso datogli era pur ora andato verso F. E perchè tal impeto nou si è perduto, se coll'istessa virtù di cinque gradi se gli aggingnerà il secondo impulso, già ne averà 10, e più oltre trapasserà verso F, ed insomma aggiuguendo impulso sopra impulso 4, 6, 10, e 20 volte, verremo ad imprimer nel pendolo impeto tale, che ampliando le sue vibrazioni nello scender dal termine B, per l'arço B D sarà bastante a sollevare se stesso, cioè 400 libbre di peso per altrettanto spezio

sino in F, e tutta questa virtù e impulso è frutto della piccolina forza de' 5 gradi ; i quali è manifesto, che continuando gli impulsi, gliela potrebbero accrescere ancora, o almeno perpetuare. Aggiunghiamo adesso il rampino G col peso P di libbre 100; non è da dubitare, che scendendo il pendolo A B pell'arco B D, ed incontrando nel punto D, dove l'impeto suo è il massimo, e il moto è il velocissimo colla zanca A E il rampino G, gli darà d'urte con tal forza, che ben per grande spazio solleverà il peso P delle 100. libbre, e ritornando poi indietro verso B, io a tempo colla replica e giunta de' mici 5 gradi andrò mantenendo in vigore il pendolo, e continuando l'opera.

Ora, se il discorso vostro fondamentale procede così, mi si rappresentano alcune dissicultà, che mi muovono a dubitare. E prima, concedeto, del che nom dubito, che nel pendolo sia stata fatta una conserva di forza potente a sollevare le sne 400. libbre di peso per tutto l'arco D F; questo accaderà sempre tutta volta però, ch' ei non trovi intoppo nel viaggio, ma se passando per D, urta colla zanea A E in una resistenza di 100 libbre, ancorché quivi in D sia il sommo vigore della sua forza, pare che pur gliene debba in parte essere diminuita, cio s'io non m'inganno, la ventesima parte. Imperocchè, trovandosi il pendolo A B,

264 quando è pervenuto in D con impeto d'alzare le sue 400 libbre sino in F; tal impeto ne alzerebbe colla zanca A E cinque volte tanto, cioè due mila, per essersi posto il braccio A B quintuplo in lunghezza della zanca A E; l'urto dunque nel peso P, che è 100 libbre, detrae 100 dalle due mila, cioè la vigesima parte. Riterna dunque il pendolo indietro colla vigesima parte manco dell'impeto, quale dianzi si parti scendendo dal punto B; tal che nella tornata non ricalerà dal punto B, ma da altro H più vicino a D, e l'impeto che su come di 400 libbre verrà ora come di 380, cavandone cioè le venti toltegli dall' urto in G. Bisognerebbe dunque, per ristorar la perdita de' venti gradi d'impeto, restituirgliene altri venti, ma la forza del movente non ne ha da prestare se non cinque; adunque il pendolo, che nella prima scesa dal termine B, si parti con impeto tale, che arrivando in D, si trovava con 400. gradi d'impeto, in questo secondo passaggio ne averà solamente 385, de' quali il nuovo urto in G torna a levargliene venti, (che tanti son quelli, che son necessarj per alzare il peso P) talchè i gradi 385 diventano 365; per lo che tornando indietro il pendolo non risalterà alla medesima altezza H ma più basso; dove il motore gli somministrerà i suoi cinque gradi di forza, sicchè scendendo con 370 alzerà ben per ancora

il peso P, ma con perdita di venti gradi di forza, e così continuando in ogni andata la perdita di venti, ed il ristoro di cinque, in breve tempo mancherà l'aju-

to di costa del pendolo.

Propongo nel secondo luogo un'altra considerazione. Voi dite: la forza che si adopra non è più di cinque gradi, adunque colla pura leva D A E, della quale il braccio D A è quintuplo della zanca A E, non si può alzare più di 25 gr. di resistenza, ma la resistenza del peso P è 100 gradi, adunque è impossibile alzarlo. Vero, ma ditemi, se con fare quattro parti del peso P non potrò io colla detta forza alzarne una per volta, e tra quattro volte alzar tutto il peso, come col pendolo io l'alzava in un tratto solo? certo sì; e l'opera sarebbe ragguagliata, tutta volta che si potesse nel tempo, che col pendolo si danno v. gr. dieci impulsi, darsene 40 colla leva semplice, il che penso io, che si potrà fare, però considerate le seguenti particolarità nel pendolo.

Prima a voler che il momento della sua somma gravità lavori, bisogna ritirarlo indietro in gran lontananza dal perpendicolo A D, altrimenti l'urto suo è debole, e questo tornare indietro da D verso
B colla tornata in D è tutto tempo ozioso
e gittato via. Ma all'incontro la forza applicata in D alla leva leggera è tutta uti-

le, lavorando per tutto lo spazio, che si spigne verso F. La gravità del pendolo fa. che la forza non la può brandire, ne far che le sue andate e tornate, cioè le sue vibrazioni non sieno se non sotto un tempo limitato, e assai lungo in comparazione delle vibrazioni, che apprendendo colla mano il termine D dell'asta leggiera A D, la forza potrà fare molto frequenti. Aggiungasi, che se l'andata del pendolo non è per un grand'arco, l'impeto del pendolo scendente non acquista gran momento, e per breve spazio trapassa oltre A D verso F, e poco s'alza la stremità della zanca E; ed in conseguenza poca è l'acqua, che si cava in una sgorgata; dove è da notarsi, che l'impeto del pendolo sempre va diminuendo nel montar su dal D verso F, ma la forza posta in D spiguendo verso F, sempre è la medesima; sicchè si può continuare quanto ne piace a fare la sgorgata lunga, e cavar in conseguenza più acqua.

FRAMMENTO II.

Di un Parere di Galileo Galilei sopra una macchina a mulino col pendolo, proposta da un Siciliano al Sereniss. Gran Duca Ferdinando II.

L'er concedere alla parte ogni maggior vantaggio, che desiderar si possa per la ragione sua, io concedo i membri di tutta la sua macchina, cioè Macine, Ruote, Conocchie e Leve, essere di maniera aggiustate, librate, e così porporzionatamente compartite, e più gli assi, i perni, ed i poli esser tanto delicatamente lavorati, bilicati ed unti, che il tutto insieme, mentre abbia da camminar vacuo, possa esser mosso con qualsivoglia gran velocità da ogni minima forza, da un seffio solamente. E questo si dee intendere trattone il pendolo, il quale essendo un peso molto grave, e dovendo, mel muoversi, esser alzato (il che non accade ad altro membro della mecchina) non può esser rimosso dal suo stato perpendicolare, se non da qualche forza : e perchè tal pendolo vitiene per qualche tempo l'impeto, che successivamente gli viene dalla virtù movente contribuito, io (persistendo nel-

la medesima larghezza di concedere alla parte ogni maggior vantaggio) voglio supporre che tal tempo sia una eternità, quando da esterno impedimento non gli venisse fatto resistenza, ed intoppo: sicchè finalmente in virtù di tal impeto impresso nel pendolo, anche tutto l'ordigno insieme fosse atto a muoversi in perpetuo, muovendosi però vacuo da ogni operazione. Ma quando si levi il pendolo, e si aggiunga sotto la macine il grano da frangersi, perlochè ella non si muova più nella sola aria libera, ma urti negli intoppi de' grani frapposti; è ben necessario concedere, che per far l'essetto e continuare l'operazione del macinare, il primo movente vada continuando di far forza, e che dove prima per mia concessione tutto l'ordigno, rimossone il pendolo, doveva andare a voto, aggiuntovi ora la resistenza del grano, abbia bisogno d'una determinata e non minor virtù movente; determini dunque la parte quanto debba esser almeno tal virtu, e chiamisi ver. gr. dodici gradi, sicchè da virtù minore di dodici gradi il grano non potrebbe esser macinato; e però possiam dire, che la resistenza di esso grano, nell'atto dell'esser macinato, pareggia dodici gradi di virtù movente senche niente gli avanzi, e questo s'intende lavorando senza il pendolo. Ma considerando la parte, come il pendolo è in un certo modo una conserva inesausta di

virtù (poichè egli è atto a riteuere eternamente qualsivoglia impeto una sol volta conferitogli) e di più vedendo come col farlo più e più grande e pesante, si puù esso ridurre ad esser atto a ricevere, e conservare maggiore e maggior numero di gradi e di virtù, e che perciò tal immensa virtù gli può esser impressa anco da pochissimi gradi di forza motrice, coll'andar successivamente più e più volte facendogli impeto; considerando dico la parte cotali accidenti ha creduto, coll'intervento del pendolo poter far l'istesso effetto nel macinare con forza minore di dodici gradi (che per supposizione è la minima, che possa macinare senza il pendolo). Ura posto il pendolo capace d'ogni gran numero di gradi di virtù, determini la parte quanta forza vuol che sia quella del primo movente, del qual ella si vuol servire, e quanti gradi ella ne voglia imprimere e depositare nella conserva del pendolo innanzi che si cominci a mandare il grano sotto la mola, sia per esempio cento gradi. Or cominciando l'operazione, dia il movente il primo impulso, col quale e'si muoverà il pendolo dal suo stato primo perpendicolare, e lo solleverà tanto, che nel ritorno averà acquistato due gradi di virtù, quanto è quella del movento (che se la parte credesse ch'e'ne acquistasse più, non occorrerebbe dar più impulsi, perchè ritornando il pendolo

so il perpendicolo, ed avendo egli concepito più di due gradi di virtù, trapasserebbe, spinto da se medesimo, dall'altra banda del perpendicolo per maggiore intervallo, che non fu quello del primo impulso datogli da due gradi soli del movente, e così successivamente si anderebbe da se stesso avanzando nell'impeto infinito, che è grande assurdo). Ma perchè questa virtù è impressa nel pendolo indelebilmente, tornando il movente a dargli un altro impulso, gl'imprimerà altri due gradi di virtà, sicchè già ritornerà con quattro, e nel terzo impulso ne acquisterà altri due, sicchè saranno sei, e successivamente in 50 spinte acquisterà i cento gradi di virtù in se stessa perpetua, quando bene il movente cessasse, pur che non gli sosse opposto alcuno intoppo. Or continui pure il movente la sua operazione, e comincisi a mandare il grano sotto la mola, la resistenza del qual grano, per la supposizione, pareggia 12 gradi di virtù movente, adunque nel tempo d'uno impulso il movente conferisce due gradi di virtù, ma il grano ne arreca dodici di resistenza, però ai cento gradi d'impeto del pendolo ne saranno levati dieci; ond'egli opererà con novanta solamente; ma nel seguente impulso il movente ne aggiugno due, e il grano pur ne rimuove dodici; sicché il pendolo si riduce a lavorar con ottanta, e così conseguentemente, levando

il grano cinque volte più che non rimette il movente, in manco tempo di quello di nove impulsi sarà finita la virtù, e fermato il mulino, il quale non cominciò a macinare se non dopo il tempo di cinquanta impulsi, e così in tale operazione si sarà buttato via circa i 5 del

tempo, anzi molto più ancora, se noi meglio andremo considerando il tutto. Sarebbe tale il dispendio del tempo, quando la virtù adjutrice del pendolo prestasse il suo ajuto continuamente, siccome la resistenza del grano senza intermissione continuamente impedisce; ma il pendolo circa agli estremi termini delle sue andate, nelle quali e'si riduce allo stato di quiete, pochissimo o nulla opera, faceodo forza colla sola sua gravità, privata di velocità di moto, la qual velocità egli ancora languidamente racquiste, mediante la resistenza del grano; dal che ne seguita, che i suoi impulsi sono interrotti, e che buona parte del tempo si spende oziosamente. Ma dirà forse l'avversario, poter pur ricever comodo dal pendolo sebben non così grande, quanto sarebbe il già detto, che era il poter fare, mediante l'ajuto del pendolo, con due soli gradi di forza, quello che senza esso si farebbe con dodici gradi, ma dirà ciò potersi ottenere colla forza di dieci

gradi; ma io replicando il medesimo discorso, mostrerò questo esser impossibile; dichiarando che se in dieci impulsi s' imprimono nel pendolo cento gradi d'impeto operando senza grano; all'incontro, nel tempo di 44 impulsi susseguenti, la resistenza aggiunta del grano fermerà il macinare: perchè, mentre la forza de' dieci gradi moventi sa un impulso tale, che i 100 rimangano 98, e scemandone due nell'altro impulso rimangano 96: e finalmente al quarantequattresimo impulso si riducano a dodici, i quali vengono pareggiati dalla pura resistenza del grano. E questo segue quando la macchina fosse libera da tutti gl'impedimenti esterni ed accideutari, conforme alla vantaggiosa supposizione fatta a principio: la qual cosa è del tutto falsa e impossibile; enzi gl'impedimenti son eglino pur molti e molto grandi mediante i tanti toccameuti di denti con ruote e conocchie, di fusi con perni, di poli con sostegni, e dell'immensa gravità stessa delle delle macine, tal che assolutamente la forza movente meglio, e più validamente opererebbe senza il pendolo, e ancora lavorandosi con una sola plice ruota dentata, che toccasse un solo rocchello adattato nel fuso della macina.

FRAMMENTO III.

Dell'istesso parere di Galileo Galilei, cominciato a distendere in dialogo.

INTERLOCUTORI

Salviati, e Sagredo.

Salv. Non so s'io m'abbia ben capite la struttura, e la maniera d'operare di què sto nuovo strumento, per sollevare con poca fatica pesi gravissimi. Dirò ciò che apprendo, e voi supplirete in quello, ch'io mancassi. Nel proposto disegno il peso da essere alzato è questo notato A, posto essere di cento libbre. Questa C D E (Fig. Lv111) si figura essere una leva zancata convertibile intorno ad un perno stabile fermato in D. Il braccio maggiore che pende, cioè la lunghezza D E, si pone esser quintupla del minore C D. La forza movente applicata nell'estremità E è eguale al momento di cinque libbre di peso. Ora astraendo dal peso della leva, cioè supponendo ch' ella non pesi nulla, è manisesto, che la forza posta in E, non avendo maggior momento, che l'equiva-Galileo Galilei Vol. X.

274 lente di cinque libbre spignendo contro al grave A, non potrà coll'estremità C alzare più di venticinque libbre, anzi sostenere, ma l'A è cento, dunque lontanissimo dall'esser mosso da cinque. Per far dunque, che questa piccola forza o momento superi la quattro volte maggiore resistenza o momento, servendosi pur dell'istessa lunghezza di leva, si ha l'autor della macchina (in vero con sottile avvedimento) immaginato di sommamente ingravire il braccio della leva D E, e dove si supponeva esser senza gravità, convertirlo in un pendolo di quattrocento o più libbre, figurato per DFG, ed accomodando al peso A un rampino B sotto il quale vada a urtare l'estremità C della zanca D C, ha senza errore compreso, che mentre il pendolo sia a piombo, ogni minima forza lo può rimuovere dallo stato perpendicolare; nel quale poi, mercè della propria gravità lasciato libero ritorna non solamente, ma oltre di quello trapassa quasi altrettanto, quanto dalla detta forza ne fu allontanato: dal che ne seguita, che se nel ritorno, che per se solo farebbe, se gli applicherà il secondo impulso della medesima forza, trapasserà lo stato perpendicolare di assai più che prima, ed aggiugnendo poi al secondo ritorno il terzo impulso, e così successiva mente continuando gl'impulsi a tempo proporzionato a ritorni, piglierà, a guisa

di campana, frega, ed impeto tale, che sarà bastante a sollevare in ciascuna sua vibrazione non solo il proprio peso delle quattrocento libbre, ma urtando coll'estremità della zanca C nel rampino B, alzerà il peso ancora delle cento di A, e la forza movente, benchè non superiore al momento di cinque libbre, lavorando in E, conserverà, e continuerà perpetuamente l'impeto del pendolo, col quale, come si vede in ogni vibrazione, leverà su il peso di cento libbre del peso A, col solo peso di cinque. Non so s'io m'abbia bene inteso e spiegato il concetto dell'Autore.

Sagr. Inteso, per quanto credo, e spiegato benissimo, ora che dice V. S. di

invenzione così bizzarra?

Salv. Dico, che ha sembianza d'una delle più ingegnose, che mai sieno cadute nei più svegliati ingegni; perchè il sentirsi dire, mentre che colla leva D E tu non sei potente ad alzare la quarta parte del peso A, io voglio far sì, che coll'istesnell'istesso modo usata tu ne alzi non sole le cento di A, ma quattrocento altre appresso, e che queste quattrocento sien quelle che ti avvalorino, pare che trapassi tutte le immaginazioni. Ma vorrei io qui sapere se l'inventore termina qui l'uso di tale invenzione, o pur l'adatta a qualche particolare con notabile acquisto sopra la facoltà d'altre macchine indirizzate a simili effetti di alzar pesi.

276

Sagr. Io credo, e così parmi, che la macchina si potrebbe applicare a varie aperazioni, una delle quali, che per ora ha nell'intenzione l'Autore, è di applicarla ad una tromba per alzar l'acqua; dove il solido A, rappresenta il zaffo con tutto il peso dell'acqua da alzarsi. E più manifestamente si scorge, che in virtù del pendolo ad ogni sgorgata si potrà buttar fuori gran quantità d'acqua, cosa che senz'esso non si farebbe.

Salv. Tutto cotesto è verissimo; ma crede V. S. che perciò tale strumento sia bastante a cavarne notabil quantità più d'ogn'altro? Perchè dal discorso fatto sin qui par che si possa concludere un eccesso grandissimo, giacchè colla tromba circoscritta in virtù del pendolo se ne caverà gran copia, e senz'esso nè pure una gocciola.

Sagr. Una disserenza tanto grande quanta è dal molto al niente mi conturba, e mi sa entrare in sospetto, che sotto così speziosa e mirabil apparenza non s'asconda qualche gran sallacia; però non so che mi rispondere.

Salv. Credo che il vostro sospetto non sia vano, anzi tengo per fermo, che non pochi altri strumenti nel presente caso di alzar acqua non saranno inferiori a questo, ma per non avere a fare lunghi discorsi nel paragonarlo con altri molto diversi, voglio che trattiamo d'una simil zancata, privata, e libera dalle quattrocento libbre del pendolo, o da ogn'altro
peso. Ma prima che passar più avanti,
penso di poter mostrare a V. S. con certa general considerazione, come veramente è forza, che nel discorso sopra fatto si
occulti qualche fallacia. Però ditemi, se
(rimosso il peso A) applicata una limitata forza equivalente, v. g. di quattro libbre di peso, a spignere, e far vibrare il
pendolo D E di peso di quattrocento libbre, vi sia necessaria una distanza determinata, oltre alla quale non sia possibile
passare.

Sagr. Circa questo che V. S. mi dimanda stimo primieramente, che non solo il momento delle quattro libbre di forza sarà bastante a rimuovere il pendolo. dalla quiete, cioè dallo stato perpendicolare, ma che ogni minima che se gli applichi ne lo rimuoverà, la quale poi. secondo che sarà maggiore, per maggior distanza lo sospignerà. In oltre se nel ritornare indietro, che farà esso pendolo per la propria gravità, la detta forza lo risospignerà, lo farà slontanare ancor più dal perpendicolo, ma però una forza molto inferiore al momento della gravità del pendolo, quale è la proposta di quattro libbre v. g. d'un arco di dieci o dodici gradi; oltre al quale nol potrà giammai far sormontare.

Salv. Così è necessario che sia. Ma quando levato il peso del pendolo, la leva D E restasse leggerissima, e quella medesima forza delle quattro libbre se gli applicasse, sino a quanto allontanamento dal perpendicolo la potrebbe sollevare?

Sagr. Potrebbe accompagnare per tut-

to un intero quadrante, e più.

Salv. Or torniamo alla figura col pendolo. E posto che esso dal momento delle quattro libbre di forza non nè accompagnato, nè vibrato muoversi oltre a dieci gradi, quando la distanza G B, tre la zanca D.C, e il rampino B, fosse di dieci gradi del cerchio descritto dalla linea D C, intorno al centro D; l'estremità C, cacciata dalla del pendolo non vi arriverebbe mai, e in conseguenza mai non verrebbe alzato il peso A, quando ben fosse solamente un'oncia. Ma consideriamo adesso quello, che si potrà fare colla medesima leva zancata rimossone il peso del pendolo. E perchè si è concluso, che le quattro libbre di forza potranno sospigner la leva non solo oltre a dieci, ma oltre a novanta gradi, quando l'estremità C della zanca arriverà al rampino B, essendo la leva E D quintupla della zanca D C, la forza quattro potrà levar venti di resistenza, che fosse in A. Ecco dunque scoperto, come nel discorso fatto di sopra ci è sotto qualche fallacia, poiche in quello si concludera,

che la medesima leva in virtà del gravissimo pendolo alzava gran peso, e senza
il pendolo non alzava nulla; ed in questo
per l'opposito si dimostra, che la giunta
del grave pendolo toglie del tutto il poter
alzar gran peso, che senza il pendolo comodamente si solleva con quattro di forza. La proposizione dunque universale, che
la gravità aggiunga forza alla leva nell'alzar pesi, è falsa.

ı . • ı • •

PARERE DI GALILEI

INTORNO

ALL' ANGOLO DEL CONTATTO

Spiegato da esso in una lettera di risposta, scritta dalla Villa d'Arcetri ne' 30 Otto-bre 1635. a Giovan Cammillo Gloriosi Matematico Napolitano.

E stampata da questo nella sua terza Deca dell' Esercitazioni Matematiche a facc. 146. dell'impressione di Napoli nel 1639. in quarto.

Dopo d'aver accusato la ricevuta di questa

Deca inviatagli dal Gloriosi,

così segue il Galileo.

Intanto, per segno d'aver pur veduto qualcosa delle sottilissime speculazioni di di V. Sig. voglio conferirle certo mio discorso, che gran tempo fa mi passò per la fantasia, per provare, che l'angolo del

contatto sia detto così equivocamente, e che in somma pon sia veramente angolo, convenendo in questo col Vieta, le cui ragioni molto acutamente par che V. Sig. vada redarguendo; sicchè se mi mostrera la fallacia della mia, che mi par poco men che concludente dimostrazione, bisognerà, che io sia con lei.

Stando dunque sulla ricevuta definizione, che l'Angolo sia l'inclinazione di due linee poste in un piano, che si toccano in un punto, e non son poste fra loro per diritto; figuriamoci un poligono rettilineo ed equilatero inscritto nel cerchio. E manifesto le inclinazioni o direzioni de' suoi lati esser tante, quanti sono gli stessi lati, se saranno di numero dispari, ovvero quanto la metà, se il numero sarà pari (avendo gli opposti la medesima direzione). Ora se intenderemo a qualsisia linea retta A B esser applicato il lato C D (Fig. Lix.) d'uno di detti poligoni; questo con quella non formerà angolo, camminando amendue per la medesima direzione, ma ben lo formerà il lato seguente DE, come quello, che sopra la segnata retta si eleva, ed inclinandosegli sopra, la tocca. E perchè il cerchio si concepisce esser un poligono di lati infiniti, è necessario, che nel suo perimetro sieno tutte le direzioni, cioè infinite; e però vi è quella di qualsivoglia linea retta segnata, la quale non può intendersi esser altra, che quella del

lato (degl' infiniti, che ne ha il cerchio) che ad essa sia applicato: adunque quello del cerchio, che alla linea retta si applica, non forma angolo con essa; e tal è il punto del contatto. Qui poi non si può dire, che sebbene if punto, che tocca, non contiene angolo colla tangente, tuttavia pur lo contenga il punto contiguo conseguente; siccome nel poligono, non il lato, che si applica alla retta proposta, ma il lato seguente è quello, che l'angolo forma, e costituisce; non si può dico dir questo, perchè il punto, che succede a quel contatto, non tocca la retta, la quale da un sol punto del cerchio, e non da più vien toccata; ma nella definizione dell'angolo si ricerca, oltre all'inclinazione, il toccamento ancora: adunque il chiamato angolo del contatto è con errore detto così, nè è veramente angolo, nè ha grandezza alcuna.

Sovviemmi anco, oltre a molt'altri, aver fatto un discorso in cotal forma.

Se stando ferma la DE (Fig. Lx.), intenderemo la segante AB girarsi sopra il punto del segamento C, sicchè dallo stato AB calando A verso D, trapassi in GF, facendo l'angolo FCE superiore alla DE, dove prima conteneva l'inferiore ECB; è manifesto l'angolo BCE audarsi per tal conversione inacutendo, e ristringendo in modo, che finalmente la sua quantità si annichili, e del tutto sva-

. 284 nisca, il che accaderà, quando essa retta A B si congiuguerà colla D E. Ora applicando lo stesso discorso all'arco A C B segato dalla retta O N nel punto C, constituendo i supposti angoli misti ACO, NG B; se intenderemo essa retta O N girarsi sopra il punto C; da O verso D inacutendo i detti angoli, e finalmente trapassando nello stato di GCF, sicchè l'angolo inferiore N C B si faccia superiore, come F CB, non comprendo come ciò possa accadere senza passar per l'annichilazione di essi angoli, la quale annichilazione non può essere, se non quando essa retta convertibile non segasse più la curve A C B, il che avviene quando essa si tutisce colla tangente D E. Nell'arco dunque, e nella tangente non sono angoli, ma l'annichilazione degli angoli.

Il discorso anco, che viea fatto per confermare, che l'angolo della contingenza non solamente sia quanto, ma talmente quanto, ch' ei sia divisibile in infinito, mentre si descrivano cerchi maggiori, che passino per lo medesimo toccamento, è, s' io non m'inganno, manchevole: imperciocchè non l'angolo, il quale dico non aver quantità, ma ben lo spazio tra la circonferenza del minor cerchio, e la retta tangente vien diviso e suddiviso dalle maggiori e maggiori circonferenze; il che assai chiaramente mi par, che si possa mostrare coll' esempio de' molti poligoni rettilinei

simili e disegnali nella seguente maniera. Sieno nella retta M B perpendicolare alla A E, i centri M, N, di due cerchi diseguali toccanti la A E nel medesimo punto B, e intendasi nel minore inscritto un poligono equilatero, del quale sieno lati le rette B I, I O, O S, e prolungata la B I termini nella circonferenza del cerchio maggiore nel punto C; è manifesto la linea B C essere un lato del poligono similmente inscritto nel cerchio maggiore, nel quale le due CD, DF sieno lau conseguenti. Qui si vede che il perimetro F D C B divide ben lo spazio infercetto tra il perimetro del poligono SOIB, e la retta BE; ma non però vien diviso l'angolo I BE, essendo il lato. I B parte del lato BC, ed essendo l'angolo, I B E comune, anzi lo stesso del fatto dalla E B, e dai due lati de' poligoni BI, BC; e discorrendo nello stesso modo di tutti gli altri poligoni tra loro simili, di qualunque numero di lati, e quanto si voglia differenti in grandezza, l'angolo I B E sarà sempre comune, nè giammai segato, ma ben andrà sempre facendosi più acuto moltiplicandosi i lati del poligono; vero è che l'angolo I B E sarebbe esso aucora diviso dal lato d'un poligono maggiore, tuttavolta ch' e' fosse di più lati, ed in conseguenza dissimile. Di qui mi par che si possa ritrarre, che essendo i cerchi tutti poligoni simili di lati infiniti, applicandogli alla retta A E (Fig.

LXI) nel comune toccamento B, veuga ben lo spazio tra la tangente e l'arco interno BIOS diviso dall'arco esteriore BCDF, ma non già l'angolo B, essendo comune ad amendue i poligoni; e l'essere i cerchi tutti poligoni simili di lati infiniti, toglie il potersi dire il cerchio maggiore esser poligono di più lati che il minore, e pericò auto a dividergli il suo angolo; perchè siccome non si può intendere poligono alcuno potersi inscrivere in un cerchio, benchè immenso, di lati innumerabili, che uno di altrettanti (e però simile) non si possa inscrivere in qualsivoglia altro, beuchè piccolissimo, così non si può dire, che l'angolo del contatto non sia uno, e comune ad amendue i cerchi; e se tal angolo non è divisibile, non è quanto, e se non è quanto, non è vero angolo, ma equivocamente così detto.

Considerisi appresso, che siccome moltiplicandosi più, e sempre più nel cerchio S O B il numero de'lati del poligono, l'angolo I B E sempre si fa più acuto, par che per necessaria conseguenza ne segua, che dove i lati sieno infiniti, tal augolo sia infinitamente acuto, cioè non quanto, e non angolo, ec.

Segue di poi il Galileo con altro breve Capitolo esaminando alcune conclusioni, che il Gloriosi inferisce dalle ragioni addotte dal soprannominato Francesco Vieta: ma essendoche per l'intelligenza di tali ponderazioni converrebbe riferire e ciò che scrisse l'istesso Vieta, e ciò che v'oppose il Gloriosi, colla risposta di questo al medesimo Galileo, tralascio di trascriver più oltre esso Capitolo, e rimetto i curiosi a soddisfarsi pel rimanente ne' propri Autori.

• • • •

POSTILLE DIGALILEO GALILEI

AL LIBRO INTITOLATO

ESERCITAZIONI FILOSOFICHE

D'ANTONIO ROCCO

FILOSOFO PERIPATETICO

Stampato in Venezia presso Francesco Baba nel 1633.

Voi, Sig. Rocco, mi forzate a darvi ogni soddisfazione in molti luoghi del vostro libro, ma in particolare alla faccia 195 dove con certa quasi comminazione mi dite così. Di grazia venite alle ragioni particolari, se non volete, che i vostri dogmi sieno fregiati col titolo più tosto di vana Galileo Galilei Vol. X.

390 loquacità, che di ponderata filosofia: nella seguente faccia con termine più modesto più mi provocate a risponderci dicendo. Mostratemi vi prego, caro Sig. Galileo, (che non ho in verità, non ho per Dio altro fine, che d'imparare) mostratemi i grandi assurdi di questa posizione, che abbezzo, che accenno sulamente, e ne lascio il compimento a chi più sa, e perchè giri, ec. però per vostra satisfazione state attento, ed imparate, perchè veramente ne

avete bisogno grande.

Avendo voi in questa ottava esercitazione conceduto le due apparenze del settantadue, e del seicentoquattro (dette comunemente stelle nuove) essere state veramente nella parte celeste, e tra le stelle del firmamento, e volendo pur mantenere, che dall'esser loro improvvisamente comparite, e poi dopo molti mesi sparite, non si possa ragionevolmente inferire la sostanza celeste esser soggetta all'alterazioni, generazioni, corruzioni, ec. scrivete così a fac. 193. verso il fine. E chi direbbe mai giudiziosamente, la tal cosa si è da noi nuovamente vista, adunque si nuovamente generata? si è tolta di vista, adunque si è corrotta? e sosse indistintamente l'istesso il comparire col genezarsi, il disparire col dissolversi. Adunque, Sig. Rocco, voi spacciate per per-sona priva di giudizio quella, che dal solamente veder comparire e sparire si-

293 e lo spacciate per poco giudizioso, mentre ricorreva al testimonio della vista, ec. per venire in cognizione se nel Cielo si facessero generazioni e corruzioni; e qui calzerebbe assai meglio l'esclamazioncella, che voi ponete, commiserando le stelle alla fac. 196. e con miglior proposito potrei dire: Poveretto Aristotile, quanto vi compatisco. Ed avvertite a non voler coprire la nota, che già gli avete imposta, con qualche distinzione, o con altro mendicato refugio, che assicuro, che lo precipiterete senza sua colpa in baratri sempre maggiori; ma da vero filosofo, e da filosofo Peripatetico consessate, che se Aristotile vedesse queste e le altre mutazioni, che si fanno in Cielo, le quali ad esso furono ignote ed immaginabili, riceverebbe assai più volentieri me per suo scolare e seguace, che voi, poichè io antepongo i suoi dogmi rettissimi alle sue proposizioni opinabili, e voi per mantener queste rifiutate quelli, cioè posponete le sensate esperienze alle opinabili conjetture. Ma seguitiamo avanti.

Voi parendovi di aver trovato la inchiodatura di sosteuere quello, che Aristotile assolutamente deporrebbe, dite che non mancano maniere di salvare la comparsa e l'occultazione di esse stelle nuove, e per mia maggior mortificazione dite, che io medesimo l'aveva alle mani, e scrivete così. Non date voi queste medesime ap-

parizioni ed occultazioni alle stelle Medicee, che non si generano o si corrompono, ma solamente col volgersi nell' Epiciclo intorno a Giove, e col restare ora luminose dal Sole, ora dall'assenza di esso tenebrose ed invisibili? È vero, Sig. Roc-co, che io do l'apparizione e l'occultazione alle stelle Medicee, e per questo sapendo voi, che tal cosa non mi era ignota, dovevate con termine più cortese dedurne in conseguenza, che io conosceva simile apparizione ed occultazione non si poter adattare alle due stelle nuove, e non più presto, che come poco avveduto, io non avessi penetrato colà dove arriva la vostra perspicacità; la quale in questo caso (e siami lecito parlare con libertà, mentre voi da me come da Maestro cercate d'imparare) ha gran bisogno di esser ussottigliata, perchè per quanto mostra il vostro modo di parlare, voi sin qui non bene avete penetrato come vada il negozio delle Medicee, circa lo scoprirsi ed ascondersi, il quale quando l'averete compreso, vedrete quanto sia lontano al potersi adattare al fatto delle stelle nuove. E prima conjetturo il bisogno vostro circa l'intelligenza degli accidenti delle Medicee dal vostro modo di parlare, mentre dite. le Medicee col volgersi solamente nell'Epiciclo intorno a Giove, e con restare ora luminose dal Sole (credo, che vogliate dire illuminate,) ora dall' assenza di es.204 so tenebrose ed invisibili. Qui primieramente mostrate di credere, che del comparire ora luminose, ed ora restar tenebrose ed invisibili ne sia causa l'avvicinarsi ed assentarsi dal Sole, che tal senso e non altro ricavo dal vostro discorso, il qual detto è vanissimo, attesochè un oggetto per se stesso tenebroso, e che da uno splendentissimo venga in distanza v. g. di cento miglia renduto lucido e vicibilissime, cosa molto semplice sarebbe il dire, che l'allontanarsi da quello, che l'illumina, un braccio o due di più, lo privasse dell'illuminazione, e lo rendesse invisibile, nè più, che in tal proporzione appressano, ed assentano le Medicee dal Sole i diametri de lor cerchietti.

E non vi aspettate, Sig. Rocco, di poter glosare il vostro detto, e ridurlo a buon senso, dopo che averovvi dichiarato come cammina l'occultazione di tali stelle, perchè voi nè pur nominate i termini principali, anzi unici e singolari, che in tale operazione intervengono. Voi non accentate, non che specifichiate nè interposizione di Giove tra le sue stelle, ed il Sole; voi non dite Giove esser per se stesso opaco e privo di luce, e però spargere il cono della sua ombra all'opposto del Sole; nè parimente dite, che questo medesimo fanno le medesime stelle seguaci, nè mai in somma nominate Eclisse, e pur questa è la sola cagione della occultazio-

ne di quelle. Per tanto sappiate, Sig. mio, che essendo il corpo di Giove non meno tenebroso della Luna e della Terra è splendido solamente in quella parte, che i raggi solari percuotono; dalla parte opposta non meno della Terra e della Luna distende in forma di cono la sua ombra, per lo qual cono tenebroso dovendo passare le quattro stellette, mentre sono nella parte sublime de'loro cerchi, entrando nell'ombra di Giove, restano prive della vista, e perciò dell'illuminazione del Sole, cioè restano eclissate; e simili Eclissi si fanno elleno anco talvolta fra di loro, come io altrove bo a bastanza dichiarato. Ora che averete imparato come procede questo negozio, essendo vostra opinione, come in più luoghi scrivete, che quello, che confuta una dottrina di altri sia in obbligo di dichiarare puntualissimamente come stia il fatto realmente della conclusione, che si dice male essere stata intesa dall'altro, sete in obbligo (giacche dite le apparizioni e nascondimento delle stelle nuove poter esser come quelle delle Medicee, come quelle degli Epicieli, ec.) di specificarvi puntualmente come stieno tali Epicicli, per salvare tale apparizione ed occultazione, insieme coll'ingenerabilità ed incorruttibilità del Cielo. Ma forse sarà bene, ed anco opera di carità, che io vi schivi qualche dispendio di tempo ed effaticamento di mente, con dichiararvi

e participarvi quegli avvertimenti, che persuasero me a rimuovere il pensiero dal cercare di salvare dette apparizioni ed occultazioni per via di Epicicli, e quel che è più per via di qualsivogliano movimenti circolari, che sol, come voi con Aristotile affermate, possono trovarsi tra i corpi celesti. Sappiste pertanto, che la comparsa di questa novella luce dell'anno 1604, su del tutto improvvisa ed inaspettata, e si mostrò la bella prima sera della maggior grandezza, che ella ritenesse in tutto il tempo che su veduta. Cominciò poi a mostrarsi minore e minore, sinchè in dicidotto mesi in circa restò affatto invisibile; nè in tutto questo tempo cangiò ella sito, ma sempre ritenne il medesimo aspetto colle stelle del firmamento, e come una di loro, solo partecipava del moto diurno, restando esente da ogni altra mutazione, o per lunghezza o per larghezza del Cielo, talchè se di moto nessuno su mobile, quello non su nè potè esser altro, che retto dal centro della terra verso la sfera stellata su in parti altissime, alla lontananza delle quali il semidiametro del globo terrestre susse di insensibile considerazione, poichè in lei non si scorse mai veruna mutazione di aspetto; stante queste osservazioni è cosa impossibile, Sig. Rocco, il mantenere, che ella fusse una delle stelle eterne, che per movimento di un suo Epiciclo o altro cerchio

avvicinandosi comparisse e poi allontanandosi si perdesse di vista, imperocchè impossibil cosa è il sar muovere in un particolar cerchio una stella, senza che ella muti aspetto colle fisse. In oltre bisegna che sappiate, che quando per un moto circolare la stella avvicinandosi si fa visibile, e poi allontanandosi si asconde, il modo del comparire bisogna che sia simile a quello dell'occultarsi. Or come averebbe potuto tale stella presentarsi in un subito, ed alla prima vista grandissima, se poi così lentamente si andò diminuendo, che non prima che in molti mesi si estenuò all'ultima esinanizione? e tanto più, che la sua diminuzione fu tale, e tale la differenza della sua massima e della sua minima osservabil grandezza, che così difserente non si mostra Marte nell'opposizione da se medesimo lontanissimo, benchè ullora sia ben sessanta volte maggiora il suo apparente disco. Voglio dirvi un altro punto più sottile, e scoprirvi un grande inconveniente, al quale dareste luogo in questo vostro modo di salvare la venuta e la partita di questa nuova stella. Voi liberamente ammettete, che potrebbe esser un Epiciclo, che portandola per alcuu tempo ce la rendesse visibile, e per altro ce la allontanasse in modo, che restasse occulta. E perchè il tempo del ritorno è lunghissimo, voi largamente ammettete, che il periodo di una sua conversione pos-

sa essere, anzi necessariamento debba essere di molte migliaja di anni. Or sia dei settemila, che voi concedete, ed essendo che il tempo della sua veduta fu di un anno e mezzo, facciamo il calcolo qual parte del suo cerchio ella in tanto tempo veniva a passare, che la troveremo esser manco di cinque minuti di un grado, cioè manco di una delle quattro mila trecento parti di tutto il cerchio. E perchè io credo, che voi pur concedereste, che visibile ci fusse ella mentre si trovava nella parte del suo cerchio più a noi vicina, dunque apparve solamente mentre passò la quattromillesima parte più bassa del suo cerchio; ma in una sì piccola parte di circonferenza non è punto alcuno, che sia nè anco venti braccia più vicino a noi di un altro; come dunque potette crescer, e scemar tanto la sua visibile grandezza coll'avvicinarsi, e allontanarsi solo poche braccia, mentre nè anco centomila miglia basterebbono? Vedete, Sig. Rocco, quanto vi manca per fondamento di poter discorrere di simile materia: fate, Sig. Rocco, a modo di un vostro servitore, studiate un poco poco i primi principj di sfera, ed anco qualche cosetta di Geometria, cioè tanto, che vi basti per concscere, che voi di queste materie sete lontanissimo da intenderne nulla, perchè tal cognizione vi schiverà per l'avvenire l'aprir mai più bocca di Cieli e di Elementi, e di lor moti circolari o

retti; cognizioni, che l'istesso Aristotile confessa di torle in presto da' Matematici. Io vorrei ajutarvi con qualche risposta in gegnosa provando, che pure senza servirsi d'altri moti, che circolari, si potrebbe far calare per linea retta la stella, ed alzarsi ed abbassarsi per qualsivoglia intervallo, e più restare occulta per lunghissimo tempo, e palese per breve, ma non voglio affaticarmi tanto la mente, perchè è cosa di Matematica alquanto sottile, e quel che più importa, non soddissa a quel comparire ex abrupto grandissima, consumando poi tanti mesi in diminnirsi, e tornare ad occultarsi.

Or ecco, Sig. Rocco, mostrati gl'inconvenienti (se però per voi mi sono abbastanza dichiarato) anzi l'impossibilità di potere per via d'Epiciclo o altro moto circolare render ragione dei particolari accidenti, che furono osservati nell'apparizioni ed occultazioni della muova stella del 604 similissimi in tutto a quelli dell'altra del 72. E così penso di potere aver soddisfatto a quanto con istanza mi domandate in questo proposito della faccia 196. dove poi seguendo dite come concetto creduto o trovato da me: Perchè tanti cerchi a guisa di scorze di cipolle intorno al Sole, come pur dite voi? Qui o voi non avete inteso quello, che io scrivo, o se l'avete inteso, a torto m'imponete quel che non solamente non è mio pensiero, ma nell'istesso luogo come vanissima opi-

300 nione la confuto. In quello che scrivete appresso ponete una mia contraddizione. e dopo quella una fraterna correzione, dicendo: Ricordatevi un poco, Sig. Galileo, e considerate le vostre ordinarie contraddizioni ad ogni passo, nè crediate abbian ad esser interpretate, come i responsi degli oracoli. La contraddizione poi, che m'imponete è, che io voglio, che queste stelle di nuovo generate si corrompano, mentre all'opposito altre volte (come voi dite) mi son burlato di chi dicesse, che una delle vecchie, e delle già numerate dagli antichi si possa corrompere. È vero, che io ho profferito e l'una e l'altra proposizione, ma di dove cavate voi, che io abbia mai stimato o detto, che una di queste nuove impressioni abbia che fare, o convenga colle antiche e vere stelle altro che nel nome? Il nome dunque appresso di voi si tira in conseguenza dell'identità della sostanza? Oh Sig. mio, non chiamate voi stella quella ancora piccola macchietta bianca, per la quale un cavallo si dice stellato in fronte? non si nomina stella la girella dello sprone? niuna di queste è, che disserisca più da una reale stella del cielo di quel che disferiscano le due dette stelle nuove. Se io dico danque, ed ho detto, che appariscono forse delle generazioni e delle corruzioni, non ho però detto generarsi reali stelle, e molto meno corrompersi, anzi ho detto, e replico ancora, che qualsivoglia materia niente o poco trasparente, cioè in somma che sia visibile, esposta in cielo ai raggi del Sole v'apparirà splendente, come una stella, levate dunque l'attributo di contraddittore a me, ed a voi applicatevi quello che più conviene,

che io non intendo di disgustarvi.

Seguite poi, e con piacevolezza portate la diversità, che io potrei addurre tra le antiche e le moderne stelle, come cosa delle più belle, che io potessi mai dire; il qual pensiero benchè veramente non mi sia mai caduto in mente, tuttavia è tanto saporito, che non lo voglio recusare, e benchè il sale col quale voi lo condite sia alquanto austero, ad ogni modo sento, che sa in me quell'effetto, che fa il solletico, che sebbene con qualche repugnanza si sopporta, tuttavia più con piacere provoca il riso. Nè con minor gusto ricevo la seguente correzione fraterna, dopo la quale liberamente dite, che non intendete, che nè io, nè Aristotile, nè altro uomo del mondo penetri gli arcani del cielo, ma agli animi docili e moderati basta di ridurre al più congruo, al non implicante, al verisimile. Ma se questo è, che cosa vi muove a voler per sì grande intervallo anteporre i placiti di Aristotile a quelli di un altro? Se poi nel presente caso voi sete ridotto al non implicante, ed al più congruo, potrete ora conoscer meglio, che prima. Quello parimente che di-

te contro quel temerario; che si desse a credere d'intendere come sia fatto il cielo, perchè da lontano lo vede e lo contempla, cade prima sopra Aristotile, che sopra di me, perchè esso assai prima di me va cercando di penetrare i cieli, nè io cerco se non di assicurarmi delle cose da esso cercate e stabilite, le quali se sono così incerte, come voi confessate, perchè con tanto livore vi inacerbite contro chi mon l'ammette, o come false le rifiuta? Ah! non avessi io mai ecoperte queste novità in cielo di tante innumerabili non prima vedute stelle fisse, di quel che siano le nebulose, la via lattea, le collaterali di Saturno, quella della corte di Giove, l'immensa mutazione di grandezza in Marte, l'importune macchie nel Sole, le gran mutazioni di figura, e grandezza in Vemere, le scabrosità grandissime nella Luna, deh mai io non l'avessi palesate al mondo, poiché dovevano concitarne l'odio del Sig. Antonio Rocco, e di tanti altri Sianori Filosofi. Consolatevi Sig. che il tempo scopritore della verità in breve è per estirpure queste fallacie, e più le varie conseguenze, che io stoltamente ne deducessi, e i vostri scritti pieni di dottrina ferma e soda viveranno immortali ad onta delle mie esorbitantissime chimere.

Dove voi dite, che non senza mistero ho scritto in lingua Toscana per farmi capo-popolo appresso i poco intendenti,

e che non penetrano nei profondi reconditi del Licco, e soggiugnete, che questo mio pensiero non è forse fallace in pratica. Errate in tutto e per tutto, e voi stesso potete a voi medesimo essere ottimo testimonio, il quale essendo così poco intendente delle cose scritte da me (cheben si può dire, che poco più che niente ne capite) pure non solamente non vi siete fatto mio seguace, ma mi avete preso un odio capitale, e soggiungendo appresso, che il numero de' balordi e corrivi, che inconsideratamente conferiscono gli onori è infinito, dovevate per mio parere eccettuarne quelli, che a voi hanno offerto gli onori delle cattedre principali, perchè se voi gli lasciate tra quella infinita moltitudine, voi gli spaccerete ora per balordi e corrivi, e sentenzierete voi stesso per immeritevole degli onori offertivi.

Nella faccia 173. o 183. Voi, Sig. Rocco, mi schernite, anzi strapazzate, e predicate per ignorante in tanti luoghi di questo vostro libro, che forse sareste andato
con più riservo, se vi foste immaginato,
che potesse accadere, che io vi avessi a
palesare per assai meno intelligente di me,
perchè l'esser vinto in materia di dottrina
da uno, che sappia più di voi, è assai
men vergogna, che il ridursi a dover cedere ad uno da voi medesimo reputato
e sentenziato per debolissimo; nè in questo caso conosco, che possa scemarvi il

304 cordoglio altro, che quella medesima cosa, che vi mosse a scrivermi contro, cioè il non mi essere io saputo ne' miei discorsi così bene dichiarare, che voi poteste intendere qualcuna delle mie più essenziali proposizioni; e perchè l'istesso indubitabilmente vi è per accadere, se mai vedrete queste mie postille, resta per vostro scampo l'incapacità e l'impersuasibilità, le quali non vi lasciano sentire il dolore. Dell'esser poi voi veramente impersuasibile, evidente esempio ne porgete nel pretender di mantenere vera la presente proposizione di Aristotile. Dio vi guardi, che di tal vostra pretensione altro che una fissa ostinazione ne susse cagione, perchè questa finalmente non è infermità incurabile, come è la stupidità di mente, e la natural torbidezza di cervello.

Voi dite verissima esser la proposizione di Aristotile, che le velocità de' gravi
descendenti ritengano tra di loro la proporzione medesima, che la gravità di essi,
si che una palla di artiglieria di cento
libbre venendo dall'altezza di cento braccia arriverà in terra quando che una di
moschetto di una libbra, partendosi dalla
medesima altezza, nell'istesso tempo sia
scesa un solo braccio, e la verità di tale
effetto soggiugnete doversi trarre dalla ragione, e non dalla esperienza, la quale
dite non esser di momento alcuno, ma
ben manchevole per difetto del senso,

conciossiaché il tempo nel quale si passa lo spazio da' due gravi predetti, è sì breve, che non può dalla vista esser con sì fatte proporzioni diviso, ec. Sin qui, ed in quel che segue appresso commettete voi tanti errori, che per trarvene non so qua-

si da quale incominciare.

Or sia il primo considerato quello dove voi con certa esclamazioncella mostrate di maravigliarvi, che io non capisca la forza della ragione, che a voi pare, che chiaramente concluda la proposizione di Aristotile, ed è che se l'effetto reale inseparabile dalla gravità, è tendere all'in giù, perchè ove più gravità si ritrova ivi ha da accelerarsi più il moto del corpo cadente, e cost sempre a porzione (a proporzione, Sig. Rocco, si dice) eccetto se

occorresse estraneo impedimento.

Qui la prima cosa equivocate, nel dedurre dalle premesse, non quel che direstamente ne viene, ma una conseguenza falsa, che con quelle non ha connessiona veruna; perchè posto che effetto della gravità sia il tendere all'ingiù, dove è più gravità ivi si debbe tendere più in giù, e non con maggior velocità, poichè nell'assunto non si parla della velocità, ma solo dell'ingiù, e questa conseguenza è verissima, e per questo un sasso va tanto in giù, che un legno non vi va, cioè quello come più grave scende nel fondo del mare, dove un leguo come men grave non Galileo Galilei Yol. X. 20

si profonds. Ed avvertite secondariamente, che il più e men grave si debbe intendere non assolutamente, ma in ispecie, perchè una trave, che pesi mille libbre non anderà così in giù, come un sasso di una libbra, e anco di un'oncia, siccome nell'aria, dove ambedue discendono, più velocemente si moverà la pietra, che l'immensa trave, per esser la pietra in ispecie più grave del legno. E qui debbo nel secondo luogo, avvertirvi, acciò inutilmente non vi attacceste per difesa di Aristotile a dire, che egli, intese nella sua proposizione de' mobili di gravità in ispecie diverse, perchè prima ei non lo dice, come sareb. be stato necessario, anzi manifestamente parla egli de'gravi differenti in peso, non per diversità di materia, ma solamente per la differente grandezza, come è manifesto nel testo 74. del quarto della fisica così scrivendo. Videmus enim ea quae majorem impetum habent aut gravitatis, aut levitatis, si quoad alia similiter se habent siguris citius serri per acquale spatium, et secundum rationem quam habent magnitudines ad invicem. Ed avendo in altro luogo di sopra detto quam habent gravitates, si vede apertamente, che egli parla delle materie egualmente gravi in ispecie; perchè aver la medesima proporzione in gravità, che in grandezza, non accade se non ai corpi di egual gravità in ispecie. Oltrechè (e sia il terzo vo-

stro avvertimento) nè anche le materie di diverse gravità in ispecie ritengono nelle velocità loro la proporzione de'pesi, sicchè una palla, v. g. d'oro, che pesasse quaranta volte più di una d'abeto di mole eguale, debba muoversi quaranta volte più veloce di quella, passando un'altezza di dugento braccia, nel tempo che l'altra appena ne avesse scese cinque, onde l'oro avesse anticipato il legno di 195. braccia, nella scesa di dugento, ma sicuramente ne anche di due, ne forse d'uno, e questo sì che vi giungerà molto nuovo, ma se saranno della medesima materia. o di materie di egual gravità in ispecie, delle quali parla Aristotile, pesi pur l'una quaranta libbre, e l'altra una sola, che nelle velocità saranno pari, se altra cagione, che gravità non s'interpone. E qui pel quarto scandaglio convien esaminar la ritirata, che voi fate in difesa di Aristotile. E prima voi dite, che il ridursi, per assicurarsi del fatto, al farne l'esperienza non è di momento alcuno, ma assui manchevole pel disetto del senso, perchè il tempo nel quale si passa lo spazio dai due gravi è così breve, che non può dalla vista esser con sì fatte proporzioni diviso, ec. Ma, Sig. Rocco mio dolce, dato, e non conceduto, che il tempo per la sua brevità non ammettesse una divisione nelle proporzioni delle velocità conforme all'asserto d'Aristotile, questo che voi dite avrebbe

luogo, quando tal divisione si avesse a fare, ma io dico, che non si ha a dividere nè tempi, ne spazio, ne altro, perche i due mobili cadenti percuoteranno in terra nell'istesso momento, nè il maggior anticiperà il minore di due dita, cadendo anco dall'altezza di dugento braccia; ed acciò che voi restiate non dirò persuaso, ma libero dal più affaticar la mente per sostenere il vostro detto invano, pigliate due pietre una per mano, e tenendo una alta dal pavimento un sol braccio, el'altra un braccio e mezzo, lasciatele cadere aprendo le mani nell'istesso momento, e notate coll'udito le percosse loro, che assolutamente e sensatamente le sentirete distinte l'una dall'altra, e veduta questa esperienza, se poi vorrete persistere, che i tempi delle cadute di cento braccia di altezza di due mobili, de' quali quando l'uno percuote in terra, l'altro secondo voi ed Aristotile si trova alto braccia novantanove, sieno tanto brevi, che non si possa notare se sieno eguali, o sommamente disuguali, tal sia di voi. Ma che diremo pel quinto notando, dell' impeto, che vi trae a spacciar me per tanto precipitoso, che vi fa prima dar di urto ad Aristatile? Voi scrivete, che il volere osser-. vare e distinguere le proporzioni di queste velocità è cosa manchevole, e di nessun momento, perchè la vista non basta a dividere per la brevità del tem-

30g po. Ma Aristolile, Sig. mio bello, è stato quello, che prima di me colla vista. e non con altro mezzo ha fatto tal compartimento: eccovi le sue parole. Vidèmus enim idem pondus atque corpus velocius ferri propter duas causas, aut quia id differt per quod fertur, ut per aquam, aut terram, aut aerem, aut quia id differt quod fertur, si alia sint eadem, propter excessum gravitatis, aut levitatis. E più a basso comincia prima dal senso della vista. Videmus enim ea quae majorem impetum habent aut gravitatis, aut levitatis, si quoad alia similiter se habeant siguris, citius serri per aequale spatium et secundum rationem quam habent magnitudines ad invicem. Non son dunque in questo più manchevole d'Aristotile, anzi pur ad esso solo riguarda la vostra saetta, che dice aver colla vista osservato il compartimento della disugualità delle velocità seguire la proporzione della gravità, che io non bo avuto mai bisogno di fare, nè di dire, che si facciano cotali compartimenti, e solo ho detto, che tali mobili passano il medesimo spazio nell'istesso tempo; esperienza, che non solo la vista, ma l'udito, e il tatto ancora possono perfettamente conoscerla. Io sin qui vi bo prodotti due luoghi, deve Aristotile afferma il senso della vista avergli mostrato la proporzione della velocità de' mobili ineguali, esser l'istessa, che quella della gravità loro. Tocca ora a

voi a insegnarmi i luoghi dove non dalla esperienza, ma dalla ragione ha appreso tal dottrina, la qual ragione dite, che io doveva prima solvere, e poi argomentargli contro, perchè se voi non mi palesate il luogo, nel quale tal ragione si contiene, io vi stimerò men pratico sopra i Testi d'Aristotile di quello che voi vorreste esser tenuto, ovvero che mi abbiate voluto inganuare col dissimulare quelle esperienze, che vi sono, adducendo quelle ragioni, che non vi si trovano, ovvero stimerò (e questo senza fallo è il più vero concetto) voi pieno di mal talento contre di me, che trascorriate senza molta considerazione a far, come si dice, d'ogni erba fascio, e par che speriate di oscurare quella gloria, quale ella si sia, che le mie molte nuove osservazioni mi hanno acquistato appresso quelle nazioni, dove per la lontananza non arriva il dente dell'invidia a destare la malignità, e fatto cieco dall'ira meniate a traverso non pure ad Aristotile, ma bene spesso a voi medesimo. Quanto poi a quel che voi dite, che io doveva addur le ragioni, che oltre all'esperienza (per vostro detto fallace) mi persuadono l'egual velocità de' mobili, quanto si voglia diseguali, non mancherò di farvele sentire più a basso. In tanto pel vostro sesto mancamento faremo un poco di reflessione sopra quelle cose, che voi medesimo producete, come ragioni, di que:

sta reciproca corrispondenza di gravità, e di velocità. Già di sopra vi ho scoperto la indiretta conseguenza, che voi cavate dalle premesse, mentre dite, l'effetto della gravità è tendere all'ingiù, adunque ove più gravità si trova, ivi dee accelerarsi più il moto del corpo cadente; la qual conseguenza non si può cavare dalle premesse, nelle quali non si è fatto menzione di velocità, ma sì bene dell'ingiù, per lo che l'argomento doveva camminare così: l'effetto della gravità è tendere all'ingiù, dunque ove è maggiore gravità, ivi maggiormente si dee tendere all'ingiù; e così era vero, e camminava bene. E se per sorte col muiar l'assunto voi stimate di poter direttamente concludere dicendo, effetto della gravità è indurre velocità, adunque dove è maggior gravità, ivi sarà maggior velocità; dubito che non incorriate in un'altra sorta di equivoco, cioè in quella, che prova idem per idem, perchè a voler con Aristotile inferire, che la velocità cresca secondo la proporzione delle gravità, non basta supporre indeterminatamente, che la gravità induce la velocità, ma convien supporre che la velocità cresca secondo l'accrescimento della gravità, ma questa è poi la medesima conclusione, che s'intende di dimostrare, et sia novissimus error esset pejor priore.

Voi seguendo di voler pur corroborare la medesima proposizione incorrete

nel settimo errore con dire, che tutte la verità delle misure infallibili dei pesi son fondate sopra questa irrefragabile. Qui la prima, e la più congrua risposta sarebbe il domandarvi, che mi andaste dichiarando ad una ad una quali sieno queste, che voi chiamate verità di misure de pesi, mostrandomi di più, come sieno fondate sopra la irrefragabile ec. ma la mia clemenza non vuole, che io v'induca a martirizzarvi in cercare quello, che giammai non troverete, perchè non è al mondo. Vi scuserò bene in parte di prosserire simil concetto non falso, nè vero, perchè è senza senso, essendo voi, per quello che si scorge dalla vostra dicitura, ed anco per vostra propria confessione, assai ignudo delle scienze matematiche, delle quali quella parte, che considera i momenti della gravità e della velocità de'corpi, che si chiama meccanica, è membro assai nobile, e principale. Userò bene a vostro benefizio questo atto di carità di trarvi d'errore, se saprò esplicarmi a bastanza, con dichiararvi quello, che è vero, e che voi avereste dovuto, e forse voluto dire, ma vi siete confuso. Però sappiate, che le gravità, le velocità, e loro momenti entrano nelle contemplazioni meccaniche, ma perè senza mai apprender per vero, che le velocità de gravi liberamente cadenti seguano la proporzione delle gravità di quel-li, perchè questo è falsissimo. Voi, per

quel che io vo conjetturando, avete trovato scritto (e sorse nell'introduzione di Aristotile alle questioni meccaniche) di gravità, di velocità maggiori e minori, e di certo rispondere proporzionatamente que sta a quella, e venutovi il bisogno per mantenimento dell'opinione di Aristotile, e vostra, avete accozzato insieme cotali parole con ordine tale, che formino la proporzione, che dice le maggiori e minori velocità dei mobili rispondere proporzionatamente alle loro maggiori e minori gravità in guisa tale, che la velocità del mobile più grave alla velocità del men grave, abbia la medesima proporzione, che la gravità di quello alla gravità di questo, e qui vi siete ingannato in digrosso. Onde per disingannarvi sappiate, Sig. Rocco, che quella ragione certa, sopra la quale sono fondate tutte le virtù delle misure infallibili de' pesi (uso la vostra frase benché di parole mal congruenti) cioè volete dir voi, che il primario fondamento della scienza meccanica, resulta da quelle sopraddette parole nel seguente modo ordinate: cioè quando di due corpi disserenti in gravità la velocità dell'uno alla velocità dell'altro averà la medesima proporzione, che la gravità dell' uno alla gravità dell'altro i momenti loro saranno compensati, e pareggiati. E però per darvene un esempio, vediamo noi nella stadera il piccolo romano non più grave di dieci

314 libbre sostenere una balla di mille libbre. cioè cento volte più grave di lui, tuttavolta che dovendosi questa e quello muovere la velocità del romano riuscisse cento volte maggiore di quella della balla, il che accaderà quando il romano si allontanerà dall'ago della stadera cento volte più del sostegno di quella, che non è la piccola lontananza dove è appesa la balla; e questo si dimostra concludentemeute negli elementi meccanici, e più potete notare per vostro ammaestramento quanto sia falso, che nella da voi circonscritta ragione, sopra la quale dite fondarsi le misure dei pesi, si assuma per fondamento, che le velocità seguitino la proporzione delle gravità, che per l'opposito conviene, che quelle abbiano contraria proporzione, e che quanto un mobile è più grave dell'altro, tanto la sua velocità sia più tarda. Vedete, Sig. Rocco, se è possibile alloutanarsi dal vero più di quello che fanno i vostri discorsi. Ma seguitiamo pure di ventilare la vostra detta vanità con due compagne appresso. Voi dite, che lo spazio delle cento braccia vien passato dei due mobili, l'uno cento volte più veloce dell'altro in così breve tempo, che nou può dalla vista esser con si fatte proporzioni diviso, anzi che per esser ella debole nei moti velocis-

simi, qual sarebbe quello d'una palla di

una bombarda, non scorge diversità alcu-

na di tempo tra l'uscita dal pezzo, e l'ar-

rivo allo scopo, ancorchò per grande spazio lontano. Concedevisi questo, e più che la velocità è tanta, che la palla nel suo corso fugge totalmente la vista. Ma sentite in grazia ciò, che ha da fare questa vostra considerazione col proposito del quale si tratta, e ditemi se quella palla, che spinta dal fuoco resta per la sua velocità inosservabile e del tutto invisibile, sarebbe ancor tale nel cadere dall'altezza di cento braccia, partendosi dalla quiete, e scendendo col moto semplice suo naturale? bisogna, che diciate di no, se non volete avere in contrario gli occhi di tutti gli altri uomini, che senza dubbio la vedono, e conviene anco, che confessiate il tempo della sua caduta esser molto ben considerabile e partibile, e però voi ancora nel camminare di buon passo, ed anco nel correre, potete come qualunque altro uomo, distinguere, ed anco numerare i passi che fate. Ora sappiate, che una palla di artiglieria di cento libbre di peso nel venir dall'altezza di cento braccia non consuma minor di quello che facciate voi nel camminare cinque o sei passi, o nel correre otto o nove; e se il tempo della cadata di una palla di cento libbre è tanto, quello di una che pesi una sola libbra, che per la dottrina di Aristotile e vostra debbe essere cento volte più tarda, sarà eguale a quello del cammino di cinquecento o secento passi; e voi con franchezza lo chiamerete per la

brevità incompartibile? Soggiugnete poi per maggiore dichiarazione della debolezza ed inabilità della vista due altri esempi, l'uno preso dal moto tardissimo dell'oriuolo, e l'altro dal moto della nave lontanissima, benchè assai velocemente passi, i quali esempi io veramente non intendo, coma abbiano da fare col nostro proposito, perchè il moto delle nostre palle non ha nè anco la centomillesima parte della tardità del raggio dell'orologio, nè si domanda, che ciò costituiate nel fare la osservazione Lontano dalla torre nè anco la centesima parte di quello che è la nave allora, che il suo moto henchè veloce, apparisce inosservabile. E qui noto, che voi per sostenere in piedi la vostra mal fondata proposizione avete bisogno, che nessuno dei moti del mondo sia nè osservabile, nè partibile: onde fattovi adito dai moti della artiglierie, e degli orologi, quegli incomprensibili per la somma velocità, e questo per la soverchia tardità, prendete animo di metter da questi quei de gravi cadenti, ancorchè il movimento loro sia egualmente lontanissimo dalle inosservabili velocità a tardità. Che più il tempo del moto della palla dell'artiglieria è inosservabile ed impartibile, e questo per la sua estrema velocità, par bene, che ragionevolmente si possa concludere, che all' incontro la molta tardità reuda il tempo del mobile ed osservabile, e compartibile, e ciò bene si

vede accadere mentre lo spazio, che dat raggio si passa, si divide in ventiquattro parti, ed anco talvolta in 96 e in 1440. ed in conseguenza il tempo medesimo in ore, in quarti, ed anco in minuti. Ma che dico io della facilità del misurare i moti tardi, e gli spazi loro? voi stesso lo avete prima di me avvertito e scritto, mentre dite, che io da semplice vorrei misurare le predette velocità così agiatamente, come se quei mobili cadenti si movessero con i passi della testuggine. Consideriamo adesso il vostro nono errore nato per non aver avvertito, o forse non inteso il computo, che io fo nel ritrovare il tempo della caduta di una palla di artiglieria dal concavo della Luna sino al centro della Terra, e perchè io pongo, che tal distanza sia 196000 miglia, ed il tem-

po della scesa ore tre 22. 4 sopra tale ipotesi concludete il tempo nel quale la medesima palla passerebbe cento braccia solamente, che sono (dite voi) meno della decima parte di un miglio, ma io vi concedo esser anco a pena la trentesima, dee veramente esser momentaneo ed impercettibile, il che io liberamente vi concedo delle ultime cento braccia prossime al centro, ed anco delle cento terminate su la superficie della terra, ma non già delle prime contigue all' orbe lunare, di dove partendosi dalla quiete comincia la caduta della ralla;

voi avete preso il moto, come se sosse equabile, ed in tutto lo spazio uniforme, né vi è sovvenuto, che ei va continuamente accelerandosi. Concedovi in tanto (ma senza veruna vostra utilità) che le cento braccia della terra sarebbero passate in un brevissimo momento dalla palla, che si fusse mossa dal concavo della Luna, ma quando ella avesse a cominciare il moto nella sommità di essa torre, il tempo della sua caduta sarebbe di quei cinque minuti, secondo che io scrissi, e che dovevano esser da voi considerati, e se non ramente io credo, che l'error vostro sia nato per non aver inteso quanto io scrivo, bisognerebbe con più grave nota affermare, che voi avete voluto ingannare il lettore, ed'a me appostatamente imporre una troppo puerile inconsideratezza. Dalle cose dette sin qui vedete pel vostro decimo errore, quanto sia fuori del caso quello che soggiugnete per confermazione, che nel giudicare delle pretese proporzioni di tempi e di velocità non si debba ricorrere al senso, ma alla ragione debole e fallace, confermando ciò coll'esempio della composizione del continuo, creduta, per vostro detto, da' Matematici, e dalla miglior parte de' Filosofi esser di parti infinite, le quali in verun modo possono esser comprese dal seuso, ma appena dall'intelletto, e non senza qualche repugnanza. Lascio stare che al vostro intento meglio, e più sicura-

mentre che Aristotile parla in generale senza ristriugersi più ad una che ad un'altra materia, pur che nel resto de' mobili l'altre cose sien pari, cioè le sigure sieno simili, nè distingue le palle dai dadi, nè dalle tavole, e sopra tutto dice l'essetto comprendersi colla vista; nè che io sappia, giammai ne adduce ragione, alla quale crederei pienamente poter rispondere, non potendo ella, come di conclusione falsa, esser concludente. Resta finalmente per soddisfare all'altra parte dell'obbligo che mi imponete, che io produca le ragioni ancora, che oltre alla esperienza confermano la mia proposizione, sebbene per assicurare l'intelletto dove arriva l'esperienza non è necessaria la ragione, la quale io pure produrrò, sì per vostro benefizio, sì ancora perchè prima fui persuaso dalla ragione, che assicurato dal senso. Incontratomi nel testo di Aristotile, nel qual egli per manifesta suppone la sua proposizione, subito seutii gran repugnanza nell' intelletto, come potesse essere, che un corpo dieci o venti volte più grave dell'altro dovesse cadere a basso con decupla o vigecupla velocità, e mi sovvenne aver veduto nelle tempeste mescolatamente cadere piccoli grani di grandine con mezzani e con grandi dieci e più volte, e non questi anticipare il loro arrivo in terra, nè meno esser credibile, che i piccoli si susser mossi un pezzo avanti ai grandissimi. Di qui

passando col discorso più oltre mi formai un assioma da non esser revocato in dubbio da nessuno, e supposi qualsivoglia corpo grave descendente aver nel suo moto grado di velocità dalla natura limitato, ed in maniera prefisso, che il volerglielo alterare col crescergli la velocità, o diminuirglielo, non si potesse fare senza usargli violenza per ritardargli o concitargli il detto suo limitato corso naturale. Fermato questo discorso mi figurai colla mente due corpi eguali in mole e in peso, quali fussero per esempio due mattoni, li quali da una medesima altezza in un medesimo instante si partissero, questi non si può dubitare, che scenderanno con pari velocità, cioè coll' assegnata loro dalla natura, la quale se da qualche altro mobile dee lero essere accresciuta, è necessario, che esso con velocità maggiore si muova, ma se si figureranno i mattoni nello scendere unirsi ed attaccarsi insieme, quale di loro sarà quello, che aggiugnendo impeto all'altro gli raddoppi la velocità, stante che ella non può esser accresciuta da un sopravvenente mobile, se con maggior velocità non si muove? convien dunque concedere, che il composto di due mattoni non alteri la lor prima velocità. Da questo primo discorso passai ad una più serrata dimostrazione, provando, che quando si supponesse, che il mobile più grave si muovesse più velocemente, si concluderebbe,

Galileo Galilei Vol. X.

che il mobile men grave si muovesse più velocemente nella seguente forma. Ritenendo, Sig. Rocco, per vere le supposte dignità, le quali non credo, che voi siate per negare, cioè, che ogni grave descendente abbia da natura determinati gradi di velocità, che non possono essergli accresciuti se non con violentare la detta sua naturale constituzione: prendesi i due mobili A (Fig. LXII.) maggiore, B minore, de'quali se è possibile A sia naturalmente più veloce, e B meno, e perchè pel supposto la naturale velocità di B non può esser accresciuta, se non per violenza, se noi vorremo crescerla con unirgli l'A più veloce, converrà, che la velocità di esso A violentare B in parte si diminuisca, non essendo maggior ragione, che la maggiore velocità di A operi nella minore di B, che la tardità di B rioperi nella velocità di A. Risulterà dunque dall'unione dei due A, B, un composto di velocità maggior di quella del B solo, ma minore di quella dell'A, ed essendo che il composto dei due A, B, è maggiore di A solo, adunque il mobile A, B, maggiore si muoverà men veloce, che il solo A minore, che è contra il supposto. Questi, Sig. Rocco, son progressi matematici, son conseguenze, per quanto stimo, non aspettate da voi; e perchè io son certo, che persistendo voi nel credere, che cresciuta in A la gravità pell'aggiunta di B, si debba pur

crescere la velocità, se non secondo la proporzione del peso, come sin qui aveta voluto con Aristotile, almeno in qualche parte, quanto vi giugnerà nuovo, se io vi mostrerò, che la giunta di B non accresce un capello la gravità di A, nè la crescerebbono le giunte di mille B, e che in conseguenza non gli crescendo peso, non gli dee crescere velocità, facendovi toccar con mano, come in cotal discorso altamente, equivocate; sicchè voi direte, come sarà mui vero, che essendo A e B due pezzi di piombo, questo soprapposto a quello non gli accresca gravità? e io vi aggiungo, che quando B susse anco di sughero, crescerà il peso, e concorro con esso vei in ammettere, che A posto sulla bilancia peserà più colla giunta di B, quantunque non solamente di sughero, ma un tiocco di hambagia o pennecchio di stoppa, e se A pesasse cento libbre, e B un'oncia di piuma in bilancia, il lor composto peserà cento libbre ed un'oncia, ma il servirsi di tale, esperienza nel proposito che trattiamo, è discorso vanissimo, e fuori del caso. Però notate, e ditemi, Sig. Rocco, se ad una palla di artiglieria di cento libbre di peso sospesa e sostenuta da una corda, voi poneste sotto una palma della mano, e solamente la toccaste, ditemi dico, se voi sentireste aggravarvi. So che risponderete di no, per esser il peso di quella retto dalla corda, ed impeditogli interamente

lo scendere: il quale effetto se tagliata la corda voi voleste colla forza del vostro braccio victarle, allora si che sentireste gravitarvi sopra la mano, che doverebbe far l'offizio della corda, proibendo alla palla la naturale scesa. Ma quando alla palla posta in libertà voi non contrastaste, ma anduste cedendo all'impeto di quella, con abbassar la mano colla medesima velocità colla quale la palla scenderebbe, ditemi di nuovo se voi oltre al toccarla, sentireste dal suo peso gravitarvi? bisogna assolutamente rispendere, che no, perchè niuna resistenza fate alla pressura di quel peso. Cavate ora da questo chiaro e breve discorso, che non potendo dirsi esser aggravato, se non quello, che al grave descendente contrasta, l'unire, e soprapporre l'uno all'altro de'soprannominati mattoni, che per esser eguali anco voi concedete, che con pari velocità scendano, non accresce l'uno gravità all'altro, e però nè anco velocità.

Ma sendo voi di già convinto, e necessitato a confessar la falsità del pronunziato generale di Aristotile, che afferma
la velocità de' mobili di diverse gravità
seguire la proporzione di esse gravità, mi
par sentirvi insurger contro il mio detto,
che dico moversi tutti coll' istessa velocità,
ed oppormi l'esperienza di due palle di
piombo, l'una di cento libbre, l'altra
non maggior di un granel di panico; del-

le quali scendendo dall'altezza di cento braccia, sebben la minima, quando 🖢 grave arriverà in terra, avendo calato più della ventimillesima parte di tutta la torre, tuttavia non giugnerà a basso nello stesso momento, che la grande, ma gli resterà per avventura due o tre braccia in dietro, e così nè anco la proposizion mia è vera. Prima che rispondere alla vostra instanza, la voglio ingrandire a mille doppi, ed oppormi le particole di un sasso ridotto in minutissima polvere, le quali scenderanno bene nell'acqua, ma quello spazio, che una pietra di due o tre libbre passerà in una battuta di polso, quelle non passeranno in molte ore, e talvolta in molti giorni, come le acque torbide per la constituzione di simili atomi impalpobili tutto il giorno ci dimostrano, nel deporli, e chiarirsi, se non dopo lungo tempo. E di più contraddicendo più apertamente a me medesimo vi dico, che realmente un sasso di cento libbre si muove più velocemente, che uno di cinquanta o sessanta, ancorchè dell'istessa materia e dell'istessa figura, e soggiungo, che cosi è necessario che segua. È se il Sig. Rocco avesse un poco di Matematica, mi rincuorerei di potermi dichiarar in medo, che restasse capace della mia dimostrazione, che sarà pura geometrica, e necessaria, nella quale io entro con quella medesima limitazione, della quale si ser-

ve Aristotile mentre dice, che per quelle, che dipende dalla gravità, le velocità seguono le proporzioni dei pesi, e soggiunge si eaetera sint paria: ed io pigliando similmente la limitazione dell'essere l'altre cose del pari, dico, che per quello, che dipende dalla gravità, tutti i mobili quanto si voglia disuguali in grandezza si moveranno colla medesima velocità, ma se ab extra s' interporrà qualche ostacolo, siccome sempre di necessità s'interpone, allora la regola per altro sicura della gravità vien perturbata talvolta, e più che sommamente alterata. Ora per intelligenza di questo negozio bisogna, Sig. Rocco, che voi sappiate, che tutti gl'impedimenti, che alterano e perturbano la semplicissima regola dei movimenti naturali, la quale sarebbe, che tutti i mobili di qualsivoglia gravità, grandezza gura si muovessero cogl'istessi gradi di velocità, dipendendo dal mezzo, il quale per esser materiale e corporeo, nel dovere esser penetrato dal mobile se gli oppone con qualche resistenza, e la velocità di quello in più maniere ritarda, delle quali una è la maggior o minor coerenza delle parti di esso mezzo, le quali nel dover distrarsi o separarsi per dare il transito al mobile, resistono, e più le più viscose, e così maggiore impedimento arrecherà alla scesa di una pietra la viscosità della pania, che quella del miele. Re-

siste il mezzo, ancorchè in tutto privo di viscosità, colla sua gravità, colla quale toglie totalmente il calare al basso alle materie, che non sieno in ispecie più gravi di esso mezzo, ed alle più gravi la concede più e men veloce, secondo l'eccesso maggiore e minore della lor gravità sopra la sua propria. Onde veggiamo la maggior parte dei legni scender nell'aria men grave di quelli, ma nen già nell'acqua, e non perchè in essa sia viscosità, ma per esser il legno men grave di quella, come disfusamente dimostro nel trattato delle cose, che galleggiano. E qui per intelligenza di quello, che ho da soggiungere si dee notare, che quelle materie, che o dalla natura hanno una determinata velocità di moto, o pur son constituite in istato di quiete, fanno resistenza alla forza, che altro moto gli vuol sopraggiungere, e maggiore la fanno, secondo che maggiore e maggiore dee esser la velocità del sopravvenente moto, e perchè il corpo mobile dee nell'aprirei il transito pel mezzo, spingere le parti di esso lateralmente, queste rimosse dalla lor quiete resisteranno al nuovo moto, che debbesi fare, ma ben minima, e quasi talvolta insensibile sarà la resistenza, se minima sarà la velocità; e grandissima, e massima, se con grandissima velocità doveranno muoversi, e però nel inuover len-tamente la muno per l'acqua, o il ventaglio per aria, quasi niuna resistenza semtiamo, che bene assai notabile si trova nel voler muoverli con velocità, ed una fasta nel mar quieto cederà, ma con moto tardissimo, a un piccol fanciullo, che con un sottil rese la tiri a se, che poi la sorza di cento schiavi non basterà per superar l'acqua, se con troppa velocità dovrà aprirsi per dar luogo alla barca. Con questa sorta di resistenza ha connessione quella, che s'attribuisce alla figura del mobile, perchè i mobili dell'istessa materia e gravità si muoveranno più o men velocemente, secondo che gli spazi da aprirsi pel lor passaggio saranno meno o più larghi, anzi anco un istesso mobile di sigura larga per un verso, e stretta per l'altro, scenderà per taglio più velocemente, che per piatto, essendo che in quel modo le parti del mezzo poco s'hanno a muover per fargli strada, e molto in quell'altro. Evvi una nuova resistenza da tutte le dichiarate differente, e ch' io sappia fin qui non osservata, e principalissima per risolver le difficoltà del problema, che trattiamo; questa consiste nel toccamento del mezzo fluido, e della superficie del corpo mobile, la quale par, che non possa esser mai così densa e liscia, che le scabrosità non sue porosità e qualche intoppo nel soffregarsi col mezzo, come sensatamente si vede in un solido, il quale ridotto sul torno a rotondità quanto più perfetta si possa, nel girar velocemente sopra i medesimi poli del torno, mena qualche poco di vento, e non per altro, che per gli urti della sua scabrosità o porosità, che si fanno nel mezzo ambiente, e questa tal resistenza è talvolta tanta, che nell'acqua ritarderebbe il moto delle barche assai notabilmente, e però usano con materie bituminose spalmarle. Tal impedimento è ben necessario, che sia piccolissimo, poichè ei non è potente a proibire interamente il moto di verun mobile, benchè pel suo minimo eccesso di gravità sopra al mezzo non abbia se non languidezza, ma propensione allo scendere, e dico piccolissimo, e quasi nullo, mentre il movimento sia tardissimo; ma quando ei debba esser veloce, la resistenza di quello s'accresce. Da questi nominati impedimenti del mezzo derivano tutte le alterazioni e deviazioni dei vimenti dei nostri mobili materiali dalla unica e semplice natural regola a tutti comunissima, la quale sarebbe, che tutti partendosi dalla quiete, scendessero verso il centro della terra con moto continuamente accelerato in duplicata proporzione tempi, come io dimostro nella mia nuova scienza del moto. Ma cotal regola vien primieramente in modo tale alterata dal mezzo, che a moltissimi mobili vien totalmente levato il muoversi verso il centro, cioè a tutti quelli, la gravità in ispe-

cie dei quali non sia maggiore della gravità del mezzo, e tutti i men gravi vengono dalla gravità del mezzo (intendendo sempre dei moti nei fluidi) estrusi, e scacciati in su. A quelli poi che superando la gravità del mezzo descendono in virtù dell'eccesso del lor peso, vien perturbata la regola della loro accelerazione, la quale non può perpetuarsi secondo la proporzione de nostri impari, e ciò provieue dal crescer sempre l'ostacolo o resistenza del mezzo all'esser aperto, secondo che cresce la velocità del mobile, però nei mobili di materie molto gravi in movimenti non molto lunghi, la detta proporzione quasi inosservabilmente si perturba, la quale continuando di crescer la velocità, e però auco la resistenza del mezzo, si riduce finalmente a egualità, che poi perpetuamente si mantiene. Il medesimo accade ancora ai mobili men gravi, ma questi come superati con minore eccesso dalla gravità del mezzo maggiormente vengono impediti, ed in più breve tempo ridotto il lor moto accelerato ad egualità. Onde l'altro mobile più grave, che più tardi finisce la sua accelerazione, si trova aver anticipato il men grave, ed aver cquistato grado maggiore di velocità, perlochè continuando ambidue di muoversi di movimenti ciascuno per se stesso conforme, ma questo più veloce di quello, crescendo il tempo, e gli spazi, che con-

seguentemente vengono passati, cresce ancora la distanza tra mobile e mobile coll'istessa proporzione, e sempre. Ma perchè il parlare così in universale, è alquanto oscuro per esser ben capito dal Sig. Rocco, ed io desidero d'esser inteso, acciò ch'ei non s'abbia a dibattere in vano per contraddirmi, come ben cento e più volte ha già fatto in questa sua operetta, solo per non aver intese le cose scritte da me, voglio esemplificargli, e dilucidargli con un raccolto parlare il mio concetto. Son dunque, Sig. Rocco d'opinione, che pigliando qualsivoglia mobile grave, come per esempio, tre palle, una di legno, una di pietra, e l'altra di piombo che pesassero di gravità assoluta la pietra quattro volte più del legno, il piombo tre volte più della pietra, son dico d'opinione, che venendo da qualsivoglia altezza si muoverebono con i medesimi gradi di velocità per appunto, talchè partite dalla quiete nell'istesso tempo si troverebbono sempre di conserva negl' istessi movimenti, tanto nella distanza di dieci braccia dal primo termine, quanto nella distanza delle cento e delle mille, e così in tutte le altre, e ciò seguirebbe quando se gli potesser levare gl'impedimenti del mezzo; ma se il mezzo, quale nel nostro caso sia v. g. l'acqua, sarà più grave del legno, la palla di tal materia non solamente verrà ritardata nello scendere, ma del tutto impedita, e dal peso dell'ambiente

estrusa in su'nel modo che tutte le materie comunemente credute leggere si muovono in su per estrusione, e non in altra maniera, Sig. Rocco. Ecco dunque l'impedimento massimo. Alla pietra poi, ed al piombo ritarda l'acqua la loro assoluta velocità, la quale figuriamoci, che fusse tale, che passassero la profondità di mille braccia in ventiquattro battute di polso, e posto che la pietra fusse quattro volte più grave dell'acqua, e il piombo tre volte più grave della pietra, e dodici dell'acqua, posti ambidue nell'acqua, la quale alla pietra detrae la quarta parte del peso, ed al piombo la dodici, detrarrà alla pietra la quarta parte della velocità, ed al piombo la dodici. Onde le mille braccia di profondità verrebber passate dalla pietra in trenta battute, e dal piombo in ventisei; ma perchè crescendo la velocità del mobile, cresce sempre la resistenza del mezzo, questa finalmente divien tale, che proibisce ai mobili il continuar l'accrescimento di nuova velocità, e prima lo proibisce ai men validi, onde saridotta la pietra alla privazione del nuovo acquisto, che il piombo, il quale continuando ancora per qualche tempo di augumentare la sua velocità, si ritroverà per qualche intervallo anteriore alla pietra, e con qualche grado maggiore di velocità, ed essendo in tal tempo la profondità passata dal piombo v. g. braccia cento, e la

passata dalla pietra braccia novanta, continuando ambidue di muoversi, ciascuno per se stesso uniformemente, sarà sempre il piombo anteriore alla pietra, cioè sarà sempre lo spazio passato dal piombo al passato dalla pietra, come cento a novanta, sicchè in ultimo quando il piombo sarà sceso le mille braccia, la pietra ne averà passate novecento. Ma facciamo, Sig. Rocco, per vostra maggior maraviglia l'esame di quello, che accaderà tra questi medesimi mobili in un mezzo men grave, qual sia v. g. l'aria, della quale ponghiamo, per esempio, la pietra esser mille volte più grave, e il piombo tre mila, del quale secondo la regola d'Aristotile il moto doverebbe essere tre volte più veloce, e vediamo quel che ne darà la regola mia, col supporre, che quando si togliesse l'impedimento del mezzo corporeo (il che forse accaderebbe nel vacuo) le velocità del piombo e della pietra sussero egualissime, acciò voi possiate conoscer con qual delle due opinioni meglio s'accordi l'esperienza; e perché l'aria detrae dal vero peso della pietra delle mille parti una, ma al peso del piombo delle tre mila una, però, diminuita la velocità con simil proporzione, voi troverete, che cadendo tali mobili dall'altezza di cento braccia, nella quale l'impedimento dell'acadente assai poco può aver alterata la regola assoluta del peso, il piombo nel

tompo, che senza l'impedimento dell'aria avrebbe passato le cento braccia, ne avrà passato un tremillesimo manco, ma la pietra un millesimo, cioè tre tremillesimi. ma un tremillesimo di cento braccia è circa un dito, per lo che dovrà in tal altezza il piombo aver preceduto la pietra di circa due dita. Fate, Sig. Rocco, tale esperienza con due palle di notabil grandezza, quali sarebbono d'un falconetto, e resterete chiaro. E se piglierete la palla di piombo, e una di sughere del piombo cento volte men grave, quando il piombo secondo la mia regola avrà passato le cento. braccia, il sughero ne avrà sceso sino 97 e non un solo, che sarebbe secondo la regola d'Aristotile. Ma qui la resistenza dell'aria, che al gran peso del piombo legger contrasto sa nel principio del moto, ma ben dopo breve spazio molto pregiudica all'accelerazione del sughero leggero, è causa, che il sughero dopo non molta spazio si riduce all' equabilità del moto, ma non già il piombo, se non molto dopo, e però accaderà, che negli spazi grandissimi si potrebbe veder il piombo aver di molto anticipato il sughero. Cotali sono gli accidenti della gravità del mezzo, e della sua resistenza all'esser aperto, e lateralmente mosso, con i quali possiamo congiungere quello, che dipende dalla figura più o men dilatata, ed in questo o in quel modo posta in uso, perchè una falda, che per piatto debba scendere, più lenta sarà, che scendendo per taglio, dovendo in quel modo far maggiore apertura nel mezzo, che in questo. Resta ora, che consideriamo ciò che operi l'aderenza del mezzo alle porosità e scabrosità delle superficie dei mobili, del quale impedimento ancorchè debolissimo n'è pur potente a cagionare grandissime differenze nella velocità e tardità. Tale impedimento non par che si possa dubitare, che sia maggiore in quei corpi che caeteris paribus hanno maggior superficie, e che però in un cubo o dado di pietra, che pesi una libbra, tal resistenza sarà maggiore, che in una palla della medesima materia e pese, quanto la superficie del cubo è maggiore della superficie della palla. A questo aggiungo, che nei corpi della medesima materia, e simili di figura cotal impedimento non riceverebbe augumento, ne diminuzione per crescimento o diminuzione di grandezza, tuttavolta che le lor superficie crescessero e calassero colla medesima proporzione ma perchè le superficie dei solidi simili, non nell'istessa proporzione, ma in minore, cioè in subsesquialtera di quella di essi solidi crescono, e calano, però diminuendo assai più la grandezza e peso del solido, che non diminuisce la superficie, l'impedimento vien tuttavia crescendo a proporzione della virtù, cioè della gravità del solido,

dalla quale l'impedimento dell'aderenza della superficie des essere superato. Eccomi, Sig. Rocco, a voi con un esempio più intelligibile di queste mie Matematiche (uso la vostra frase). Figuratevi un dado, che ciascheduno de' suoi lati sia lungo due dita, sarà ciascheduna delle sue sei faccie quattro dita quadre, e tutta la superficie ventiquattro dita quadre; segate poi questo dado con tre tagli in otto dadi, i quali saranno lunghi un dito per ogni verso, e quanto alla grandezza solida, ed al peso ciascheduno sarà l'ottava parte del primo, ma la sua superficie sarà molto più, che l'ottava parte della superficie del primo, perchè sarà di sei quadrati, dei quali la superficie del primo era ventiquattro, il peso dunque è l'ottava parte, ma la superficie è la quarta, cioè l'impedimento dependente dall'aderenza della superficie col mezzo, è il doppio più di quello, che dovrebbe, per esser superato dal peso del dado minore, con quella proporzione colla quale il primo e maggior dado superava l'impedimento simile colla sua propria gravità. Che se voi di nuovo suddividerete uno di questi minori dadi in otto, sarà il solido, e il peso di uno di questi la sessantaquattresima parte del primo, ma la sua superficie sarà la sedicesima, e non la sessantaquattresima, cioè quattro volte più del bisogno, per mautener la proporzione della resistenza.

E così se noi anderemo suddividendo, o scemando sempre con proporzion maggiore la mole corporea, che la superficiale, cioè diminuendo quella in sesquialtera proporzion di questa, ci ridurremo ad una polverizzazione di particole così minime, che la mole e gravità loro diverrà picciolissima in comparazione delle loro superficie, le quali potranno esser mille volte maggiori di quello, che converrebbe, acciò fusse l'impedimento dell'aderenza colla medesima proporzione superato dalla gravità de' loro cerpuscoli, e questi saranno quei minimi atomi della sottilissima arena, che intorbida l'acque, e non calano se non in molte ore quello spazio, che un sassetto quanto una noce passa in una battuta di polso. Qui mi par, Sig. Rocco, vedervi insorgere contro a tutto il mio passato discorso, e sogghignando farvi grun maraviglia, come in mi sia preso ardire di fare un supposto tanto repugnante al senso ed alla ragione, e non meno alla dottrina di Aristotile, mentre pare, che io supponga, come proposizione assolutamente vera, che tutti i mebili di qualsivoglia materia, grandezza, e figura, rimossi gl'impedimenti del mezzo materiale, dovessero muoversi con gl'istessi gradi di velocità, accennando io in un certo modo, che tal effetto seguirebbe nel vacuo, dove pare, che il medesimo Aristotile fondato parimente su Galileo Galilei Vol. X. 22

la resistenza del mezzo dimostri, che il moto dovrebbe esservi o istantaneo, o piuttosto nullo. Io vi confesso, che inclino al primo supposto, e vi produrrò i miei motivi, dopo che vi avrò mostrato la fallacia d'Aristotile nel voler distruggere il moto nel vacuo, e in conseguenza l'istesso vacuo. Consiste l'inganno suo uell'assunto, ch' ei fa supponendo, che il medesimo corpo mobile descenda per diversi mezzi con velocità proporzionale alle sottilità e cedenze di essi mezzi, sicchè sendo v. g. la sottilità dell' aria venti volte più cedeute, o men resistente della corpulenza e crassizie dell'acqua, quel mobile, che scendesse con venti gradi di velocità l'aria, nell'acqua scenderebbe con due solamente. E perchè la sottilità del vacuo, come infinita e nulla resistente, supera d'infinito intervallo quella dell'aria e di qualsivoglia spazio pieno, però la velocità nel vacuo sarebbe infinita, cioè il moto istantaneo, cioè finalmente nuilo, repugnando il darsi moto in istante. Tale è il progresso d'Aristotile, fabbricato sopra falso foudamento, perchè falso è, che un medesimo mobile ritenga in diversi mezzi le sue velocità proporzionali alcrassizie e sottilità di **ess1** perchè se ciò fusse vero, tutte le materie, che scendessero in un mezzo, dovrebbono scendere in tutti, attesoche non c'è

proporzione alcuna tra le corpulenze di due mezzi, che qualsivoglia grado di velocità non l'abbia a qualch' altro, e però quello, che scende in un mezzo, scenderebbe in tutti. Mi dichiaro pel Sig. Rocco. Sia l'acqua dieci volte più crassa e resistente dell'aria, e scenda una palla di abeto con venti gradi di velocità per l'aria, e perchè tal velocità è decupla della velocità di due gradi, siccome decupla è la corpulenza dell'acqua di quella dell'aria, adunque la palla d'abeto descenderà nell'acqua con due gradi di velocità, ma non scende con alcuno, adunque l'assunto d'Aristotile è falso. Sento la ritirata del Peripatetico, che dice, che Aristotile parla di quei mobili, che scendono nell'un mezzo e nell'altro. e non di quelli, che scendono in un mezzo sì, e in un altro no; ritirata, che par qual cosa in vista, ma in effetto è nulla. e lascio star di dichiarare, come Aristotile non potrebbe concludere il moto istantaneo nel vacuo di quei mobili, che scendessero nell'aria, e nell'acqua galleggiassero, e domando, se si potrebbe trovar un mobile, che nell'acqua scendesse con due gradi di velocità? Credo pur, che converrà dir di sì, e confessare appresso, che tal mobile sarebbe più grave dell'abeto. Sia per esempio una palla d'ebano; ora. se la velocità di questa, palla nell'acqua, che ha dieci di corpulenza, è di due gradi, qual sarà la velocità sua nell'aria,

340 dieci volte men grossa dell'acqua? Convien rispondere dover essere per la regola d'Aristotile venti gradi; ma venti gradi si suppone esser per aria anco la velocità dell'abeto, adunque le due palle d'ebano e d'abeto tanto differenti in gravità, si muoveranno nell' istesso mezzo, cioè nell' aria con pari velocità. Vedete, Sig. Rocco, a che passi conducano le zoppicanti supposizioni. E però concludete, che le velocità del medesimo mobile in diversi mezzi si regolano, non colla corpulenza dei mezzi, ma con gli eccessi della gravità assoluta del mobile sopra la gravità dei mezzi li quali detraggono sempre dalla gravità del mobile, e però dalla sua velocità, la qual velocità nel mezzo, che nulla gli sottraesse di gravità, resterebbe non infinita, ma bene intera, e non diminuita. E però tutti i mobili eserciterebbero le loro naturali velocità solo nel vacuo, e non in alcuno degli spazj pieni, li quali detraendo sempre datla gravità dei mobili, scemano la lor velocità, e con gli altri soprannominati impedimenti la couturbano. Restasi finalmente da spuntare lo scoglio più duro, e mostrare da quali sorte di congetture (giacchè l'esperienza è sorse impossibile a sursi) io mi sia lasciato indurre a poter credere, le innate velocità di tutti i mobili dovere essere nel vacuo tra di loro tutte simili ed eguali, crescenti però continuamente in duplicata proporzione dei tempi. Ha la

mia congettura avuto fondamento sopra certo effetto, che si osserva tra la velocità di mobili diversi di gravità nei mezzi pieni, il quale è che le velocità dette si fanno più e più disserenti, secondo che i mezzi si fanno più gravi. L'oro gravissimo sopra tutte le materie conosciute da noi, esso solo descende nel mezzo dell'argento vivo, dove tutti gli altri metalli galleggiano, però è manisesto potersi sare un misto d'oro e d'argento tale, che lentissimamente scendesse nel inercurio; sicchè la profondità v. g. d'un braccio, che l'oro puro passa in una battuta di polso, il misto non la passasse in manco di cinquanta o di cento. Ma poi se noi saremo scendere i due medesimi mobili nell'acqua, l'oro puro non arriverà al fondo di quattro braccia la decima parte del tempo prima del misto, nell'aria poi in cento braccia d'altezza non si potrà distinguere anticipazione alcuna di tempo o d'intervallo. Nel mezzo dell'acqua dove la cera schietta non va al fondo, possiamo farne una palla, quale con aggiunta di pochi grani di piombo, o altra materia grave descenda la prosondità di quattro braccia in venti battute di polso, la quale una palla di marmo scenderà in due battute di polso solamente, ma queste medesime passeranno altrettanto profondità d'aria in tempi inosservabilmente disuguali. Piglio due palle eguali in mole, una d'oro, l'altra

842 di sughero, quella oltre a cento volte più grave di questa, le quali se io lascerò cadere dall' altezza di cento braccia d'aria, è vero, che l'oro anticiperà il sughero di due o tre braccia, e forse di più, ma nell'altezza d'un braccio o di due, la differenza di velocità sarà quasi insensibile, e quelle differenze, che nei lunghi intervalli si fanno tra l'oro e il sughero grandemente notabili, non dependono dalle diverse gravità, ma dall' impedimento dei mezzi, come di sopra ho dichiarato; che se l'oro traesse la superiorità di velocità sopra il sughero dalla gravità, pare molto ragionevole, che rimosse tutte le alterazioni, che dal mezzo o da altro potessero provenire, dovesse l'oro superare il sughero in velocità colla proporzione, colla quale lo supera nella gravità, e che pérò anco nell'altezza di quattro braccia l'oro si mostrasse cento volte più veloce del sughero; quando dunque si facciano simili esperienze in piccole altezze, per isfuggir più che si può gli accidentari impedimenti dei mezzi, tuttavolta che noi vediamo, che con l'attenuare e alleggerire il mezzo, anco nel mezzo dell'aria, che pur è corporeo, e perciò resistente, arriviamo a vedere due mobili sommamente differenti di peso per un breve spazio moversi di velocità niente o pochissimo differenti; le quali poi siamo certi farsi diverse, non per la gravità, che sempre

son l'istesse, ma per gl'impedimenti e ostacoli del mezzo, che sempre si augumentano, perchè non dobbiamo tener per fermo, che rimosso del tutto la gravità, la crassizie, e tutti gli altri impedimenti del mezzo pieno, nel vacuo i metalli tutti, le pietre, i legni, ed in somma tutti i gravi si muovesser colla istessa velocità.

E tanto basti per ora aver notato sopra queste poche conclusioni d'Aristotile. e vostre, tra le moltissime attenenti al moto locale, e dopo che averete, Sig. Rooco, ben bene esaminati, ponderati, e paragonati insieme i vostri discorsi con i miei. e ridottovi a memoria il detto del Filosofo, che ignorato motu ignoratur natura, giudicate con giusta lance qual di due modi di filosofare cammini più a segno, o il vostro fisico puro e semplice bene, o il mio condito con qualche spruzzo di Matematica, e nell'istesso tempo considerate, chi più giudiziosamente discorreva. o Platone nel dir che senza la Matematica non si poteva apprender la Filosofia, o Aristotile nel toccare il medesimo Platone per troppo studioso nella Geometria.

Alla facciata 176. 177 Ma passiamo pur a considerare quello, che scrivete, S. Rocco mio, nelle seconde seguenti facciate, dove ponete concetti composti di parole matermatiche, ma tali, che io, che ne fo professione, e che ho inteso quel che scrivo-

no Euclide, Apollonio, Archimede, Tolomeo, ed altri molti celebri autori, non ne so trar costrutto alcuno.

E perchè io credo, che voi concorriate meco in ammettere, che uno, che voglia parlare d'un' arte difficile in se stessa, e da se mai non studiata, non possa sfuggir il dir cose fuori del caso, ed inintelligibili da chi le ascolta, però se voi vi metterete la mano al petto, e facendo un soliloquio vi anderete rammemorando ed esaminando lo studio, che avete fatto intorno a queste Matematiche scienze, certe non mi ascriverete a ottusità di cervello il non trar costrutto dalle cose da voi in cotal materia profferite. Contuttociò mi anderò ingegnando di penetrar qualche cosetta con vostro guadagno, poichè nel fine di questa parte dite, che avreste ben caro di aver l'evidenze infallibili, che vantano i Matematici di simili difficultà. Però dove voi dite d'avere stimato difficile, inintelligibile, e per avventura falso un vostro comunissimo detto, sphaera tangit planum in puncto, e perchè a cost credere vi muove il manifesto assurdo, e la conseguenza falsissima, per tale stimata dai Filosofi, e da' Matematici, perchè ne seguirebbe, che la linea verrebbe ad esser composta de'punti, dove all'incontro e questi, e quella vogliono tutti, che ogni quantità continua costi di parti sempre

divisibili: vi rispondo concedendovi esser dissicile, e sin qui stata quasi inintelligibile, ma non giammai salsa la composizione della linea di punti, e del continuo d'indivisibili; ed avvertite, che voi mostrate poco studio degli autori Matematici, mentre gli mettete in ischiera con i Filososi, non avendo quelli trattato mai cotal questione, se non sorse qualche Matematico della seconda o d'altra inserior classe.

Io, Sig. Rocco, di parere diverso dagli altri, stimo vera l'una e l'altra proposizione; essendo vero, che il continuo costa di parti sempre divisibili, dico, che è verissimo, e necessario, che la linea sia composta di punti, ed il continuo d'indivisibili. E cosa forse più inopinata vi aggiungo, cioè che essendo un solo il vero, conviene che il dire, che il continuo costa di parti sempre divisibili, col dire, che il continuo costa d'invisibili, sieno una medesima cosa. Aprite di grazia gli occhi a quella luce stata forse celata sin qui, e scorgerete chiaramente, che il continuo è divisibile in parti sempre divisibili, solo perchè costa d'indivisibili; imperocchè se la divisione e suddivisione si ba da poter continuar sempre, bisogna necessariamente, che la moltitudine delle parti sia tale, che giammai non si possa superare, e sono dunque le parti infinite, altrimenti la divisione si sinirebbe, e se sono infinite, hisogna che non siena quante, perchè infi-

348 niti quanti compongono un quanto infinito, e noi parliamo di quanti terminati, e però gli altissimi ed ultimi, anzi i primi componenti del continuo, sono indivisibili infiniti. Non vedete voi, che il dire, che il continuo costa di parti sempre divisibili importa, che dividendo e suddividendo non s'arrivi mai a' primi componenti? i primi componenti dunque son quelli, che non sono più divisibili, ed i nou più divisibili sono gli indivisibili. Qui sogliono farsi innanzi i filosofanti con atti e con potenze. dicendo le parti divisibili nel continuo esser infinite in potenza, ma sempre finite in atto, fuga, che può esser, che essi l'intendano, e vi si quietino, ma io veramente non ne so cavar costrutto veruno, ma forse il Sig. Rocco me ne farà capace. Onde io domando in qual maniera in una linea lunga quattro palmi sieno contenute quattro parti, cioè quattro linee di un palmo l'una, dico se vi sono contenute in atto o in potenza solamente; se mi dirà, contenute in potenza solamente, mentre non son divise o segnate, ed in atto poi quando si tagliano, io pur gli proverò, che parti quante nè in atto, ne in potenza possono essere infinite nella linea. Imperocchè io domando di bel nuovo, se nell'attuar col dividerle le quattro parti, la linea di quattro palmi cresce, o scema, o pur non mula grandezza. Credo, che mi sarà risposto, che ella resta della medesi-

ma quantità per appunto; adunque concluderò io, se una linea resta sempre della medesima grandezza, contenga ella le sue parti quante in atto, o abbiale in potenza, non potendo ella contenerne infinite in atto, nemmeno le potrà ella contenere in potenza, e così parti quante infinite nè in atto, nè in potenza posson esser nella linea terminata. Vengo ora ad un altro punto, e ammettendo questa fuga o trovato d'atto e di potenza, dico, che nel medesimo modo appunto, che voi fate contenere quattro linee d'un palmo l'una, alla linea di quattro palmi, e otto di mezzo palmo, e quattrocento d'un centesimo di palmo, e quattro milioni di un milionesimo, ella contiene infiniti punti, e se voi dite, che col segnarle e dividerle potete dalla potenza ridurle all'atto. ed io vi dico, che con simile artifizio, anzi con più spedito attuerò i miei infiniti punti. E qui uon credo già che voi ricerchiate, che io cominci a segar la linea in due parti, e poi in quattro, e poi in otto, e sedici, ec. sinchè arrivi agl'infiniti punti, perchè nè manco voi con simil progresso arriverete mai alla risoluzione delle parti divisibili sempre, non potendo voi valicare oltre al sempre; nè meno credo, che voleste vedere in tavola i punti distinti e separati l'uno dall'altro, perchè ci bisognerebbe una tavola lunga in infinito per capire, non tanto i punti, che dico esser infiniti, quanto gl'intervalli infiniti tra

l'uno e l'altro; nè forse ancora voi potreste mostrarmi le parti divisibili separate tutte; però conviene trovare qualch'altra maniera d'attuazione. Ditemi per tanto, se voi chiamereste attuate a vostra soddisfazione le sopraddette quattro linee, quando senza staccarne l'una dall'altra, si piegassero ad angoli, e se ne formasse un quadrato, confido, che tale attuazione vi basterebbe, e quando ciò sia, il piegarla in otto augoli formandoue un ottangolo, pur dovrà bastare per attuare le sue otto parti di mezzo palmo l'una, ed in somma inslettendola in poligoni di cento mille e cento milioni di lati e di angoli, si verranno a attuare le centesime, millesime, e centomillesime, e centomilionesime parti quante di lei, ed io col piegarla ed incurvarla in un cerchio, ne formerò assai più speditamente d'altri poligoni rettilinei il poligono di lati infiniti, e così avrò attuati i punti infiniti della medesima linea, il qual cerchio avrà tutti i requisiti di tutti gli altri poligoni, ed altri appresso più maravigliosi.

Il poligono di cento lati, eretto sopra un piano, lo tocca con uno de'suoi lati, cioè colla centesima parte del suo perimetro; il cerchio postovi nel medesimo modo lo tocca parimente con uno de'suoi infiniti lati, cioè in un punto. Quel poligono nel voltarsi imprime nel piano in una sua conversione una linea retta continuata, composta degl'infiniti suoi punti, ed eguale

alla sua circonferenza. Altre conseguenze poi del cerchio, ed ammirande le sentirete altra volta, dove spero dimostrarvi, che la strada, che si tiene comunemente nel voler comprendere i progressi della natura, non incammina così bene i suoi Filosofi verso il termine desiderato, col bandir dalla lor mente gl'infiniti, gl'indivisibili, i vacui, come concetti vani e perniciosi, ed esosi ad essa natura, come bene non incamminerebbe il suo sculare quel pittore o quel fabbro, il quale gli desse per i primi precetti il dar bando ai colori, ai pennelli, all'incudini, ai martelli ed alle lime, come materie e istrumenti inutili, anzi daunosi a simili esercizj. Ma facciamo qualch' altra considerazioncella sopra il vostro testo, e dove voi ponete pel primo e massimo inconveniente, che seguirebbe, se la sfera toccasse in un punto, l'esser la linea composta di punti. Già potrete vedere da quanto ho detto, che l'assurdo nou è così sicuro, come voi lo fate; nè meno è vero quello, che soggiungete, che tal composizione sia stimata falsissima in Filosofia e Matematica, perchè dai Matematici celebri tal pro-Posizione mon è trattata, non che conclusa o negata. Soggiungete poi (e sia detto con vostra pace) un masticaticcio di cose incongruenti, ed al mio cervello senza senso, con dire, che la sfera sarà di punti,

e di niuna quantità, perchè voltandola in giro, senza variar sito o distanza (distanza? da che Signor Rocco?) sempre in un punto, e qui credo, che abbiate voluto dire, che rivolgendo la sfera in se siessa. ma sempre sopra l'istesso punto del pia-.no, si seguerebbono sulla superficie di essa sfera cerchi o altre linee curve infinite, delle quali essa superficie sferica sarebbe composta, ed essendo esse liuee composte di punti, verrebbe anco in conseguenza ad esser di punti composta la sserica superficie, il che voi reputate impossibile, ma io no; e stimo, che siccome la linea è composta di punti, così le superficie sien composte di linee, ma e quella, e queste di punti infiniti, e di liuce infinite: le conseguenze, che soggiungete poi, son ben verissime, ma non pregiudicano a nessuno. Vero è che il punto per essere indivisibile non può conferire esser divisibile, nè quanto, nè circolare, nè fare, che la sfera sia divisibile, nè quanta, nè. ssera, nè sserica. E tutte queste saccende chi volesse dire, che nascono da un punto, stimo, che non avesse punto di giud'zio; ma chi con giudizio compone la linea di punti, non ne piglia un solo, nè due, nè mille o milioni, ma infiaiti, sicchè il conferir divisibilità e quantità, o virtù della infinità, la quale è una materia lontanissima dall'esser capace di quegli attributi e condizioni, alle quali soggiaç-

ciono i numeri, e grandezze comprese dal nostro intelletto; là non entra maggioranza, minoranza, nè egualità, non vi ha luogo ne il pari, ne il dispari, ogni parte (se parte si può chiamare) dell'infinito e infinita, sicchè sebbene una linea di cento palmi è maggiore d'una d'un sol palmo, non però i punti di quella son più dei punti di questa, ma e questi e quelli sono infiniti. Il resto, che aggiungete, che il punto non può conferir l'esser circolare, e che però la sfera sarebbe indivisibile, non quanta, non sfera, non sferica, veramente son con voi, anzi tengo, che nè il punto, nè altra cosa del mondo faccia, che la sfera sia sfera insiame, e più tengo per cosa certa, che nè meno sia cosa potente a far per l'opposito, che la sfera non sia sfera, nè sferica. Dottrina bella, e sicura; ma sappia il Sig. Rocco, che i Matematici, quando vogliono costituire una sfera, non ricorrono agl'indivisibili, ma vanno al torniajo, se la vogliono di legno, al fonditore, se la vogliano di metallo. Dove poi seguendo mettete in dubbio, anzi pur dannate la mia dimostrazione, e che per evitar quegli eviden. tissimi assurdi dite, che minore inconveniente sarebbe (sappia S. Rocco, che appresso i Geometri tutti gl'inconvenienti sono eguali, cioè massimi) il dire, che delle liuee tirate tra due punti, non la sola retta sia brevissima, ma che altre co-

sì brevi ve ne possano essere, ciò mi gini gue inaspettatissimo; e quando sia vero, rallegratevi, perchè convertirete in màniera non solo la presente questione, ma tutte le matematiche insieme, che mai più non moveranno assalti alle determinazioni filosofiche; ed io quando vi piaccia di additarmene una sola, che non sia maggior della retta, mi rincuoro di trovarae più di mille altre appresso, ma bisogna, che troviate altra dimostrazione, che la mia medesima, colla quale dite, che io concluderò in questo senso, perchè io veramente non ne so cavar tal conclusione. Che poi io supponga una falsità manifesta. per salvare una proposizione, che ha diverse interpretazioni, non so quello, che voi vogliate dire; forse l'intenderò dopo che m'avrete insegnato, non esser sola brevissima la retta; proposizione, che sin ora mi par falsissima, ed introdotta per levar il coutatto puntuale certissimo della sfera. Quello, che soggiungete per rimuover quella ragione, per la quale si dice, la sfera toccare in un punto, e che vi pare, che abbia buon' apparenza con dire, che nella brevità, ove accade il contatto colla sfira, si trovi in quantità reale respettiva indifferenza all'esser piano, e circolare: confesso la mia ignoranza, non intendendo niente, non ne so cavar senso, s però non posso vedere, come ciò schivi l'esser sforzato a dire, che nel punto sia

353

curvatura, ma ben senza l'ajuto dell'enigma mi libero io dal por curvità in un punto, essendo quello, che si curva dopo il contatto nel cerchio una parte di circonferenza, composta di punti infiniti, e nella sfera una parte della sua superficie, contenente infinite circonferenze, infiniti archi dall' istesso contatto derivanti; finalmente nel burlarvi del mio Simplicio circa le sfere materiali, mostrate di ricordarvi poco d'Aristotile, che esso, e non Simplicio, concedendo, che la sfera in astratto tocchi in un punto, dice che sphaera aenea non tangit planum in puncto, e voi ora lo negate anco della astratta, e per crescere errore sopra errore soggiungete, che avereste per minor assurdo, che le superficie piane si toccassero in un pun-

8

Manca il restante,

CONSIDERAZIONE

DI GALILEO GALILEI
SOPRA IL GIUOCO DE' DADI.

Che nel giuoço dei dadi alcuni punti sieno più vantaggiosi di altri, vi ha la sua ragione assai manifesta, la quale è, il poter quelli più facilmente e più frequentemente scoprirsi, che questi, il che depende dal potersi formare con più sorte di numeri: onde il 3. e il 18. come punti, che in un sol modo si posson con tre numeri comporre, cioè questi con 6.6.6. e quelli con 1.1.1. e non altrimenti, più difficili sono a scoprirsi, che v. g. il 6. o il 7. li quali in più maniere si compongono, cioè il 6. con 1.2.3. e con 2.2.2.

e con 1. 1. 4. ed il 7 con 1. 1. 5., 1. 2. 4., 1. 3. 3., 2. 2. 3. Tuttavia ancorchè il 9. e il 12. in altrettante maniere si compongano in quante il 10. e l'11. perlochè d'egual uso dovriano esser reputati; si vede nondimeno, che la lunga osservazione ha fatto dai giuocatori stimarsi più vantaggiosi il 10. e l'11. che il 9., e il 12.

E che il 9. e il 10. si formino (e quel che di questi si dice intendasi de' lor sossopri 12. e 11.) si formino dico con pari diversità di numeri, è manisesto; imperocchè il 9. si compone con 12.6., 13. 5., 1. 4 4., 2. 2. 5., 2. 3. 4., 3. 3. 3. che sono sei triplicità, ed il 10. con 1. 3. 6., 1. 4. 5., 2. 2. 6., 2. 3. 5., 2. 4. 4., 3. 3. 4. e non in altri modi, che pur son sei combinazioni. Ora io per servire a chi m'ha comandato, che io debba produr ciò, che sopra tal difficultà mi sovviene, esporrò il mio pensiero, con isperanza, non solamente di sciorre questo dubbio, ma di aprire la strada a poter puntualissimamente scorger le ragioni, per le quali tutte le particolarità del giuoco sono state con grande avvedimento e giudizio compartite ed aggiustate. E per condurmi colla maggior chiarezza che io possa al mio fine, comincio a considerare, come essendo un dado, terminato da 6. sacce, sopra ciascuna delle quali gettato, egli può indifferentemente fermarsi; sei vengono ad es-sere le sue scoperte, e non più, l'una dif-

ferente dall'altra. Ma se noi insieme cel primo getteremo il secondo dado, che pualtre sei facce, potremo fare 36. scoperte tra di loro disserenti, poichè ogni faccia del primo dado può accoppiarsi con ciascuna del secondo, ed in conseguenza fare 6. scoperte diverse; onde è manifesto tali combinazioni esser sei volte 6. cioè 36. E se noi aggiugneremo il terzo dado, perchè ciascuna delle sue facce, che pur son sei, può accoppiarsi con ciascuna delle 36. scoperte degli altri due dadi, averemo le scoperte di tre dadi essere 6. volte 36. cioè 216. tutte tra di loro differenti. Ma perchè i punti dei tiri di tre dadi non sono, se non 16. cioè 3. 4. 5. sino a 18. tra i quali si hanno a compartire le dette 216. scoperte, è necessario, che ad alcuni di essi ne tocchino molte; e se noi ritroveremo quante ne toccano per ciascheduno, averemo aperta la strada di scoprire quauto cerchiamo, e basterà sare tale investigazione dal 3. sino al 10. perchè quello, che converrà a uno di questi numeri, converrà ancora al suo sossopra.

Tre particolarità si debbon notare per chiara intelligenza di quello che resta: la prima è, che quel punto dei tre dadi, la cui composizione risulta da tre numeri eguali, non si può produrre, se non da una sola scoperta, ovvero tiro di dadi, e così il 3. non si può formare se non dalle tre facce dell'asso, ed il 6. quando si

dovesse comporre con tre dui, non si farebbe se non da una sola scoperta. Seconda: il punto, che si compone dai tre numeri, due de'quali sieno i medesimi, e il terzo diverso, si può produrre da tre scoperte, come v. g. il 4. che nasce dal 2. e dalli due assi, può farsi con tre cadute diverse, cioè quando il primo dado scuopra 2. e il secondo e terzo scuoprano asso, o scuoprendo il secondo dado 2., e il primo e il terzo asso; o scuoprendo il terzo 2., ed il primo e secondo asso. E così v. g. l'8. in quanto resulta da 3. 3. 2. può prodursi parimente in tre modi; cioè scuoprendo il primo dado 2. e gli altri 3. per uno, o scuoprendo il secondo dado 2. ed il primo e terzo 3. o finalmente scuoprendo il terzo dado 2. ed il primo e, secondo 3. Terza: quel numero di punti, che si compone di tre numeri differenti, può prodursi in 6. maniere, come per esempio, l'8. mentre si compone da 1. 3. 4. si può farc con 6. scoperte disserenti; prima, quando il primo dado faccia 1. il secondo 3. e il terzo 4. seconda, quando il primo dado faccia pur 1. ma il secondo 4. e il terzo 3. terza, quando il secondo dado faccia 1. e il primo 3. e il terzo 4. quarta, facendo il secondo pur 1. e il primo 4. e il terzo 3. quinta, quando facendo il terzo dado 1. il primo faccia 3. e il secondo 4. sesta, quando sopra l' 1 del terzo dado, il primo

farà 4. e il secondo 3. Abbiamo dunque sin qui dichiarati questi tre fondamen-ti, primo, che le triplicità, cioè il numero delle scoperte dei tre dadi, che si compongono da tre numeri eguali, non si producono se non in un modo solo; secondo, che le triplicità che nascono da due numeri eguali, e dal terzo disserente, si producono in tre maniere; terzo, che quelle che nascono da tre numeri tutti differenti, si formano in sei maniere. Da questi fondamenti facilmente raccorremo in quanti modi, o vogliam dire, in quante scoperte differenti si posson formare tutti i numeri dei tre dadi, il che per la seguente tavola facilmente si comprende, in fronte della quale sono notati i punti dei tiri dal 10. in giù sino al 3. e sotto essi le triplicità differenti, dalle quali ciascuno di essi può resultare, accanto alle quali son posti i numeri, secondo i quali ciascuna triplicità si può diversificare, sotto i quali è finalmente raccolta la somma di tutti i modi possibili a produrre essi tiri, come per esempio:

0 0 1 5 H 5 0 5 H

							 -
	4	4	5	5	6	6	
	Ç	4	ယ	4	N	ယ	0
	ယ	N	N	-	<u> </u>		
27	ယ	Ç	6	9	Ç	6	1
	W	4	4	5	5	6	_
1	ယ	W	4	Ŋ	ယ	b	9
•	က	<u>N</u>	-	<u> 10</u>	-		
5	-	6	ယ	ယ	6	6	
	•	w	4	4,	Ü.	6	
		ယ	S	ယ	þ	-	∞
		b	h		-		
,	21	ယ	()	6	6	ယ	
	·	Ì	نئ	دىن	+>	5	
		İ	u	ယ	b	-	7
		<u> </u>	N			<u>u</u>	
	•	15	(U	ယ	ဘ	ယ	
	•			N	W	4	
				Þ	b	•	6
			<u> </u>	b	<u>~</u>		
			1 5	-	o	ဟ	
				1	1 1	ÇÚ	
•				}	70	(M)	Cr.
				}	<u> </u>		
				10	: w	ÇU	
						, u	4
					<u> </u>	<u> -</u>	-
,			•		10	1 5	-
-						-	ယ
					1		
						- 14	
					_		

693 nella prima casella abbiamo il punto 10. e sotto di esso 6. triplicità di numeri, con i quali egli si può comporre, che sono 6. 3. 1., 6. 2. 2., 5. 4. 1., 5. 3. 2., 4. 4. 2., 4. 3. 3. E perchè la prima triplicità 6. 3. 1. è composta di tre numeri diversi, può (come sopra si è dichiarato) esser fatta da 6. scoperte di dadi disserenti; però accanto ad essa triplicità 6. 3. 1. si nota 6. ed essendo la seconda 6. 2. 2. composta di due numeri eguali, e di un altro diverso, non può prodursi se non in 3. disserenti scoperte, però se gli nota accanto 3. la terza triplicità 5. 4. 1. composta di tre numeri diversi può farsi da 6. scoperte, onde si nota col numero così dell'altre tutte, e finalmente a piè della colonnetta de'numeri delle scoperte è raccolta la somma di tutte: dove si vede, come il punto 10. può farsi da 27. scoperte di dadi differenti, ma il punto 9. da 25. solamente, e l'8. da 21., il 7. da 15., il 6. da 10., il 5 da 6., il 4. da 3., e finalmente il 3. da 1. le quali tutte sommate insieme ascendono al numero di 108. Ed essendo altrettante le scoperte dei sossopri, cioè dei punti 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. si raccoglie la somma di tutte le scoperte possibili a farsi colle facce dei tre dadi, che sono 216. E da questa tavola potrà ognuno ch'intenda il giuoco, andar puntualissimamente misurando tutti i vautaggi per minimi che sieno delle zare,

degl'incontri, e di qualunque altra particolar regola, che in esso giuoco si osserva.

PROBLEMI VARJ DI GALILEO GALILEI.

PROBLEMA I.

Perchè causa volendo un nuotatore star fermo e a galla nell'acqua, sia necessario, che ei stia supino, colle gambe aperte, colle braccia distese sopra il capo, e intirizzito.

La causa del problema è questa. Volendo il nuotatore star a galla, e fermo, bisogna che ei cerchi di farsi nell'acqua più leggero che può, e questo gli succederà ogni volta che ei si accomoderà in tal modo, che del suo corpo ne resti sommerso più che sia possibile, perchè un peso di tanto divien più leggero nell'acqua di quanto pesa tant'acqua eguale in mole alla parte demersa di esso peso. Ora il nuotatore stando nell'acqua supino, viene a farsi in essa leggerissimo, perchè dalla bocca, e piccola parte del viso in fuori, tutto il resto del suo corpo resta sommerso, che se in altra positura ei si accomodasse, v. g. bocconi o per lato, non gli

riuscirebbe lo stare a galla senza muoversi, perchè tanto si sommergerebbe, che cacciando la bocca sott'acqua, per non poter respirare, anderebbe a risico di affogarsi. In oltre egli è necessario, che ei tenga le gambe aperte assai, perchè essendo il nostro petto per l'aria, che in esso si racchiude, mercè dei polmoni grandiassai, molto più leggero nell'acqua, che le cosce e le gambe, che sono massicce e piene, non bisogna, che il nuotatore tenga strette ed unite, perchè così il lor centro della gravità cascherebbe assai lontano dal petto, onde sarebbe sforzato il nuotatore per la lieva delle gambe e cosce a dirizzarsi, nè potrebbe stare a diacere; dove che, se le terrà aperte e separate, il lor centro della gravità verrà più vicino al petto, e così gli faranno manco lieva. Bisogua aucora, che ei teuga le braccia distese sopra il capo, perchè tenendole così, viene a contrappesare il peso delle gambe e delle cosce, che se le tenesse accosto ai fianchi, ajuterebbe col peso delle braccia le gambe e le cosce a farlo rizzare, e tirarlo giù. Ed in ultimo gli convien stare colla vita intirizzata, attalchè e' venga a fare del suo corpo un composto solo, perchè se si abbandonasse, e si lasciasse andare, le braccia e le cosce e le gambe, essendo più gravi del petto, anderebbero al fondo, e seco tirerebbero il nuotatore.

PROBLEMA II.

Si domanda la causa onde avvenga, che il nuotare arrechi grandissimo affanno ai nuotatori, non ostante che e sieno leggerissimi nell'acqua, onde con ogni picciola forza facilmente per essa si muovono.

Si risponde, che non è la forza, che si fa per nuotare quella, che arreca l'affanno grande a chi nuota, ma l'avere a tirar sott'acqua buona quantità d'aria, mediante la necessità del respirare; il che si dichiara così. lo ho un pallone, e lo voglio col mio fiato gonfiare; piglio un cannellino di canna, lo metto nell'animella, e comincio per quello a soffiar nel pallone, certo che se detto pallone non sarà circondato da altro, che dall'aria, assai facilmente mi riuscirà il gonfiarlo; ma se piglierò poi il medesimo pallone sgonfio, e lo metterò in un vaso grande pieno di acqua, e vorrò pei gonfiarlo tenendolo in essa sommerso, chiara cosa è, che durerò una gran fatica, perchè mi converrà alzare tant'acqua col fiato, quanta è l'aria, che io caccio nel pallone. Ora colui che nuota non attrae col respirare l'aria nel petto, stando circondato da aria, dove prima con poca fatica il nostro petto si gonfia, ma dee respirare, e tirar l'aria sott'acqua, della quale tanta mole ne viene ad alzare, ogni volta che ei respira, quanta è l'aria, che respirando ei manda nel petto, i muscoli del quale non essendo usi a un esercizio tanto laborioso, grandemente si affaticano, e di qui procede l'affanno grande del nuotatore. A questo si può aggiugnere ancora, che essendo per avventura i medesimi muscoli quelli, che ajutano a muover le braccia nel nuotare, si viene loro a raddoppiar la fatica, onde e per questa, e per quella dell'avere a tirar l'aria sott'acqua, si cagiona a chi nuota l'affanno, che abbiamo detto.

PROBLEMA III.

I funamboli, tenendo un'asta lunga in mano, facilmente camminano, e ballano sulla corda, e senz'essa con gran difficultà e appena ci possono camminare.
Si domanda ora, che ajuto gli porga la detta asta.

La risoluzione del presente problema dipende da tre verissime proposizioni. La prima è tale. Io ho un pezzo di trave, e lo drizzo a perpendicolo sopra terra; drizzato che io l'ho, vedo, che non vuol stare altrimenti in piede, ma che comincia a inclinare per cadersene disteso in terra; allora se io, che lo vedo cadere, lo soccorro subito, con ogni picciola forza e lo

terrò, e lo tornerò a drizzare, che non vada giù, cosa, che non così facilmente farei, se lo soccorressi, quando ei fosse vicino a distendersi in terra. Da questa prima proposizione se ne cava la seconda, che è questa. Uno per passare un fosso è necessitato di camminare sopra un ponte strettissimo, qual sarebbe un tronco un albero, o un pezzo di tavola larga un quarto di braccio: ora se costui averà qualche ritegno, o appoggio benchè minimo, sul quale si possa reggere, quando si sente barcollare, facilmente passerà il fosso, perchè come abbiamo detto nell'esempio della trave, basta ogni picciola forza e resistenza per tener in piede una cosa, che accenni di voler cascare. La terza proposizione è, che con assai maggiore prestezza e velocità si vibra e si scuote un pezzo di legno corto colla mano, che non si fa un' asta molto lunga. Ora il Funambolo, a guisa di quello, che ha da passare il fosso pel ponte stretto, ha da camminare sopra una corda, sicchè se non avesse qualche appoggio, quando e' si sente vacillare, cascherebbe facilissimamente in terra; ma egli ha l'appoggio, e questo glie lo porge l'asta lunga, che porta in mano; perchè quando ei si sente piegare, e andar giù da una banda, egli si appoggia e si aggrava dalla medesima sull'asta, la quale per esser molto lunga con gran lentezza si muove alla forza, che gli vien

fatta; sicchè non così tosto ella comincia a muoversi, che il Funambolo, al quale basta ogni minimo appoggio per riaversi, si è già riavuto, e raddrizzato.

PROBLEMA IV.

Lo ho due lance del medesimo peso e della medesima lunghezza, cioè che tanto legno è in una, che nell'altra, ma una di esse è piena e massiccia, l'altra è incatvata e vota a guisa di una canna; si domanda adesso qual di queste due lance più difficilmente si scavezzerà o troncherà.

Si risponde, che la vota farà maggior resistenza nel troncarsi, che non farà la massiccia, e tanto maggiore, quanto è maggiore il diametro suo di quello della piena. Per la qual cosa quindi è, che la provida Natura dovendo far gli uccelli molto leggeri, acciò più facilmente si movessero per aria, ma colle penne gagliarde, acciò potessero durare a volare, dette loro le penne dell'ali, che son quelle, che più dell'altre si affaticano, di materia leggerissima, ma col calamo vote, acciò fussero gagliarde, e resistenti al troncarsi; che se colla medesima quantità di materia gliele avesse satte piene, assai più sacilmente si potrebbono spezzare. E l'istessa industria ha osservato ancora in fargli alcuni ossi, come quelli degli stinchi, e delle cosce, i quali si vedono molto sottili, e questo per leggerezza dell'uccello, ma voti dentro perchè e' sieno più gagliardi. Ma qui potrebbe domandare uno, perchè la patura non ha satto ui quadrupedi, e agli altri animali, che camminano sopra la terra, l'ossa delle gambe vote come quelle degli uccelli, ma molto grosse e piene di midollo come si vedono. Per questo si rispondera, che e' quadrupedi, ed altri animali, che vanno sopra terra, andando sempre a pericolo di urtare le gambe in sassi o altri intoppi con pericolo di frangersi o schiacciarsi gli stinchi, era necessario che la natura glieli facesse pieni e massicci, acciò non così facilmente si potessero schiacciare; perchè pigliando l'esempio dalle due lance con più facilità si può schiacciare quella che è vota, che la piena. Ma gli uccelli, che vanno per aria, dove non hanno a temere intoppo alcuno, ma debbono essere principalmente leggeri, hanno gli stinchi e le penne dell'ali vote, e per leggerezza, e perchè nel moto, che fanno nel volare, facciano più resistenza a spezzarsi.

PROBLEMA V.

O de avviene, che le stelle ci appariscano al senso immobili, con tutto che camminino con sommi velocità, sicchè in brevissimo tempo camminano grandissimo spazio del Cielo.

A tal quesito si risponderà così: che le stelle ci appariscono immobili, nel medesimo modo, che immobile ci si dimostra la lancetta dell'Oriuolo. Perchè se noi piglieremo un Ociuolo, e lo accomoderemo in tal maniera, che prodotto il suo indice vada a ferire in una stella posta in Oriente, e dall'altra parte del detto indice, che riguarda l'Occidente, porremo l'occhio, vedremo che secondo che l'indice si verrà innalzando, la stella lo seguiterà, mantenen losi sempre nell'istessa linea retta dell'indice, nè mai accaderà che noi la vediamo o sotto o sopra di esso, sicchè ci parrà che ella si muova al moto dell'indice, il qual moto essendo a noi insensibile, insensibile ancora ci vieue a essere quello della stella, ec.

PROBLEMA VI.

O de avviene, che in tempo che sia nebbia, e la mattina a buon' ora

si vede intorno alle siepi grandissima quantità di ragnateli, dove che, quando il tempo è sereuo e nel mezzo giorno, non se ne vede più uno. Si vedono assaissimi ragnateli quando è nebbia, perchè i fili di essi, che sono per la loro somma sottigliezza invisibili, vengono a essere ingrossati da un grandissimo numero di stille minusissime di acqua componenti la nebbia, che ci si posano su, onde si fanno visibili, e ci appariscono come tante filze piccolissime di perle, e per quest'istessa ragione se ne vedono ancora in gran quantità la mattina a buon' ora, perchè l'istesso effetto, che cagionano in essi le minute stille della nebbia, lo cagionano anco le stille della rugiada, la quale gli cade sopra la notte, onde poi la mattina si vedono quei carichi delle dette stille, le quali insino che il Sole non le consuma, son causa, che noi vediamo tanta gran quantità di ragnateli.

PROBLEMA VII.

Onde accade, che alcune volte dopo una nebbia scoprendosi il Sole le foglie di vite ed altre frondi divengono aride, e si seccano affatto.

La cagione di tale effetto è questa. Si posa (mentre dura la nebbia) sulle so-Galileo Galilei. Vol. X. 24

glie delle viti una grandissima quantità di stille minutissime di quelle istesse, che ci fanno vedere i ragnateli, e queste sono di figura rotonda e sserica persettissima; si dissolve poi la nebbia, e si scopre il Sole, i raggi del quale passando per quelle piccolissime sferette percuotono per refrazione la foglia, che ad esse soggiace, sicchè nel medesimo modo, che gli stessi raggi passando per una palla di cristallo, o per una caraffa piena di acqua, e percotendo sull'esca e sul panno o altra cosa simile la riscaldano ed accendono, così anco passando per quei piccioli globetti vengono a riscaldare talmente la fo-glia, che l'inaridiscono e seccano affatto. Ma è da notarsi, che non sempre accade questo, perchè se la nebbia durasse molto tempo, si verrebbono a ragunare su le foghe tante di quelle minute goccioline, che si rammonterebbono una sopra l'altra, si confonderebbono insieme, e finalmente perdendo affatto la figura sferica si schiaccerebbono, onde altro non apparirebbe sulla foglia, che un sottil velo di acqua, ed in questo caso il Sole non fa in esse quell'effetto, che fa mentre quelle goccioline vi sono sopra intatte e intere.

PENSIERI VARJ

DI

GALILEO GALILEI.

Il dire, che le opinioni più antiche ed inveterate sieno le migliori è improbabile; perchè siccome d'un uomo particolare l'ultime determinazioni pare che sieno le più prudenti, e che con gli anni cresca il giudizio, cesì dell'universalità degli uomini pare ragionevole che l'ultime determinazioni sieno le più vere.

2. Sensum visus asseris omnium maxime fallaciis esse obnoxium, ob idque non

372

leviter, quaecunque visui occurrunt, esse credenda: fateor; scias tamen te contra te ipsum obloqui. Dicam enim ego: quia visus, praesertim in maximis distantiis, decipitur, hinc factum est, ut omnes homines ad baec usque tempora ob visus imbecillitatem decepti sint, credentes trifornem Saturnum unam tantum esse stellam; Jovem solitarium incedere, cum tamen quatuor adstent illi circulatores; Lunam esse superficie perpolita; asperam tamen et tuberosam existentem deprehendimus; Venerem atque Mercurium semper circulariter intra naturalis potentiae cancellos obstrictos latere; oculis vero nostris mira perspicillorum essicacia munitis obviam sese fecerunt.

3. Si corpora physica non ex indivisibilibus constant, sed habent quanta minima in quae resolvantur, inquirendum est de ipsorum minimorum figuris, quae dubio procul erunt sphaericae. Afferunt enim causam, cur minima naturalia necessario sint quanta, quia scilicet talis forma, ut puta lapidis, terrae, auri, sub minori quantitate consistere nequit. Cum autem tres sint quantitatis dimensiones, dicendum est, formam illius corporis physici sub minore longitudine, latitudine, et profunditate consistere non posse. Dimensiones autem istae in corpore non organico non differunt ni-

si secundum nostram considerationem; acqualia ergo erant in minimis hisce componentibus, et per consequens quia mini-

ma erant physica.

4. Fixae sunt admodum exiguae, adeo ut neque Canis ipse multa superet minuta secunda. Licet quatuor mediceorum Planetarum periodi velocissimae sint, nunquam tamen huc usque iidem fuerunt situs, vel eaedem intercapedines. Quod liquido constat, si consequentes deinceps Constitutiones observentur, quae eundem ordinem minime servant: quod si et horum, numero tantum quatuor, brevissimae restitutiones irrationales sunt, quid quaeso de aliis septem erronibus existimandum? Quis eorum errores statutis legibus exscribet?

5. Utimur tanquam rationali mensura temporibus revolutionis diurnae, et eorum particulis menstruas Lunae, solis annuas, alias reliquorum Planetarum reversiones metiri consuevimus, quae tum inter se, tum primae lationi incommensurabiles cum sint, irrationabiles ergo, et prorsus inexplicabiles extant. Quapropter iis, qui sequentur, Astronomis, sicuti et superioribus omnibus, negotium in Astronomia non deerit. Insuper reliquarum omnium lationum mensuram facimus diurnam revolutionem, ejusque particulas, quasi et ipsa aequabilis et uniformis sit, aequalesque illius arcus aequalibus tempori-

574
bus respondeant; sed quis observavit, quis
vidit Æquatoris aequabilem esse transitum?

6. Calidi est rarefacere et frigidi condensare. Nunquid corpus aliquod, quod in aqua frigida non descendat, quia densior, descendat idem in calida, quia rarior?

7. In Vasculis vitreis occlusis liquores

et fructus diu forte servantur.

8. Esse in gravi repugnantiam intrinsecam ad motum instantaneum, adeo ut non ratione medii impedientis contingat successio et tarditas, qua dempta scilicet per vacuum intervallum, mobile instantanea casurum foret celeritate, patet vel maxime ex eo, quod in principio lationis lente movetur, impetumque acceleritatem acquirit successive, quod minime contingeret, si a principio intrinseco inesset illi propensio ad instantaneum motum. Cum enim tam in principio quam in medio lationis eadem semper habeatur medii resistentia, aeris nempe quiescentis, motus esset aequabilis orsus ab eodem principio, factus in eodem medio semperque codem modo disposito.

9. Crediderunt Peripateticicausam scintillationis Fixarum esse remotionem, obquam visus noster debilis et trepidans ad illas pervenit; sed ut rectius loquantur, ob quam illarum fulgor debilis ac titubans ad oculum pertingit; quod de more ex diametro falsum erit. Nam fixae scintillant, quia suapte natura lucidae fulgorem ab

intra emittunt, radiosque fulgentissimos vibrant. Planetae vero suapte natura obscuri alieno tautum lumine in superficie pinguntur. Languet exinde eorum lux adscititia, quae moveri desinit in Planetarum corpora impingens.

gnitudinem nullas esse operationes, deque illis nullam ab Astronomis curam haberi. Verum tuam inscitiam non agnoscis? Nonne Nebulosarum curam maximam geris? At nebulosae quid aliud sunt, quam stellarum infra tertiam magnitudinem congeries?

turalis, quatenus ca restituit in bonam, constitutionem, quae prius erant in mala, et sic motus etiam sursum iisdem naturalis est, ut cum lignum ex aquae fundo fertur ad superficiem, ut ibi naturaliter quiescat; ita quoque arboris ramus attollitur sursum naturaliter, quia vi inflexus fuerat.

ripatetici ignorantissimi di Matematica farsi avanti con dire, che Aristotile fu così gran matematico quanto altri, quasi che tanto basti, che Aristotile ne abbia saputo per se e per loro.

13. Che il fumar dell'acque dei pozzi l'inverno non venga da lor calore è manifesto, perchè i panni, che si asciugano al sole, l'inverno fumano, e la state no, e l'alito si vede l'inverno, e non la state.

14. Si Luna esset speculum, ad imagines circumadstantium corporum pingere376

tur, ipsorumque simulacra ad nos retorqueret. Verum Solis ac stellarum idola ob nimiam illarum a Luna distantiam, nec non ob Lunae a nobis elongationem, itemque ob ejus sphaericitatem omnino inconspicua forent. Afficeretur igitur universa Lunae superficies ab imaginibus totius aetheris circumfusi, cujus colore coloraretur: invisibilis ergo esset Luna in Coelo, ac Solis lumen nullatenus ad nos retorqueret. Sol enim in hemisphaerio Lunae eam occuparet partem, quam corpus illius in toto fere coelo occupat. Posita solis diametro gr. o. m. 34. erit ejus discus ad sui coeli

superficiem ut 1. ad 221760.

15. Sia il solido B in ispecie egualmente grave come l'acqua; e sia la mole C (Fig. LXIII.) più grave in ispecie del solido B, ma di gravità assoluta eguale ad esso; sarà dunque la mole C minore della mole B. Pongasi la mole C D eguale alla B, ed intendasi la parte D esser aria. Adunque D essendo aria, in aria non peserà niente, e però tutta la mole C D peserà in aria quanto C, cioè quanto B: le moli dunque B, C D in aria pesano egualmente. Dico che anche in acqua saranno eguali in peso, cioè che ne anco C D peserà nulla, Imperocchè pesando il solido C in aria quanto la mole B, cioè, quanto una mole d'acqua eguale a C D, ed in oltre pesando C in acqua meno che in aria, quanto è il peso in aria d'una

mole d'acqua eguale alla mole C; adunque C in acqua pesa quanto una mole d'acqua eguale alla mole D in aria. Ma la gravità in aria d'una mole d'acqua D è eguale alla leggerezza d'altrettanta mole d'aria in acqua: adunque la gravità del solido C in acqua è eguale alla leggerezza della mole d'aria D in acqua: adunque il composto C D in acqua non pesa nulla, come B.

16. In ogni mobile che debba esser mosso violentemente pare, che sieno due specie distinte di resistenza; l'una che risguarda quella resistenza interna, per la quale noi diciamo più dissicilmente alzarsi una pietra di mille libbre, che una di cento: l'altra che ha rispetto allo spazio per il quale si ha da sare il moto; e così maggior forza ricerca una pietra ad esser gettata lontana cento passi, che cinquanta. A queste diverse resistenze rispondono proporzionatamente i due diversi motori, l'uno dei quali muove premendo senza. percuotere, l'altra opera percuotendo. Il motore che opera senza percossa non muoverà se non una resistenza minore, benchè insensibilmente della sua virtù o gravità premente, ma la muoverà bene per ispazio infinito, accompagnandola sempre colla sua stessa forza: e quello che muove percuotendo, muove qualsivoglia resistenza benchè immensa, ma per limitato intervallo; onde io stimo vere queste due

378 proposizioni: il percuziente muovere infinita resistenza per finito e limitato intervallo: il premente muovere finita e limitata resistenza per infinito intervallo. Sicchè al percuziente sia proporzionabile l'intervallo, non la resistenza; ma al premente la resistenza, e non l'intervallo. Le quali cose considerate mi fanno dubitare, che il quesito del Sig. Francesco sia inesplicabile, come quello che cerchi agguagliare cose non proporzionabili, che tali credo io, che sieno le azioni della percossa, e della pressione, siccome nel caso particolare qualunque resistenza, che sia nel cunco BA, sarà mossa da qualunque percuziente C ma per limitato intervallo come tra i punti B A. Ma dal premente D non qualunque resistenza sia nel cuneo B A sarà spinta, ma una limitata e non maggiore del peso D. Ma questa non sarà spinta per il limitato intervallo tra i punti B A, ma in infinito, essendo sempre ugual resistenza nel medesimo mobile A B, come si deve supporre, non si facendo menzione in contrario nella proposta.

approvato per vero principio, che del freddo sia proprietà il ristrignere, e del caldo il rarefare. Ora stante questo, intendasi, che l'aria contenuta nello strumento sia della medesima temperie, che l'altra aria della stanza dove si pone, e così per ritrovarsi questi due corpi egualmen-

te gravi in ispecie, ne segue che l'uno non iscaccia l'altro, come a quello che per non acquistar niente è meglio restar quivi. Ma se l'aria circonfusa alla palla si raffredderà con l'imporvi qualche corpo più freddo, i calidi contenuti nell'aria compresa nella palla, come quelli che per esservi un mezzo men leggeri di loro, se ne saliranno in alto, e tal aria diverrà più fredda di prima: e così per l'antidetto principio si ristrignerà e terrà meno luogo, ne detur vacuum, onde il vino salirà su ad occupare il luogo lasciato vuoto dall'acqua, e di poi riscaldata tal aria, rarefacendosi e tenendo maggior luogo verrà a scacciare e mander giù il vino, il quale come grave volentieri le cederà quel luogo; onde ne segue che il freddo non sia altro che privazione di caldo. Che gli nomini muojano interizziti dal freddo avviene che il freddo ambiente va consumando tutti quegli atomi ignei, che trova nelle membra, onde non v'essendo più il calor naturale, si muore. L'acqua posta in una stanza si trova nella medesima temperie, che la stanza dove si pone partecipando ambedue ugualmente di atomi ignei: ma che una mano che tenuta in aria ti par calda, poi posta nell'acqua si raffredda, questa ne è la cagione considerandosi il caldo esterno e l'interno; che mentre resta in aria, gli atomi ignei suoi propri hanno luogo d'uscire, che son

quelli, che cagionano il caldo; ma posta in acqua, le particole d'essa tornano e serrano gli aditi onde escono i detti atomi, essendo le parti dell'acqua maggiori delle porosità, per le quali essi scappano fuori. il che non avviene nell'aria, trovando il campo libero, come quelli che non son tenuti dalle parti dell'aria per esser minori de' pori, onde erumpunt, essendo che il caldo non sia altro, che il contatto e solleticamento di quegli atomi calidi, i quali nello scappar fuora trovano le membra del corpo. L'aria freddissima per Tramontana è più fredda del diaccio e della neve. In confermazione di che se si approssimerà allo strumento in tal tempo o della neve o del diaccio, il vino calerà notabilmente. In oltre per confermar questo, un .vaso pien d'acqua posto nell'acqua non ghiaccerà, e posto in aria ghiaccerà. In oltre l'acque de' Fiumi dovriano agghiacciarsi nel fondo, dove son più lontane dal caldo dell'aria, e non nella superficie, dove son vicinissime all'aria, ma ne segue il contrario; onde nell'istessa maniera, cioè dall'operazione del caldo e del freddo si maturano tutte le frutte e biade, perchè se considereremo la struttura e fabbrica di quelle, prima vedremo: l'uva è composta di grani o vogliamo dire vesciche, e questo si vede apparentemente nell'uva dove ogni grano è una vescica: il simile ne'pomi

granati, fichi, coccomeri ed altri; onde tali vesciche essendo piene d'umore, venendo il caldo del Sole, le spreme e sgonsia, e mandano suori parte di quell'umore, onde la sera son passe. Ma nel sopraggiugner la notte, e raffreddandosi l'aria, tali vesciche si vengono a riempire di nuovo umore, e maggior di quello, che il giorno avanti avevano mandato fuori, onde esse vesciche vengono a molto più farsi capaci, e per questa alterazione si maturano, facendo l'istesso effetto che fa l'istrumento, in confermazione di che si veggono la mattina durissime. D' onde avvenga che il velluto tenga caldo, e l'ermisino fresco, ciò è causa, perchè questo, come quel che si accosta benissimo alla carne, serra i pori, onde restano i calidi dentro, e così non si genera il caldo, ed il simile avviene nelle pellicce. In un siasco si può costipare tant'aria, che pesi oltre al peso ordinario del fiasco e dell'aria, quanto un coso di venti soldi, onde ne seguita ch'ella sia grave e non leggiera, perchè se ella fusse tale, quanta più aria si costipasse nel fiasco, tanta più forza avrebbe d'andare in alto, come si vede che un vaso quanto più s'empie di terra, tanto più va al fondo.

18 Le parti quante nella linea terminata o sono finite o infinite; finite no, perchè la divisione non si estenderebbe in infinito; infinite no, perchè la linea proDico ne esser infinite, ne finite; ma esser tante, che rispondono ad ogni numero, e rispondendo ad ogni numero non sono infinite, perche nessun numero è infinito; nemmeno sono finite, cioè determinate da qualche numero, perchè d'ogni numero determinato ce ne sono altri maggiori.

La fallacia è nel distinguere dicendo, o sono finite o infinite; perchè il finito e l'infinito sono differenti di genere: ed in questa guisa non è buona divisione, l'avosio o è giallo o è dolce, potendo essere

nè giallo nè dolce.

Dirà alcuno, io divido la linea in due parti quante, poi in quarti, poi in 100. ne mai arrivo al fine della divisione; adunque nella linea è l'infinito de quanti. Si inganna questo nel suo discorso, perchè non meno dista dall'infinito il 1000, che il 100, n che il 20, o che il 4; e dal 4 al 20, poi al 100, ed al 1000 ec. non si cammina verso la infinità; onde questa inquisizione non ci può accertare, se vi sia l'infinito o no; siccome quello, che partendo da Venezia naviga sempre verso mezzo giorno non trovando mai Costantinopoli, non può dire, Costantinopli è lontana da Venezia in infinito, potendo esser ovvero che Costantinopoli non sia in natura, ovvero che quella strada non vada in quel verso: ma potria bea dire tal distanza cocer infinità, quando andando a

quella volta dove fusse Costantinopoli, fusse impossibile l'arrivarvi mai. Concludo adunque, che la via della divisione e suddivisione non camminando verso l'infinito, non ci serve niente per concludere se vi sia o no. Puossi continuar sempre la divisione, senza che mai le parti siano infinite, ma sempre contenute da qualche numero, del quale non ve ne sia un altro maggiore, nè vi è numero che sia infinito.

Quello che risponde a tutti i numeri non è di necessità infinito, perchè non v'è numero alcuno infinito, e quello che è determinato da qualche numero, non risponde a tutti i numeri, perchè nessun numero include tutti i numeri. Adunque quello che è determinato da qualche numero è altro, che quello, che risponde a tutti i numeri; e quello che risponde a tulti i nameri è altro che l'infinito. Adunque abbiamo tre cose differenti, cioè quello che è determinato da qualche numero, quello che risponde a tutti i numeri, e l'infinito. Chi dunque dirà, che le parti del continuo son tante, che rispondono ad ogni numero, dirà bene.

ro Cercasi per qual cagione i luoghi montuosi o vicini alle gran montagne siano più degli altri sottoposti alle tempeste, fulmini, tuoni, e baleni. Forse la cagione è tale. Levansi nella terra vapori, ed cealazioni. Sono i vapori materia delle piog-

ge, nebbie e nuvele. Ma l'esalazioni producono stelle cadenti, travi, ed altre impressioni ignee. Queste son frequenti nell'Estate per le molte esalazioni elevate dat caldo del Sole. Quelle abbondano nell'inverno e ne' tempi non caldi per la copia de vapori umidi; e mentre che l'aria sarà ripiena di semplici vapori, darà semplicemente pioggia e nevi; ma se vi sarauno in copia semplici esalazioni, vedrannosi le sole impressioni ignee sopraddette. Ma se nell'istesso tempo abbonderanno nell'aria e vapori ed esalazioni, allora per il contrasto delle contrarietà, l'esalazioni serrate e combattute da vapori produrranno tuoni lampi e saette, ed i vapori per l'antiperistasi dell'esalazioni non solo in pioggia, ma in grandine e tempesta si scioglierauno. Ora a ciò si elevino nell'istesso tempo e l'esalazioni ed i vapori, sono i luoghi montuosi accomodatissimi, e massime nel tempo caldo. Imperocchè ferendo il sole i dorsi de' mouti esposti a mezzo di ad angolo retto, gli risecca e n'estrae copia grande d'esalazioni; ma dai dorsi boreali, e dalle valli profonde ed umide ascendono in gran copia i vapori, i quali mescolati con l'esa-Sazioni sono materia atta a produrre mediante le loro contratie qualità quegli effetti più violenti di tuoni, lampi, fulmini, grandini, tempeste, dove che dalle pianure lontane dai monti, per esser

loro nello stesso modo ferite dai raggi solari, non si fanno elevazioni di materie contrarie, ma simili ed atte a produr effetti unisormi e meno violenti. L'inverno poi per l'abbassamento del Sole pochissime esalazioni dai monti, e meno dalle pianure si elevano; onde in quella stagione si hanno solamente gli effetti dei vapori, cioè pioggie, nevi ec. In oltre dai paesi montuosi maggior copia di vapori e di esalazioni si elevano, che dalle pianure, perchè la superficie v. g. di dieci miglia di paese montuoso è assai maggiore che quella di dieci miglia di piano, e perché l'evaporazioni si fanno dalla superscie, adunque ec. Dico in oltre maggior copia di vapori elevarsi dalla Terra umida, che dall'acqua, perchè l'acqua come diafana trasmette i raggi del Sole, e meno si riscalda, che la Terra opaca la quale riscaldata più, maggiormente fuma. Segno di ciò sia, che in un giorno di state, d'un vaso d'acqua profonda, poca se ne asciugherà, ma se si continuerà d'aspergere sottilmente una pietra o una tela grandissima copia d'acqua si convertirà in vapore. Poco dunque di vapori, e meno di esalazioni si eleva dal mare.

20 Aquam in sua regione non gravare colligunt ex eo, quod si quis in profundo maris locetur, pondus imminentis aquae non sentiat. Id autem si recte di-

Galileo Galilei Vol. X. 25

ctum est, inferam ego, non modo aquam non gravare, verum potius levitare. Nam si magnus e. g. lapis in profundo maris ponatur, non modo oh imminentem aquam non reddetur gravior, verum longe minus ponderabit, quam si aqua ablata fuerit.

21 Incalescat vitreum vas oris angustissimi, donec aer extrudatur, statimque obturetur, ne novus subintret aer, et ita exinanitum ponderetur in libra exactissima; deinde immissum idem vas in aqua aperiatur, ingredietur tantundem aquae, quantum desiderabatur aeris: haec aqua servetur in alio vase, deinde primum vas optime siccatum iterum ponderetur jam naturali aere repletum, ponderabit dubio procul magis quam antea dum esset exinanitum, acceptaque ponderum disserentia erit pondus aereae molis aquae servatae aequalis.

22 Fannosi liti e dispute sopru l'interpretazione d'alcune parole d'un testamento d'un tule, perchè il testatore è morto, che se fusse vivo, sarebbe pazzia il ricorrere ad altri che a lui medesimo per la determinazione del senso di quanto egli avea scritto. Ed in simil guisa è semplicità l'andar cercando i sensi delle cose della natura nelle carte di questo o di quel Filosofo più che nell'opere della Natura, la quale vive sempre, ed operante ci sta presente avanti gli occhi veridica ed immutabile in tutte le cose sue.

I.NDICE

Del presente Volume X.

Note al Trattato del Galileo del moto naturalmente accelerato del P. Abate Don Guido Grandi pag. Lettera di Galileo Galilei A...nella quale si tratta del moto naturalmente accelerato

nedetto Castelli contenente una dimostrazione d'un principio già
supposto dall'Autore nel suo Trat-
tato del moto accelerato ne'Dia-
loghi de' movimenti locali
Lettera di Andrea Arrighetti a Ga-
lileo Galilei in materia della re-
sistenza de solidi all'essere spez-
zati Tettera di Calilea Calilei a de force
Lettera di Galileo Galilei a Andrea
Arrighetti sopra, l'istesso sog- getto
Lettera di Galileo Galilei, dove si
tratta della resistenza de' solidi
Lettera di Galileo Galilei al March.
Guido Ubaldo del Monte, de mo-
ti fatti in tempi eguali nella me-
desima quarta di cerchio
Lettera di Galileo Galilei al Bertiz-
zolo, nella quale si mostra che
in uno spazio dato dove non fosse resistenza alcuna del mez-
zo, i gravi non solamente dise-
guali ed omogenei, ma ancora
gli eterogenei si moverebbero col-
la medesima prestezza
Lettera di Galileo Galilei al P. Ab.
D. Benedetto Castelli del modo
di misurare le gocciole d'acqua
cadenti sopra una data super-
ficie

•	384
Lettera del P. Ab. D. Benedetto Ca-	•
stelli a Galileo Galilei sopra l'i-	_
stesșa materia	116
Lettera di Galileo Galilei al P. Ab.	
D. Benedetto Castelli sopra l'istes-	Q
sa materia Lettere di Galileo Galilei a Curzio	118
Picchena segretario di stato del	
Seren. Grand. di Toscana, nelle	
quali tratta della calamita 120.	123
Lettera di Galileo Galilei sopra il	
Fiume Bisenzio a Raffaello Stac-	
coli	129
Lettere di Galileo Galilei, del P. Ab.	
D. Benedetto Castelli, e del	
Nozzolini in proposito della sti-	-63
ma d'un Cavallo Frammenti di Galileo Galilei	103
Frammento 1. di un parere sopra	
una macchina col pendolo per	
alzar acqua	253
Frammento II. di un parere del me-	
desimo sopra una macchina a	
mulino col pendolo	267
Frammento III. dell'istesso parere	
di Galileo Galilei, cominciato a	
distendere in Dialogo	273
Parere di Galileo Gulilei intorno al-	281
l'angolo del Contatto Postille di Galileo Galilei al libro	<u> </u>
intitolato Esercitazioni Filosofiche	
d'Antonio Rocco	289
	_

Considerazione pra il giuo	o de' Dadi	354
Problemi varj d	li Galileo Ga el medesimo	lilei 36 1 371

INDICE

DELLE COSE NOTABILI

Che si contengono nei primi dieci Tomi dell'Opere di Galileo Galilei.

A

Abitatori della Terra in diverse parti hanno diverse proprietà v. 7 480 Non son nella Lupa, come in Terra v. 5. 121 e segg. 263. Acqua nell'agghiacciarsi cresce di mole v. 2. 170 e segg. 314 Piccolissima quantità della medesima

è abile a sostenere un solido più grave di lei v. 2. 172. e segg. 196. 313. 314.

Sua quantità sollevata da un solido, che s'immerge è meno della parte immersa del medesimo v. 2. 179. e segg.

Dimostrazione del Galileo impugnata e

difesa v. 2. 316.

Qual proporzione abbia la sua mole ad un solido, che vi s'immerga v. 2. 181.

Suo discacciamento è causa del tornare a galla i solidi men gravi di lei v. 2. 208.

Non resiste alla divisione v. 2. 209. 247. 374. 375. v. 8. 118.

Non ha gravità sopra a se medesima, e

perchè v. 2. 234. e segg.

Diminuisce il peso sopra al corpi gravi, che in essa son collecati v. 2. 231 232. v. 8. 208 209.

È men grave in ispecie del Rame v. 2.

235.

Sostiene a galla un'assicella benchè più grave v. 2. 229. 369.

Se siano le sue parti continue, o contigue v. 2. 241. 242. e segg.

Dolce meno resiste alla divisione della salsa v. 2. 304.

Perchè si mantenga eminente sopra una superficie asciutta v. 2. 373. e segg.

Sue gocciole non sono maggiori d' un emissero, se non le piccolissime v. 2. 388.

Perchè paja prima fredda a chi v'entra, dipoi calda più dell'Aria temperata v. 7. 188. e segg.

Non resiste all'esser divisa se non dal va-

cuo v. 8. 32. 33.

Fino a quanta altezza si possa sollevar colla Tromba v. 8. 37.

Ha minor consistenza di qualsivoglia mi-

nutissima polvere v. 8. 72.

Suoi minimi, ne' quali sembra essere risoluta, sono differentissimi da'minimi quanti, e divisibili v. 8. 73. e segg.

Immediatamente si livella v. 8. 73.

E forse divisa ne' suoi ultimi componenti v. 8. 72. 73.

La medesima, e l'Aria sono di diversa sottigliezza, rarità, e cedenza v. 8.

Perchè è diafana v. 8. 74.

Quanto sia falso il voler nella medesima metter viscosità, o altra congiunzione di parti per farla resistere alla divisione, o penetrazione, come vogliono alcuni filosofi v. 2. 241 242 326 v. 8. 119 120.

Solo con quattro gocciole un po' più calda, o un po' più fredda, che se ne infonda in sei libbre della medesima, si fa più leggieri, e più grave v.

8. 118.

Come si reggano pezzi assai grandi, e molto rilevati della medesima, in particolare sopra alle foglie de Cavoli v. 8. 119.

Causa, perché si sostenga rilevata particolarmente sopra alle foglie, è esterna, e forse dell' Aria ambiente v. 8.

122.

Fra la medesima, e l'Aria s'osserva una grandissima dissensione v. 8. 120.

E insensibilmente più grave del vin rosso v. 8. 121.

Non si possono muovere in giù nella medesima, se non materie più gravi in

ispecie di lei v. 8. 129 e segg.

È più grave dell' Aria circa 400. volte, e non 10. come fu stimato da Aristotile, come mostra l'esperienza v. 8. 135.

Sostiene un ago posatovi sopra v. 2.286 287 289.

Acqua colla Terra fa un globo perfetto v. 7. 439

Acqua a chi v'entra appar prima fredda e poi calda più dell'aria temperata, e perchè v. 7. 188 e segg.

Acque correnti: vedi Fiumi.

Suo movimento non è regolato dalla pendenza del fondo v. 10. 144 145.

Scema di peso a i pesi, che vi s' immergono, quanto pesa una mole di acqua uguale alla mole del peso immersovi v. 2. 232 233. Acciajo: vedi Metallo.

Alcinoo, e suo detto circa il filosofare v. 2. 169.

Alessandro Marsili Filosofo ricercato per

lo studio di Padova v. 7. 540

Alone, e Pareli si mutano di luogo secondo la mutazione de riguardanti v. 6. 349.

Il medesimo è disserente dalle Cometa

v. 6. 379.

Il medesimo, e la Corona si vedono sempre congiunti al Sole v. 6. 386.

Altezze, e modo di misurarle col compasso v. 1. 280. e segg.

Delle Stelle, e modo di misurarle v.

7. 407.

Anello di Saturno e sue fasi v. 4. 393.

Animali quadrupedi, ed altri, che sopra terra camminano, hanno l'ossa loro dalla natura piene, acciocchè più difficilmente si schiaccino urtando in qualche cosa v. 8. 233. v. 10. 367.

Andrea del Sarto copiò una Tavola di Rassaello, e ne riportò lode non mi-

nore di Raffaello v. 7. 14.

Antonini: vedi Daniello.

Angolo definito v. 10. 281 e segg.

Del contatto, che cosa sia, e parere intorno al medesimo del Galileo, scritto a Gio. Cammillo Gloriosi Matematico Napoletano ivi.

Creduto nulla ancora dal Vieta ivi.

Non è veramente angolo, nè ha grandezza alcuna ivi.

Apelle finto: vedi Scheyner.

Archimede.

Sua dimostrazione a torto impugnatagli v. 2. 173.

Sua dottrina diversa da quella d'Aristo-

tile v. 2. 196 197.

Sua dottrina esaminata dal Buonamico

v. 2. 197.

Sua dottrina confutata dal Buonamico, perchè non concorda con quella d'Aristotile v. 2. 197.

Assurdo preteso dal Buonamico nascer dalla sua dottrina è nullo v. 2. 198

199.

Non tratta della Leggierezza v. 2. 205 206.

Sua dottrina intorno al tornare a galla i solidi v. 2. 205 206 207.

Sua Coclea per cavare acqua spiegata v. 4. 224.

Furto da lui scoperto v. 4. 243.

Come si fanno credibili gli effetti dei suoi specchi ustorj v. 8. 75.

Suoi libri ha letti, e studiati con gran-

de stupore il Galileo v. 8. 75.

Da una sola sua dimostrazione negli equiponderanti non solo dependono le ragioni della Leva, ma della maggior parte degli Strumenti Meccanici v. 8. 181.

Non ha trattato del moto, nè delle resistenze v. 8. 358 359. Aristotile: Suo principio nelle quistioni meccaniche considerato dal Galileo v. 176.

Suo falso supposto v. 2. 194.

Ha confutato gli antichi v. 2. 196 197. Sua dottrina è contraria a quella d'Archimede v. 2. 205.

Concede la pulsione negli Elementi v. 2. 199 200 201.

Sua definizione del Luogo v. 2. 224 225.

Sua dottrina contraria all'esperienza v. 2. 220 221.

Non crede le figure de corpi esser causa del muoversi o del non muoversi, ma del più tardo e più veloce moto v. 2. 280.

Sue parole spiegate dal Buonamico v. 2. 282.

Le medesime sue parole spiegate dal Galileo v. 2. 283 284.

Non ha ben silososato intorno a i dubbj che propone v. 282 e segg.

Confuta Democrito v. 2. 290.

Suo detto contro Democrito v. 2. 294 295.

Tiene, che non si dia il vacuo v. 2. 300.

Sua dottrina intorno al galleggiare i corpi sull'acqua convinta v. 2. 304. Sua opinione intorno all'immobilità dei Cieli v. 5. 204.

Suo parere intorno alle Cometé v. 5. 202 e segg.

Assomiglia la via Lattea alle Comete v.

6. 123.

Sua opinione che il moto ecciti calore v. 6. 130.

Perchè secondo il medesimo non sarebbe il moto nel vacuo instantaneo v. 8. 29.

Suo assioma, che la natura non intraprende a far quello, che repugna

ad esser fatto v. 8. 30.

Resoluzione d'un suo ammirabil problema, che egli medesimo chiama ammirando nelle sue questioni meccaniche v. 8. 48.

Sua dimostrazione in confutazione d'alcuni antichi, che introducono il vacuo per necessario al moto v. 8. 104

ro5.

Secondo il medesime, dal moto è distrutta la posizione del vacuo v. 8. 105.

Sua supposizione, che mobili diversi in gravità si muovano negli stessi mezzi con diseguali velocità, mantenendo fra di loro la medesima proporzione che le gravità v. 8. 105 e segg.

Confutata dal Galileo v. 8. 109 e segg. Sua supposizione, che le velocità d'un mobile in diversi mezzi ritengano fra di loro la properzione contraria

399,

di quel che hanno le grossezze, o densità de' mezzi v. 8. 105.

Tutti gli elementi secondo il medesimo hanno gravità v. 8. 130 131.

Sua esperienza concludente, che l'Aria

è grave v. 8. 130 131.

Ha scritto della Musica v. 8. 157 158. Sue quistioni meccaniche son dottissimamente commentate da Monsignor di Guevara v. 8. 200.

Sua opinione confutata dal Galileo, che si possano trovare nuovi corpi celesti per via d'Epicicli, o di qualsivogliano movimenti circolari v. 10. 295 e segg.

Da se stesso confessa di torre in presto da' matematici le cognizioni de' Cicli, e de'loro moti circolari v. 10.

299.

Nega, che si dia il vacuo v. 10. 337. e segg.

Tacciava Platone, per esser troppo studioso della Geometria v. 10. 343.

Aria men velocemente dell'ignee esalazioni si muove nell'acqua v. 2. 209

Non resiste all'esser divisa v. 2. 209

210 302 e segg.

Contigua a corpi più gravi dell' acqua è potente a fargli galleggiare v. 2. 229 230 232 233 238 239 271.

Non ha virtù calamitica v. 2. 371.

Rimossa dagli arginetti non opera niente v. 2. 382 383.

Che cosa operi accoppiata con un soli-

do v. 3. 59 e segg.

Quella, che è circonvicina a i corpi luminosi, è illuminata da' medesimi, secondo il parere d'alcuni filosofi v.

Ø. 159 160.

Non s'infiamma, nè s'illumina secondo il Galileo v. 6. 160 525. v. 7. 86 87. La medesima, e l'acqua sono di diversa sottigliezza e rarità, e di diversa cedenza v. 8. 109 e segg.

Tra la medesima, e l'acqua s'osserva una grandissima dissensione v. 8.

120.

È tenuta più grave, che leggiera da un filosofo, perchè più facilmente porta i gravi all'ingiù, che all'insù v. 8. 130 131.

Nella medesima risiede gravità positiva, e non come molti hanno creduto leg-

gerezza v. 8. 133 134.

Come si conosca quanta sia la sua gravità rispetto all'acqua, o ad altre materie gravi v. 8. 133 134.

Reprime la velocità d'un mobile caden-

te v. 8. 154.

In due modi esercita la sua forza contro i movimenti fatti nella medesima, uno è coll'impedir meno i mobili men gravi, che i gravissimi, l'altro col contrastar più alla velocità maggiore, che alla minore dell'istesso mobile v. 10. 383 384.

Argano: Sua forza spiegata v. 4. 193.

Con un canapo due o tre volte avvoltato al suo fuso può sollevare vastissime moli v. 8. 26 27.

Per mezzo del medesimo, colla forza d'un uomo, si sollevano pesi gravis-

simi v. 10. 256 e segg.

Vantaggio del medesimo non è che diminuisca la fatica o il tempo, ma fa, che quel tal grave si conduce intero, e non in pezzi ivi

Argoli vuol rispondere al Chiaramonti pel

Galileo v. 7. 549.

Arsenale dà largo campo di filosofare particolarmente intorno alle meccani-

che v 8. 11. e segg.

Artiglieria: Di tutti i suoi tiri, o di quelli de' Mortari di volata, il massimo, cioè quello, che in maggior lontananza caccia la palla, è il fatto coll' elevazione di mezzo angolo retto, che i Bombardieri dicono sesto punto della squadra v. 9. 54.

Tempo del suo moto è inosservabile,

ed impartibile v. 8. 278 279.

Arte non può inganuar la Natura v. 10. 255.

Per quanto appartiene a far forza non guadagna nulla sopra alla resistenza della Natura v. 10. 256.

Galileo Galilei Vol. X. 26

7.scensioni cosa sieno v. y 470.

Asse nella ruota depende dalla leva v. 4. 193.

Sua forza spiegata ivi e segg.

Astrologi non tengono conto delle Stelle della terza grandezza v. 7. 182 183. Sono derisi 180 e segg.

Astronomiche operazioni v. 7. 406 e segg.

B

Baleno, perchè paja, che non sia instantaneo v. 8. 77 e segg.

Bartolotti Ingegnere, e suo parere intorno al Fiume Bisenzio v. 10. 129.

Opposizione dell'Ingegnere Fantoni intorno al parere del medesimo v. 10. 131.

Sue ragioni intorno al Fiume Bisenzio esaminate dal Galileo v. 10. 132 e segg.

Falsamente regola il più o men veloce corso de' Fiumi dalla sola maggiore o minore pendenza v. 10. 141 142 e segg.

Beaugrand poco grato a' matematici, però gli è scritto contro v. 7. 388.

Stima l'approvazione del Galileo d'un suo libro ivi.

Bicchiere risuona al toccar d'una corda unisona v. 8. 164.

Messo in acqua colla bocca in giù ritira una palla di cera posta in fondo v. 2. 238 330. Bilancetta del Galileo, suo uso e fabbrica v. 4. 243.

Annotazioni sopra alla medesima di Domenico Mantovani v. 4. 250.

Del P. D. Benedetto Castelli v. 4. 257.

Di Vincenzio Viviani v. 4. 263.

Bisenzio Fiume: vedi Fiumi.

Borel Pietro Console di Amsterdam profferisce agli Stati d'Olanda l'affare delle Longitudini a nome del Galileo v. 7. 352.

Eletto Ambasciatore a Venezia per gli Stati d'Olanda v. 7. 382.

Bronzo: vedi Metallo.

Buonamico lascia la dottrina d'Archimede, perchè non concorda con quella d'Aristotile v. 2. 197.

Non soddisfatto delle ragioni d'Archime-

de, e perchè v. 2. 197.

Sua dottrina intorno al discendere o ascendere i corpi ne' fluidi v. 2. 209.

C

Calamita, lettera circa alla medesima v. 10. 120. e segg.

Suoi maravigliosi effetti ivi.

Calandrini Geremia v. 7. 382.

Calibro da Bombardieri per mezzo del Compasso v. 1. 258.

Calore è causato dal moto secondo Aristotile v. 6. 130.

È causato dal moto quando segue confricazione ne' corpi ivi.

In che consista 508. 509. e segg.

Per formare il medesimo non basta la presenza degl'ignicoli, ma bisogna ancora il moto ivi.

'Canna vota di legno o di metallo più salda, che se fosse d'altrettanto peso, e della medesima lunghezza massiccia v. 8. 233.

Data vota, trovare un cilindro pieno eguale ad essa v. 8. 235. e segg.

Trovare qual proporzione abbiano le resistenze d'una Canna, e d'un Cilindro comunque siano, purchè egualmente lunghi v. 8. 235. e segg.

Canali, che hanno la total pendenza eguale, averanno ancora eguali le velocità del moto, ancorchè l'un canale sia lunghissimo, l'altro breve v. 10. 132. e segg.

Nè indi con verità si può dire il moto essere più veloce nel meno inclinato, cioè nel più lungo, che nel più corto e nel più inclinato v. 10. 136.

Velocità per gli medesimi non seguitano la proporzione delle diverse pendenze, ma diversificano in infiniti modi anco sopra le medesime pendenze v. 10. 132. 133.

Qual proporzione abbiano i movimenti fatti per gli canali medesimi egualmente lunghi, ma di pendenze diseguali v. 10. 143.

Canapo: Sua resistenza allo strapparsi consiste nella moltitudine de suoi fila-

menti v. 7. 340.

Come un lunghissimo possa esser tanto resistente, mentre le fila che lo compongono, non sono più lunghe di tre o quattro braccia v. 8. 22.

Come col medesimo si possa scendere da una finestra senza scorticarsi le mani

v. 8. 27.

Canocchiale ritrovato da un Fiammingo (Jacopo Mezio d'Alckmaer), e sua fama arrivata all'orecchie del Galileo v. 4. 303. e segg. 363. e segg.

Ritrovato dal Galileo per mezzo della dottrina della refrazione de' raggi v. 4

307. 308.

Sua fabbrica v. 4. 308. e segg.

È utile e per mare e per terra v. 4. 306. 307.

Può servire per le longitudini. Vedi

Longitudini.

Unisce i raggi, ed ingrandisce l'angolo

v. 6. 275. 276.

Fabbricato dal Galileo, e portato a Venezia, e premio perciò ricevuto v. 6. 291.

Presentato da un Olandese al Conte Mau-

rizio di Nassau v. 6. 290. 291.

Per qual causa ancora il Galileo lo ritrovasse v. 6, 291. 292. 293. e segg. Fu prima inventato da un Olandese semplice maestro d'occhiali, e in che mo-

do lo trovasse v. 6. 292. -

Angolo pel quale col medesimo si veggono i corpi con qual proporzione diminuisca v. 6. 311. 312.

Accresce i corpi luminosi, ma non il

suo irraggiamento v. 6. 539.

Nuova invenzione per adoperare il medesimo nel corseggiare delle Galere **v.** 7. 236.

Lettera del Galileo intorno al medesimo

a Monsignor Dini v. 7. 169.

Sua fabbrica, e teorica depende dalla cognizione delle refrazioni v. 7. 170.

Non si può dubitare, che vi sia inganno, come è stato creduto, e perche

v. 7. 171.

Non solo il Canoechiale fatto dal Galileo fa vedere i quattro Pianeti Medicei, ma ancora tutti quelli degli altri artefici v. 7. 169.

Col medesimo ancor di giorno si scoprono i pianeti, ed anco buona parte

delle fisse v. 7. 312.

Quelli d'Olanda non iscoprivano bene i Medicei v. 7. 361. 363.

Canone de' lati degl' interi quadrati v. 1. 311.

Canone delle radici cube v. 1. 318.

Canone delle corde degli archi de' cerchi ı. 373.

Capra Baldassar.

Suo trattato del Compasso v. 1. 399. Sue considerazioni circa alla nuova Stella del 1604. v. 2. 10.

Impugnato dal Galileo circa all' invenzione del Compasso v. 2. 35. 88.

Ignorante delle cose Matematiche v. 2. 64. 149. e segg.

Carcavi vuole stampare tutte l'opere del Galileo v. 7. 387.

Castelli Benedetto.

Sue considerazioni intorno al discorso Apologetico di Lodovico delle Colombe v. 3. 291.

Di Vincenzo di Grazia v. 4. 5.

Sue osservazioni sopra la Bilancetta del Galileo v. 4. 257.

Suo Libretto dell'acque correnti ha reso cauti i Professori delle medesime v. 10. 130.

Sue Lettere sopra il modo di misurare le gocciole cadenti sopra una data superficie v. 10. 114.

Sue osservazioni circa a Saturno v. 5. 125. e segg.

Sua lettera a Monsig. Cesarini circa la misura dell'acque correnti mandata dal Galileo v. 10. 117.

Adopera il pendolo, non per andar a pranzo, o a letto v. 10. 117.

Lettera del Galileo al medesimo circa i movimenti locali v. 10.89.

Lettera del medesimo all' Arrighetti in-

torno alla stima d'un cavallo v. 19.

Lettera del Galileo al medesimo intorno a' suoi scoprimenti in Venere, Marte e Saturno v. 5. 19.

Catena d'oro mandata a regalare al Galileo dagli Stati d'Olanda v. 7. 374.

Cavallo Stima di un v. 10. 164. e segg. Lettere in questo proposito ivi e segg. Cavalieri. Fra Benaventura.

Suo Specchio ustorio lodato dal Galileo v. 8. 75.

Primo Matematico della sua età ivi. Sue lodi v. 7. 534.

Centro di gravità definito v. 4. 182.

In esso si raccoglie ogui impeto e ogni gravezza v. 4. 184.

Distanze del medesimo come si debbano prendere v. 4. 185. 186.

Cerchio, suo centro come paja eguale alla sua circonferenza v. 8. 53. e segg.

Modo di quadrarlo v. 1. 270.

Modo di quadrar le sue parti v. 1.275. Qual sia la sua quadratura secondo Archimede v. 1.276. 309. 334.

Qual sia la proporzione della sua circonferenza al diametro secondo Ridolfo

Accevelen v. 1. 329.

Impossibile è poterlo riquadrare perfettamente, e perchè v. 1. 276.

Sua circonferenza come paja si possa chiamare eguale ad un sol punto v. 8. 53. e segg.

Le loro circonferenze quanto si voglia disuguali, come si possono chiamare eguali v. 8. 53.

Come si possa descriverne uno infinitamente grande, e uno infinitamente

piccolo v. 8. 70.

Uno infinitamente grande come possa aver per circonferenza una linea retta v. 8. 71.

Uno infinito non si può dare v. 8. 69. Il medesimo è un Poligono di lati infi-

niti v. 8. 18. 19. 84. 89. 100.

Come Poligono di lati infiniti, è capacissimo sopra tutti gli altri poligoni d'eguale circuito v. 8. 99. 100.

È maggiore di tutte le figure regolari

isoperimetre v. 8. 99. 100.

E medio proporzionale, tra' quali si vogliano due poligoni regolari tra di loro simili, de' quali uno gli sia inscritto, e l'altro isoperimetro v. 8. 99.

De' poligoni circonscritti al medesimo quegli che hanno più angoli sono minori di quelli che ne hanno meno; ma all'incontro degli iscritti quegli di più angoli sono i maggiori v. 8. 99.

Due cerchi uno maggiore, e uno minore, come descrivono una linea eguale col loro perimetro v. 8. 87. e

segg.

Se due cerchi si toccan per di dentro, l'interiore de' quali lo tocchi qualsivo-glia linea retta, l'esteriore però lo se-

ghi, le tre linee rette tirate dal contatto interno de cerchi a i tre punti della linea tangente, cioè al contatto dell'interior cerchio, e a punti delle sezioni della linea medesima prolungata coll'esteriore cerchio, faranno gli angoli nel loro contatto èguali v. 8. 338.

Cora di gravità in ispecie simile all'acqua v. 2. 214.

Esperienze fatte per mezzo della medesima: vedi Esperienza.

Cesare riformò il Calendario v. 7. 357. Cesarini M. Virginio loda il Galileo v. 5.

126.

Cielo fluido v. 5. 196.

Sue alterazioni non gli sono inconvenienti, nè di pregiudizio v. 5. 303. e segg.

Sua materia non diversa dall' elementare, provata da alcuni con falsa ragione v. 6. 36q.

Come si possa ragionevolmente inferire la sua sostanza esser soggetta all'alterazioni e generazioni e corruzioni v. 5. 204. 205.

Cielo Sferico v. 7. 436.

Si muove circolarmente v. 7. 438.

Chiaramonte scrive contro il Galileo; suoi spropositi v. 5. 308. v. 7. 549.

Cicloide, è la via che si spedisce in un brevissimo tempo v. 10.63. e segg.

Le vibrazioni del pendolo per essa sono equidiuturne v. 10. 74 75.

Cilindri.

Sue resistenze all'esser rotti: vedi Solidi. Superficie dei medesitui, trattone le lor basi, sono tra lor in duplicata proporzione delle loro lunghezze v. 8. 93. 94.

I medesimi retti, le superficie de' quali, trattone le basi, siano eguali, hanno fra di loro la medesima proporzione, che le loro altezze contrariamente prese v. 8. 96.

Le resistenze de' medesimi egualmente lunghi, sono fra di loro come i cubi dei loro diametri v. 8. 191. 192.

Le resistenze di due de' medesimi eguali, ed egualmente lunghi, l'uno dei quali sia voto, l'altro pieno, hanno tra di loro la proporzione, che i loro diametri v. 8. 234.

Trovarne un pieno eguale ad un voto v. 8, 235.

Circonferenza; vedi Cerchio.

Città con eguali recinti possono essere di piazza diseguali v. 8. 98. 99.

Climi cosa sieno, e quanti v. 7. 488.

Coclea d'Archimede spiegata v. 4. 224.

Coluri v. 7. 467. 468.

Colombo Lodovico.

Suo discorso Apologetico contro alle Galleggianti del Galileo v. 3. 5.

Impugnato da Benedetto Castelli v. 3.

Lettere del medesimo: vedi Lettere.

Certezza della conclusione niente giova al ritrovamento delle cose v. 6. 294.

Comete. Disputa Astronomica sostenuta da un Gesuita intorno alle medesime v. 6. 95. e segg.

Discorso intorno alle medesime di Mario Guiducci v. 6. 117. e segg.

Parere di diversi circa alle medesime v. 6. 120. 121. 122. e segg.

Credute da Aristotile generate de' medesimi vapori della via lattea v. 6. 123. Descrizione di Ticone della Cometa ap-

parsa nel 77. v. 6. 164.
Stimate da' Savj, e da altri, Pianeti a tempo v. 6. 326. e segg. 571. e segg.
Difficoltà contra tal opinione v. 6. 574.

Sono sopra la Luna v. 6. 572.

Non sono generate di materia separata dal globo terrestre v. 6. 572. 580.

Sembrano esser di materia Celeste v. 6. 577. 578.

Moto proprio delle medesime v 6. 577. Due generi di Comete v. 6. 586.

Zodiaco delle Comete v. 6. 587.

Difficoltà frivola contro la dottrina del Galileo in questo proposito v. 6. 584. Rappresentare una reflessione simile a quella delle medesime v. 6. 362. 363. È differente dall' Alone, dall' Iride, e da altre apparenze v. 6. 379.

Nel luogo dove si formano, vi è materia atta nata a conservarsi più delle nugole e della caligine elementare v.

6. **393**.

Cometa del 77. osservata dal Galileo sempre era notabilmente curva, perchè sempre bassa si manteneva v 6. 424.

- Commissarj eletti dagli Stati d'Olanda per esaminare l'invenzione del Galileo circa il terminare le Longitudini v. 7. 352.
 - Degli Olandesi per esaminare il trattato delle Longitudini, muojono v. 7. 401. 402.
- Compasso, e uso delle sue linee Aritmetiche v. 1. 213.
 - Sue linee Aritmetiche, perchè così denominate v. 1. 214.
 - Dividere per mezzo del medesimo una linea retta in quante parti uguali ne piaccia v. 1. 214.
 - Da una linea proposta prendere quante parti ci saranno proposte v. 1. 214.
 - Risolvere col medesimo la regola del tre v. 1. 222.
 - Risolvere la regola del tre inversa v. 1. 226.
 - Come per mezzo del medesimo si trasmutino le monete v. 1. 227.
 - Risolvere la regola d'interessi sopra a interessi v. 1. 228.
 - Crescere o diminuire per mezzo del medesimo in qualunque data proporzione tutte le figure superficiali v. 1. 231.

Sue lince geometriche, perchè così denominate v. 1. 231.

Trovare per mezzo del medesimo la proporzione tra due figure superficiali, tra di loro simili v. 1. 233.

Costituire una figura superficiale, eguale a molt'altre simili proposteci v. 1. 234.

Proposte due figure simili e diseguali, trovare la terza simile, ed eguale alla differenza delle due proposte v. 1. 235.

Estrarre la radice quadrata v. 1. 236.

Ordinare gli eserciti v. 1. 240.

Trovate la media proporzionale v. 1. 242. Sue linee stereometriche, e perchè così denominate v. 1. 245.

Crescere o diminuire per mezzo del medesimo tutti i corpi solidi simili in qualunque data proporzione v. 1.245.

Trovare la proporzione tra due solidi simili v. 1. 246.

Trovare un solido eguale a molti simili proposti v. 1. 247.

Estrarre la radice cuba v. 1. 247.

Trovare le due medie proporzionali v. 1. 250.

Ridurre un parallelepipedo in un cubo v. 1. 251.

Sue linee metalliche, perchè così denominate, e loro spiegazioni v. 1. 252.

Per mezzo delle medesime trevare la proporzione del peso fra metalli v. 1. 254.

Trovare la proporzione del peso fra due

solidi simili, e di diverse materie v. 1. 256.

Come le suddette lince metalliche servano per calibro v. i. 258.

Proposto un corpo di qualsivoglia materia trovar tutte le misure particolari d'uno d'altra materia che pesi un dato peso v. 1. 262.

Sue linee Poligrafiche, e perchè così denominate v. 1. 268.

Descrivere per mezzo delle medesime i poligoni regolari v. 1. 268. 269.

Dividere la circonferenza del cerchio v. 1. 269.

Sue linee tetragoniche, e perchè così dette v. 1. 270.

Riguadrare per mezzo delle medesime il cerchio, e trasmutare le figure v. 1. 270.

Costituire una figura eguale a diverse regolari e dissimili v. 1. 272.

Costituire qualsivoglia figura regolare, eguale ad ogni altra regolare, ma rettilinea colla figura proposta v. 1. 272.

Linee aggiunte al Compasso, e perchè così dette v. 1. 275.

Per mezzo delle medesime riquadrare le parti del cerchio v. 1. 275.

Misurare per mezzo del Compasso colla vista v. 1. 280. e segg.

Compasso, e annotazioni al medesimo del Berneggieri v. 1. 297.

Sua fabbrica v. 1. 299.

Fabbrica della sua linea aritmetica v. 1. 302.

Della sua linea geometrica v. 1. 306.

Della sua linea stereometrica v. 1. 315.

Della sua linea metallica v. 1. 322.

Della sua linea poligrafica v. 1. 331.

Misurare il lato di qualsivoglia figura inscritta v. 1. 333.

Fabbrica della linea tetragonica v. 1. 342.

Aggiunta alla linea metallica v. 1. 354.

Sua linea aggiunta v. 1. 359.

Sue linee delle corde v. 1. 370.

Sua linea da inscriversi nella medesima sfera v. 1. 376.

Sua linea equatrice della sfera e de' corpi regolari, e reduttrice tra di loro v. 1. 380.

Col medesimo dividere i quadranti interposti a' lati dell'istrumento v. r. 382.

Dimostrazione dalla quale dipende il suo uso e fabbrica v. 1. 386.

Compasso delle proporzioni di Jodico Briggio v. 1. 389.

Sua linea delle corde, e suo uso v. 1. 390.

Per mezzo delle medesime risolvere varj problemi v. 1. 390. e segg.

Sua linea de' corpi inscrittibili nella medesima sfera v. 1. 369.

Sua linea cubatrice v. 1. 397.

Suo uso e fabbrica di Baldassar Capra usurpato al Galileo v. 1. 399.

Invenzione del medesimo difesa dal Galileo contro il Capra v. 2. 5. e segg.

Sentenza circa all'invenzione del medesimo v. 2. 88.

Errori del Capra intorno all'invenzione del medesimo v. 2. 90 e segg.

Compasso geometrico del Galileo usurpatogli da Simon Mario Guntzehusano

v. 6. 194.

Come per mezzo della linea geometrica del medesimo si possa trasferire da un luogo ad un altro la linea parabolica v. 8. 231 232.

Copernico: sua opinione intorno a' Pianeti

v. 5. 11 25 e segg.

Terzo moto attribuito dal medesimo alla terra, confutato dal Galileo v. 6. 458 459.

Condensazione partorisce diminuzion di mole, e augumento di gravità v. 2.

170 e segg.

La medesima, e la rarefazione sono due moti opposti v. 8. 87.

Condensazione immensa non si può negare dove è un' immensa rarefazione v. 8. 87.

Le medesime sono meno in pronto ad essere osservate, che le rarefazioni

v. 8. 87 88.

Condensazione spiegata dal Galileo v. 8.

Pensiero del Galileo intorno ad essa Galileo Galilei Vol. X. 27 venutogli in mente essendo a Messa v. 7. 516.

E difficile a spiegarsi v. 8. 90.

Si facilita ad intendersi co!l' introduzione degl' indivisibili v. 8. 85.

Continua condensazione non repugua a contenere vacui infiniti v. 8. 43.

Continuo è divisibile in parti sempre divisibili secondo i Peripatetici v. 8. 85.

Sua composizione è d'atomi assolutamente indivisibili v. 8. 86.

Ammettere il medesimo composto d'atomi assolutamente indivisibili è strada, che toglie via molti ed intrigati laberinti v. 8. 85.

Sua ultima, ed altissima divisione è quella che si divide ne suoi infiniti v. 8. 85 86.

Dividendogli sempre successivamente in maggiore e maggior numero di parti, non si verrebbe mai alla sua ultima divisione v. 8. 85 86

Continuo è divisibile in parti sempre divisibili, solo perchè costa d'indivisibili v. 10. 345.

Suoi primi componenti sono indivisibili infiniti v. 10. ivi

Cono: vedi Solidi.

Corpo solare: vedi Sole. Corpo lunare: vedi Luna. Corpi solidi: vedi Solidi.

Corpi, come si fugga la loro penetrazione

all'introduzione degl'indivisibili v. 8. 85 86.

Corpi luminosi.

Il suo irraggiamento non gli è vicino, ma è nell'occhio nostro, o nella sua superficie, e perchè v. 6. 159.

Suo irraggiamento si fa nell'occhio nostro, e non ingrandisce il corpo lu-

minoso v. 6. 532 533.

Superficie tersa di qualsivoglia de' medesimi tutta s'illumina, e non reflette se non in un punto particolare v. 6. 349.

Altro splendore vivacissimo intorno ai medesimi, come si faccia nell'occhio

nostro v. 3 254.

Crescono i medesimi nel vedergli col Telescopio, e non il suo irraggiamento v. 6. 539.

È impedita la loro trasparenza da qualunque illuminazione propria, o ester-

na v. 6. 562.

Che differenza passi a vedergli vicini, o lontani v. 7. 146.

Corpo infinito non si può dare v. 8.72

73.

Corpi nuovi celesti non si possono trovare per via d'Epicicli, o per via di qualsivogliano movimenti circolari v. 8. 258 e segg.

Corpi Celesti muovonsi di due moti e tra

di lor quasi contrarj v. 7. 453.

Coresio Giorgio impugnato dal Nozzolini v. 2. 363.

Costantino Ugenio, lettera del Deodati all'istesso circa il trattato delle Longitudini v. 7. 350.

Risponde alla suddetta lettera v. 7. 360.

Segretario del Principe d'Oranges v. 7. 363 384.

Costellazione d'Orione è composta di moltissime stelle v. 5. 330.

Qual sia la figura del suo cingolo, e spada v. 5. 330.

È composta di 21 stelle v. 5. 330.

Suo disco quanto minore del corpo di Giove v. 5. 16.

Costellazione delle Plejadi v. 5. 331.

Cosmografia: suo soggetto e metodo v. 7.

Cane stella luminosissima v. 5. 17.

D

Daniello Antonini d'Udine morì per difesa della sua Patria, lodato dal Galileo v. g. 148.

Definizioni de' Matematici, che cosa sia-

no v. 4. 11 12 13.

Democrito confutato da Aristotile circa alla sua opinione di venire a galla le cose v. 3. 205 206.

Ha meglio filosofato d'Aristotile circa al galleggiare v. 2. 293 294.

Confutato dal Galileo v. 2. 294 295. Suo parere intorno alle Comete v. 6. 120.

Deodati Elia, Lettera dell' Ortensio al medesimo circa il trattato delle Longitudini v. 7. 344.

Lettera del medesimo all'Ortensio v. 7.

346.

Altra sua lettera all'Ortensio 347.

Si duole, che l'Ortensio e il Brecmanno abbiano comunicato al Morino ed al Mersenno l'invenzione del Galileo per trovare le Longitudini ivi

Ne riceve scuse dall' Ortensio v. 7. 363 364.

Loda il Galileo v. 7. 350.

Sua lettera a Costantino Ugenio v. 7. 350.

Sua lettera agli Stati d'Olanda v. 7. 377.

Sua traduzione del discorso del Galileo sopra il Sistema del Mondo, mandata all'Ortensio v. 7. 381.

Desidera, che l'Ortensio venga in Italia ad abboccarsi col Galileo v. 7.

384.

Lettera dell' Ortensio al suddetto Deodati v. 7. 389.

Lettera del medesimo all' Ortensio v. 7. 303.

Sua lettera all' Ortensio v. 7, 397.

Dino Peri Matematico di Pisa d'ingegno

mira bile v. 7. 540.

Diamanti fregati per lungo tempo sopra una ruota d'acciajo poco riscaldano v. 6. 133.

Diametro del cerchio: vedi Cerchio.

Della pupilla e modo di misurarlo v. 7. 413.

D'una Stella, e modo di misurarlo ivi

Dimostrazione alcuna non si può applicare sopra a una proposizione, della quale il dato non sia une, e certo v. 9. 177.

Discorso dove manca, dee supplire la

sensata osservazione v. 5. 235.

Dialogo di Galileo del Sistema è proibite, ed il Papa riserba a se solo il dar licenza di leggerlo. v. 7. 519.

Lettura di esso alla Cristianità pernicio-

sissima v. 7. 533 534.

Vien trasportato in Inglese v. 7. 521.

Distanza del Sole da qualche fissa, e modo di trovarla v. 7. 425.

Divisione del tempo v. 7. 407.

D'un grado del sestante, o del quadrante ivi. Ecclissi del Sole e della Luna v. 7. 487 e segg.

Ecclissi della Luna: vedi Luna.

Ecclissi della Luna credute sufficienti dal Morino per l'invenzione delle Longitudini v. 7. 251 344.

In Olanda non sono credute sufficienti

v. 7. 367 368.

Ecclissi delle Medicee: vedi Modicee.

Ecclittica v. 7. 465.

Effemeridi delle Medicee potevano calcularsi colle esservazioni del Galileo v. 7. 356.

Buone per correggere almeno la Geo-

grafia 361.

Terminate dal Padre Rinieri coll'ajuto delle osservazioni del Galileo v. 5. 130.

Effetto positivo dee avere la causa positiva v. 8. 30.

D'un solo effetto una sola dee essere la causa v. 8. 31 e segg.

Elementi: Sua pulsione conceduta da Aristotile v. 2. 198.

Tutti hanno gravità secondo Aristotile v. 8. 131.

Nelle sue proprie regioni non sono nò gravi, nè leggieri v. 8. 133 134.

Elseviri stampano le scienze nuove del Galileo v. 7. 347 369.

Vogliono stampare tutte l'opere di Galileo v. 7. 519.

Equinoziale v. 7. 445.

Eschilo Pittagorico, suo parere intorno alle Comete v. 6. 121.

Esperienze intorno all'ascendere, o discendere i corpi nell'acqua v. 2. 211 212 213 221 226 227.

Esperienza degli avversari del Galileo, circa al galleggiare v. 2. 276 277.

Del fare ascendere una palla di cera

nell'acqua v. 2. 380.

D'un vaso, che pesa il medesimo, o sia pieno d'acqua, o sia scemo per l'immersione d'un solido v. 2, 383.

Per sapere quello, che operi l'aria unita con un solido v. 2. 385 386.

Esperienza fatta dal Galileo per dichiarazione, e confutazione d'un terzo moto attribuito dal Copernico alla Terra v. 6. 458 459.

Esperienza del movimento in giù d'un corpo in un mezzo fluido v. 6 459.

Per appartare la virtù del Vacuo, e misurarla v. 8. 31 e segg.

Esperienza, che mostra se l'espansione del lume sia instantanea v. 8. 78.

Esperienza, che tende ad ammettere una composizione d'infiniti indivisibili nelle materie fisiche v. 8. g6. Per conoscere qual di due acque sia

la più leggiera v. 8. 118 119.

Esperienza per mostrare, che i globi d'acqua, particolarmente sopra alle foglie del Cavolo, non si sostengano da interna tenacità delle sue parti v. 8. 119.

Per osservare la gran dissensione, che è tra l'acqua, e'l vino v. 8. 120.

Esperienza d'Aristotile, che dimostra l'Aria esser grave v. 8. 131.

Per misurare la gravità dell' Aria rispetto all'altre cose v. 8. 132.

Esperienza, che fa chiaro la diversa gravità de' mobili, benchè grandissima, non aver luogo nel diversificare le loro velocità v. 8. 139.

Per dimostrare la resistenza del mezzo nel raffrenare l'accelerazione d'un mobile cadente v. 8. 154 e segg.

Circa alle vibrazioni de' Pendoli v. 8.

157 158 e segg. Circa all'ondeggiamento dell'acqua in un bicchiere v. 8. 162 e segg.

Per mostrare il moto de' projetti esser Parabolico v. 8. 232.

Per mostrare, che il medesimo mobile ha eguali gradi di velocità acquistati sopra a diversi piani, quando sono eguali le inclinazioni de' medesimi v. 8. 263 264.

Per mostrare, che nell'accelerazioni dei

gravi naturalmente descendenti gli spazi passati sono fra loro, come i quadrati de' tempi v. 8. 276 e segg.

Per mostrare, che ne'solidi cadenti l'impedimento causato loro dall'aria è in-

sensibile v. 9. 21 22.

Per investigare qual parte abbia nell'effetto, ed operazione della percossa il peso del martello, e quale la velocità maggiore o minore, colle quali vien mosso v. 9. 151 152 e segg.

Estensione continua non repugna a comprendere vacui infiniti v. 8. 43.

Euclide: Nel suo frammento intorno al moto non vi si scorge, che s'incamminasse all'investigazione della proporzione della sua accelerazione sopra a diverse inclinazioni v. 8. 358.

Sua quinta, o come vogliono altri, sesta definizione del quinto libro considerata dal Galileo v. 9. 117. e seg. Sua definizione della proporzione v. 9. 121 122.

Bene intesa la sua definizione, che date quattro grandezze proporzionali, le loro egualmente multiplici sempre s'accorderanno, senz'altra scorta si può entrare nel quinto libro, e intendere con evidenza i Teoremi delle grandezze proporzionali v. 9. 125 e segg.

Sua quinta, e sesta e settima Definizio-

ne del quinto rispiegata v. 9. 132

e segg.

Sua quinta definizione del 6 libro trasmutata in un Teorema da porsi avanti la 23. del medesimo sesto libro v. 9. 139.

F

Fabbrica: vedi Macchina.

Ferdinando di Castiglia famoso, perchè sotto di lui si scoprirono 'l' Indie v. 7. 357.

Fiamma: vedi Fuoco.

Figure, se siano causa del galleggiare dei corpi solidi: vedi Solidi.

Non sono separate dalle cose corporee v. 2. 217.

Figura sferica: vedi Sfera.

Figure non, mutano peso dove si ritiene la medesima quantità della materia v. 8. 180 181.

Filosofia: Infinite novità vi sono ascose v. 7. 181.

Non si può apprendere senza la Matematica secondo Platone v. 10. 343.

Filosofia scritta nel mondo in lingua Matematica v. 6. 229 230.

Filosofi quanto siano biasimevoli quelli, che nel suo filosofare non seguitano il vero v. 5. 290 291.

Alcuni de' medesimi hanno detto, che le Stelle, Fiaccole, ed altri corpi luminosi illuminano l'aria circonvicina v. 6. 160.

Hanno alcuni creduto, che il rumore del tuono venga dallo squarciarsi, ed urtarsi insieme le Nuvole v. 6. 478 479.

Peripatetici credono il continuo esser divisibile in sempre divisibili v. 8. 85.

I medesimi doverebbero ammettere la composizione del continuo di atomi assolutamente indivisibili, e perchè v. 8. 86.

Considerazione contro i medesimi Peripatetici del Galileo intorno all'introduzion degl'indivisibili ivi.

I medesimi negano la penetrazion dei corpi v. 8. 103.

Alcuni degli antichi introducevano il vacuo come necessario pel moto, confu-

tati da Aristotile 104.

Quanto s'ingannino quei Filosofi, che vogliono ammettere nell'acqua viscosità, o altra congiunzione di parti, che la facciano resistente alla divisione, o penetrazione v. 8. 118 119.

Niente da medesimi si trova scritto in-

torno al moto v. 8. 237.

Secondo molti de' medesimi le Stelle operano lumine, et motu v. 7. 183.

I Dialettici pretendono di disputare con

qualunque di qualunque Problema v. 8. 222.

Fiumi: Sopra il Fiume Bisenzio Lettera di Galileo Galilei a Raffaello Staccoli v. 10. 129 e segg.

Sopra il Fiume Bisenzio scrittura del-

l'Ingegnere Bartolotti. ivi

Parere sopra il medesimo Fiume Bisenzio, ed intorno alla medesima scrittura del Bartolotti dell' Ingegner Fantoni ivi

Intorno al medesimo Fiume Bisenzio: Parere del Galileo, medesimo di quel-

lo dell' Ingegner Fantoni. ivi

Proposizioni del Galileo intorno al medesimo Fiume pajono al primo aspetto paradossi, ed impossibili v. 10. 154 155.

Altro parere del Galileo intorno al risarcimento da farsi al medesimo Fiu-

me v. 10. 161 162.

Varie dissicultà promosse sopra al medesimo Fiume dall' Ingegner Fantoni, confermate dal Galileo ivi.

Materia sopra a i Fiumi è difficilissima, ed è facilissimo abbagliare nell'istessa v. 10. 130 131.

Intorno a' medesimi ha renduto cauti i professori il libretto dell'acque correnti del Padre Don Benedetto Castelli ivi.

Ne' medesimi, che cosa arrechi di tardità al moto la sola declività; ma compartita in un canal lungo; in comparazione, che l'istessa produce in un canal corto, posti ambedue

diritti v. 10. 133 134.

Ne'suoi canali, la total pendenza dei quali sia eguale, le velocità del moto saranno eguali, ancorchè l'un canale sia lunghissimo, e l'altro breve ivi.

Ne suoi canali con egual verità si può dire, il moto essere più veloce nel meno inclinato, e più lungo, che nel

più corto, e più inclinato ivi.

Per i medesimi le velocità non seguitano la proporzione delle diverse pendenze, ma diversificano in infiniti modi ancor sulle medesime pendenze ivi.

Falsamente si può determinare il suo più o men veloce corso dalla sua sola maggiore o minore pendenza

v. 10. 144 145.

Accelerazione del corso dell'acque più colme poco è causata dalla maggior pendenza de' medesimi, ma dalla gran copia d'acqua sopravvenente v. 10. 149 150.

Se sia considerabile il ritardamento dell'acque, che scorrono per gli medesimi, causate loro dalle tortuosità v.

10. 150.

Nell'urtare le acque nelle pile de opn-

ti non perdono di velocità v. 10. 154. Considerazioni del Galileo intorno alle tortuosità de' medesimi. ivi.

Come si compartiscano i canali e letti de' Eiumi v. 10. 156 e segg.

Nel passare le sue acque per un canale, che abbia minor pendenza delle parti precedenti, non si ritardano v. 10 160.

Non solo non è bastante a ritardare l'impeto concepito delle sue correnti la minor pendenza, ma nè anche il puro livello ivi.

Fluidi non resistono all'esser divisi v. 2.

Sue parti se siano contigue, o continue v. 2. 215 216.

Forse divisi negli ultimi suoi componenti v. 8. 72.

Benchè quieti, e cedenti resistono all'esser divisi transversalmente v. 8. 126.

Conseguenze, che seguono ne' suoi movimenti, sono differenti a quelle, che seguono ne' solidi mobili v. 10. 144 e segg.

Velocità de solidi discendenti in essi v. 2. 336 337 e segg.

Nei vasi comunicanti stanno alla medesima altezza v. 2. 193 e segg.

Dimostrazione di ciò portata dal Galileo impugnata e difesa v. 2. 319.

432

Flusso del Mare e ricerche del Galileo intorno ad esso v. 7. 551.

Forza della percossa: vedi Percossa.

Per mezzo d'artifizio alcuno non si può fare, che muova, o superi resistenza alcuna maggiore di lei v. 10. 256.

Con piccolissima forza alzar gravissimi pesi non è superare coll'arte un'immensa resistenza con piccolissima forza 257 258.

D'un uomo appena è eguale al momento di 100. libbre ivi.

Frazione d'un solido, che effetto sia v. 8. 18 19.

Freccia tirata coll'arco s'infuoca secondo Aristotile ed altri v. 6. 133 481 e segg.

Freddo è causa di condensazione v. 2.

170 171.

Frondi, perchè dopo che hanno avuta la nebbia, scoprendosi il Sole s'inaridiscano, e affatto si secchino v. 10. 38e 381.

Fuoco, sue esalazioni più velocemente del l'aria ascendono nell'acqua v. 2. 209.

Le medesime sue esalazioni più veloci si muovono nell'aria, che la medesima aria nell'acqua ivi.

Commosso, e velocitato accresce di for-

za v. 8. 75 76.

Ha moto, e anco velocissimo. ivi

Galileo: sue difese contro alle calunnie di Baldassar Capra sirca alla nuova stella

v. 2. 5. 6, e segg.

Sue difese contro Baldassar Capra usurpatore dell'invenzione del suo compasso di proporzione v. 2. 35. 36. Sua opinione circa al ghiaccio impugnata 171. Sua dottrina intorno alle galleggianti è diversa da quella d'Aristotile 169. Sue Lettere, e d'altri acritte al medesimo: vedi Lettere. Impugnato dal Nozzolini 361. 362. 363. Si difende da dette opposizioni 388. 389. Impugnato da Lodovico delle Colombe v. 3. 5. e segg. Impugnato da Vicenzio di Grazia 133. Difeso da Don Benedetto Castelli 287. e segg. Sua Bilancetta v. 4. 243. Sua Invenzione, e Fabbrica dell'Occhiale 303. S'applica alla speculazione delle cose celesti 306. 307. Sua operazione per misurare gl'interstizi delle Stelle ivi. Sue osservazioni intorno alla Luna 311. e segg. 322. Suo ritrovamento di quattro Pianeti 332. Altri suoi ritrovamenti v. 5. 6. 7. 19. 23, e segg. Soluzione di due suoi Enigmi 9. 19. 11. Lodato dal Keplero 5. 18. Sue osservazioni sopra Galileo Galilei Vol. X. 28

Venere scritte a Mousig. Giuliano de Medici 6. Sue osservazioni intorno alla Luna 115. 127. 128. Divenuto cieco, e in che modo 32. Suo ritrovamento delle macchie solari usurpatogli da Cristoforo Scheiner 33. Sue Lettere, perchè scritte in volgare 216. Sua predizione circa alle mutazioni di Saturno 288. 289. Sue Ibdi, e difese estratte da diverse Lettere v. 6. 84. 85. Opera de centro gravitatis donatagli dal Padre Paolo Guldini Gesuita 92. Confermato per primo inventore delle macchie solari da P. Fulgenzio Servita 90. Suo nuovo ritrovamento accennato in genere in una Lettera del Conte Orso d'Elci v. 7. 212. Sua informazione intorno al suo ritrovamento per pigliare le longitudini in ogni luogo per via delle Medicee 232. Sua invenzione delle lougitudini, e trattato per comunicaria agli Stati d'Olanda 344. Suo Saggiatore scritto per lettera all'Illustriss. e Reverendiss. Sig. D. Virginio Cesarîni v. 6. 191. e segg. Sue prove contro Simon Mario Guntehuzano usurpatore della sua inveuzione delle Medicee 194. Per qual causa ritrovasse il Canocchiale 291. 292. Sua Fabbrica del Canocchiale portato a Venezia in dono al Doge, e ricompensa datagli dal medesimo ivi. Sua esperienza per dichiarazione,

e confutazione d'un terzo moto attribuito dal Copernico alla Terra 457. e segg. Propone di non istampare più cosa alcuna, e perchè v. 8. 7. Sue nuove scienze 12. 13. Suo artifizio per risalvere il continuo ne' suoi insiniti punti 8. 83. Sua considerazione contro i Peripatetiei intorno all'introduzione degl'indivisibili 85. Sua quarta giornata intorno al moto de projetti v. 9. 5. Suo principio della 5. giornata intorno alla meccanica, e a'movimenti locali 117. Sua appendice, nella quale si contengono Teoremi, e sue dimostrazioni intorno al suo trattato sopra il centro di gravità de'solidi 83. Sua sesta giornata appartenente alla forza della percossa 147. Suo parere intorno all'Augolo del Contatto scritto in una Lettera a Giu. Cammillo Gloriosi Matematico Napoletano v. 10. 281. Suo parere intorno al Fiame Bisenzio scritto in una lettera a Raffaello Staccoli 129. Suo esame delle ragioni dell'Ingegner Bartolotti intorno al Fiume Biscazio ivi. Tenuto per cervello stravagante, e vago di contraddire 154. Sue proposizioni intorno al Finme Bisenzio pajono al primo aspetto paradossi, ed impossibili 155. Sue considerazioni intorno alle tortuesità de' Fiumi ivi. Suo avvertimento agl'Ingegneri per comparti-

re la pendenza ne' canali e letti de' Fiumi 158. Suo parere intorno al risarcimento da farsi al Finme Bisenzio 161. Si dichiara esser sua particolar professione la scienza delle refrazioni v. 7. 170. Anderebbe molto riserbato ad asserire, che i Medicei fossero privi d'influssi, mentre l'altre Stelle n'abbondano ivi. Altre Stelle non ha potuto osservare, che 4. intorno a Giove, e 2. intorno a Saturno 184. 185. Primo frammento d'un suo parere sopra a una macchina col pendolo, per alzar l'acqua, proposta da un Siciliano al Seren. Gran Duca di Toscana Ferdinando II. v. 10. 253. Sue considerazioni, e dubbi sopra alla macchina col pendolo per alzar l'acqua trovata dal Siciliano 259. 260. e segg. Frammento secondo d'un suo parere intorno a una macchina, o mulino col pendolo, proposta da un Siciliano al Seren. Gran Duca di Toscana Ferdinando II. 267. Altro suo frammento d'un suo parere intorno alle macchine col pendolo apportate dal Siciliano principiato in Dialogo 273. Sue postille al libro d'Anton Rocco 289. Sue considerazioni sopra il Giuoco de' Dadi 354. Sua operazione per trovare le longitudini in ogni tempo, è infalli-bile, e perchè v. 7. 198. 208. Suo

trattato cogli Stati d'Olanda per promovere l'invenzione delle Longitudini v. 7. 344. Altro suo ritrovamento per potere nel corseggiare delle nostre Galere servirsi dell'occhiale in cima dell' Albero, o del Calcese 236. Regalato dagl' Illustrissimi, e Potentissimi Ordini Generali delle Provincie Unite di una Collena d'Oro in segno di gratitudine d'aver loro offerito il suo ritrovamento del modo di trovare le longitudini 298. Sua lode data ad un' operetta de Natura lucis del Bulialdo 336. Sua invenzione d'un Oriuolo, che distingue puntualissimamente l'ore, minuti primi e secondi, e terzi ancora, se la loro frequenza fosse da noi numerabile, dependente da una proposizione del suo libro del moto 313. e segg. Sua invenzione delle Longitudini comunicata dall' Ortensio, e dal Brecmanno al Morino, ed al Mersenno 347. 386. Quanto ciò dispiacesse al Deodau, 348. Sue scienze nuove sono stampate dagli Elzeviri 347. 369. Sta in pena, perchè non riceveva risposta dagli Stati d'Olanda circa il suo ritrovamento delle Longitudini 346. 347. Il medesimo suo ritrovamento utile non solo alla navigazione, ma anco alla Geografia 348. Lodato dal Decdati 350. Suo orologio esattissimo 356. Da lui provato tale

359. Lo vuol mandare in Olanda 381. L'Ortensio non lo crede praticabile in mare 390. 391. Come il Galileo insegni usarlo 393. 394 Estratto d'una sua lettera fatto dal Decdati. 358. Propone la sua invenzione del ritrovamento delle longitudini dopo essersene accertato ivi. Sue osservazioni delle Medicee capaci a formar tavole, e calculare effemeridi 359. Non vuole, che tal ritrovamento gli sia usurpato ivi. Sua generosità ivi. Lettera dell'Ortensio al medesimo 369. Sua offerta del ritrovamento delle longitudini è. gratissima agli Stati d'Olanda 373. Chiamato Fenice degli Astronomi dal Deodati 375. Suo discorso sopra il Sistema del Mondo traslatato in latino dal Deodati sotto finto nome 382. Suo Dialogo del sistema proibito, riserbando a se solo il Papa il dar licenza di leggerlo 519. 520 E regalato d'una Collana d'oro dagli Stati d'Olanda 374 Lettera scrittsgli dal Deodati in ragguaglio dei trattato colgli Stati d'Olanda circa l'affare delle longitudini 383. Le sue opere voleva stamparle il Carcavi 387. Vien salutato dal Grozio, è dal P. Campanella 388. Sue invenzioni per mettere in pratica il ritrovamento delle longitudini son rivocate in dubbio dall' Ortensio 390. 391. Promette un canocnon più visto, nè udito ivi. chiale

Comunica al P. Rinieri le sue osservazioni intorno alle Medicee v. 5. 128. Sue osservazioni intorno a Saturno ivi. Comincia a riaversi dalla malattia v. 7. 397. Sue operazioni astronomibe 406. E ambiguo circa le resrazioni 421. Sua lettera al Picchena circa alla Calamita v. 10. 120. Spa lettera al Duca Muti circa agli abitatori della Luna v. 5. 121. Lettera del medesimo al Beaugrand circa l'invenzione del Morino v. 7. 250. Ha due nipoti in Baviera 528. 535. Desidera la ristampa di tutte le sue opere in un Volume in Ioglio 533. 534. Viene accusato di aver vilipeso il Papa; è giustificato dall' Ambasciadon di Francia 533. è oppresso della malinconia nelsua carcere d'Arcetri, e sollevadalle lettere di remote regioni 536. diviene sordo 553, diventa cieco ivi. È travagliato dei pensieri e concetti, che gli cascano in mente ivi. si riserva il suo primo Capocchiale per doparlo al G. Duca 547. Non può cessare dalle Specolazioni 544. 553. Alcuni suoi errori, e come si possa difendere v. 19. 56. 57.

Galleggianti, trattato delle cose, che stanno in sull'acqua v. z. 165. e segg. Note sopra le medesime v. z. 310. 311. Definizioni appartenenti alle medesime v. z. 173 174. 440

Suoi principj cavati dalla meccanica v.

2. 174. 175.

Suo principalissimo fondamento v. 2. 235. Galleggiare: vedi Solido: e vedi acqua.

Gassendo Pietro vuol venire in Italia per vedere il Galileo v. 7. 396.

Sue lodi ivi. Impedito non viene in Italia ivi.

Geografia riceve utile dal ritrovamento delle longitudini v. 7. 381. e segg. 348. e segg. 370. 331. e segg.

Geometria: conclusioni delle sue dimostrazioni sono indubitate, ed errori nelle medesime sono inescusabili v. 6. 378.

Sue dimostrazioni sono apportatrici di sicuri guadagni v. 8. 96.

È il più potente strumento d'ogni altro per acuir l'ingegno, e disporto a perfettamente discorrere, e speculare v.

8. 216.

Tutti i suoi inconvenienti sono eguali, cioè massimi v. 10. 351. 352.

Contraddire alla Geometria è un negare scopertamente la verità v. 6. 192. 193.

Ghiaccio è acqua rarefatta v. 2. 170. 213. 214.

È più leggieri dell'acqua; e del suo galleggiare non è causa la sua figura v. 2 170. 171.

Giove: Uso de suoi satelliti per ritrovare le longitudini: vedi Longitudini, Galileo, e Deodati.

Ha le sue macchie. v. 4. 380.

Si rivolge in se slesso v. 4. 380.

Suo Disco quanto maggiore sia del Cane v. 5. 16.

Sua irradiazione difficilmente lascia vedere le Stelle che gli sono intorno v. 5. 303.

Sua figura non mostra diversità da quella di Marte, di Saturno, e di Venere, vista coll'occhio libero v. 6. 540. 541.

Fa render ombra in terra a i corpi tenebrosi nelle sue massime digressioni v. 7. 65. 66.

Suoi satelliti: vedi Pianeti Medicei.

Esservazioni del Galileo v. 7. 356.

Buone per correggere la Nautica, e la Geografia v. 7. 361.

Terminate dal P. Rinieri colle osservazioni dategli dal Galileo v. 5. 128.

È per se stesso opaco, e però sparge il cono della sua ombra all'opposto del Sole v. 8 258. e segg.

Suo corpo non è men tenebroso della Luna, e della Terra, ed è splendido solo in quella parte, che i raggi solari percuotono v. 10. 295.

Suo disco visto coll'occhiale non è irsuto, ma terminatissimo, non meno, che l'occhio libero scorga il cerchio della Luna, e terminati ancora sono i suoi satelliti v. 7. 312.

Si vede ancor di giorno col Telescopio, siccome Venere, e gli altri Pianeti, e buona parte delle fisse ivi. Osservato dal P. Rinieri v. 5. 129. 130.

Girella superiore della taglia, non apporta ajuto nessuno circa al movere un peso, ma comodità v. 4. 201.

Servendosi in altra maniera qual forza

faccia v. 4. 203. 204.

Giomi naturali, e lor disugualità v. 7. 472. 473.

Giorni artificiali, e lor disugualità v. 7. 475. Giuoco de' Dadi ha alcuni punti più vantaggiosi degli altri v. 10. 354. e segg. Considerazione del Galileo sopra al me-

desimo ivi.

Nel medesimo i numeri delle scoperte de' tre dadi, che si compongono di tre numeri eguali, non si producono se non in un solo ivi.

Le triplicità, che nascono da 3. numeri tutti disserenti si surmano in 3. maniere ivi. Tavola, che dimostra in quanti modi, o in quante scoperte disserenti si possano sormar tutti i numeri de' tre dadi 358. 359.

Gocciole cadenti sopra una data superficie, e modo di misurarle v. 10. 114. e segg.

Grozio Ugone v. 7. 349. Non resta capace, perchè gli Stati d'Olanda indugino a rispondere al Galileo v. 7. 378. e segg. 388.

Globo terrestre, vedi Terra.

Clutine, che si tenacemente tiene unita le parti de' solidi, che cosa sia v. 8. 21. Goociole d'acqua perché si mantengano eminenti v. 2 374.

Non sono maggiori d'un Emisfero se non le piccolissime v. 2. 388. 389.

Grandezze allora saranno proporzionali, quando gli ugualmente moltiplici della prima e della terza presi secondo qualsivoglia moltiplicità s' accorderanno nel pareggiare, mancare, ed eccedere gli egualmente moltiplici della seconda, e della quarta v. 9. 122.

Sua proporzione definita da Euclide 122. Incommensurabili fra loro definite 123. Commensurabili, o incommensurabili fra

Non proporzionali, o commensurabili, o incommensurabili definite 124. 125.

Grave, vedi Solidi.

Grave cadente, vedi Mobili.

Gravità specifica, e assoluta definita v. 2. 173. 174.

Gravità, e suo centro definito v. 9. 83. e segg. Gravità, velocità, e loro momenti entrano nelle contemplazioni meccaniche
v. 10. 312. 313. e 106

Gravità se sia variabile v. 10. 5. e segg. 28. e segg. 50. e segg.

Grazia Vincenzio.

Sue considerazioni sopra alle Galleggianti del Galileo v. 3. 129.

Impugnato da Benedetto Castelli v. 4. 5. e segg.

Illuminazione è diversa dal riscaldamento v. 7. 88. 89.

Illuminazione, molto apparente, e sensata, se bisognasse ad effettuare gl'influssi, gli effetti di Mercurio resterieno debolissimi, e nulli v. 7. 185-

Impeto derivante da due moti composti, uno de' quali sia composto dell'Orizzontale equabile, e del perpendicolare esso ancora equabile, ma l'altro sia composto dell'Orizzontale pur sempre equabile considerato v. 9. 41. 42.

Impeto acquistato da un grave cadente da una altezza è tanto, che basta a ritirarlo nella detta altezza v. 8. 154.

Impeto esercitato da varj mobili, v. mobili.

Impeto, vedi Moto.

Indivisibili, incomprensibili dal nostro intelletto per la loro piccolezza v. 8. 51 58.

Indivisibili aggiunti ad altri indivisibili non producono cosa divisibile v. 8, 59.

Sono loro inconvenienti gli attributi, che si danno alle cose finite v. 8. 59. e segg.

Introduzione de'medesimi come faciliti l'intelligenza della condensazione, e rarefazione, e schivi l'ammettervi il vacuo, e la penetrazione de' corpi v. 8. 86. 87.

Instita quantità, che repugnanza incontrerebbe v. 8. 69. 70.

Infiniti, o superficie figurata non si può dare v. 8. 72. e segg.

Infinito numero è l'unità v. 8. 72.

Infinito sarebbe maggior dell'altro, se le linee fossero composte d'infiniti v. 8. 55.

Infiniti cercati ne' numeri, par che vadano a terminar nell'unità v. 8. 79.

Intelletto per essere assicurato non ha bisogno della ragione dove arriva l'esperienza v. 10. 319.

Ippocrate era Pittagorico v. 6. 120.

Suo parere intorno alle Comete 121.

Iperbole di varj generi v. 9. 354.

Iride è differente dalle Comete v. 6. 379. Si vede sempre opposta al Sole v. 6. 123. 127.

Irraggiamento. Vedi Stelle.

K

Keplero Giovanni.

Suo discorso a Giuliano de'Medici v. 5. 5. 6.

Suo falso supposto intorno all' Enigma del Galileo ivi.

Sua lode data al Galileo, per lo scoprimento di Saturuo ivi.

Sua opinione intorno a' Pianeti 10. 11.

.446

Sua lode data al Galileo pel suo occhiale 17. 18.

Suo filosofar diverso da quello di Galileo v. 7. 517.

Suo ingegno libero ivi.

L

Latitudini Geografiche v. 7. 485.

Leggerezza positiva è negata dagli antichi v. 2. 205.

Non è negata, nè conceduta da Archimede ivi.

Potente a far muovere alcuni corpi all'insù 206.

Perchè non si dia 207. 208.

Legni più leggieri dell'acqua, come possano audare a fondo v. 2. 201.

Qual sia la sua maggior resistenza allo strapparsi v. 8. 21.

Legno rovere è poco più leggieri dell'acqua v. 8. 129.

Lettera d'Antonio Alberti circa alla nuova Stella del 1604. v. 2. 26.

Di Giacomo Alvise Cornaro circa al Compasso di proporzione del Galileo v. 2. 42.

Di Tolomeo Nozzolini a Monsig. Marzimedici Arcivescovo di Firenze v. 2. 355. Del Galileo a Tolomeo Nozzolini v. 2. 367.

Del Galileo al P. D. Benedetto Castelli intorno a' suoi scoprimenti di Venere Marte, e Saturno v. 5. 19.

Del Galileo ad Alfonso Antonini d'Udine intorno alla titubazione Lunare v.

5. 23.

D'Alfonso Antonini d'Udine in ringraziamento al Galileo della sua nuova osservazione della titubazione Lunare comunicatagli v. 5. 36.

Del Galileo intorno all'osservazioni fatte da esso in Venere, ne Pianeti Me-

dicei, ed in Saturno v. 5. 42.

Di Marco Velseri al Galileo v. 5. 48.

Di Giorgio Breuggero a Marco Velseri intorno all'altezza de'monti Lunari v. 5. 50.

Del Galileo a Marco Velseri intorno a' Monti Lunari v. 5. 68.

Di Marco Velseri al Galileo intorno

a' Monti Lunari v. 5. 71.

Di Marco Velseri al Galileo intorno all'osservazioni di Saturno, e di Venere v. 5. 78.

Altra di Marco Velseri al Galileo intorno all' osservazioni delle Medicee,

e di Venere v. 5, 81.

Di Giorgio Breuggero al Galileo intorno a monti Lunari v. 5. 83.

Di Gallanzone Gallanzoni al Galileo, nella quale n'è inscrita un a di Lodovico delle Colombe intorno all' ine-

gualità della Luna v. 5. 92.

Del Galileo a Gallanzone Gallanzoni in risposta alle proposte dissicoltà da Lodovico delle Colombe intorno l'inegualità della Luna v. 5. 96.

Del Galileo intorno agli scoprimenti fat-

ti nella Luna v. 5. 115.

Di Marco Velseri al Galileo intorno alle novità Solari v. 5. 131.

Del Galileo a Marco Velseri intorno alle Macchie Solari, v. 5 · 133.

Di Marco Velseri in risposta al Galileo v. 5. 164.

Del Galileo a Marco Velseri intorno alle Macchie Solari v. 5., 167.

Di Marco Velseri al Galileo, nella quale gl'invia le seconde scritture del finto Apelle v. 5. 207.

Altra di Marco Velseri al Galileo intorno alle scritture del finto Apelle v.

5. **2**09.

Del Galileo a Marco Velseri intorno a Venere, alla Luna, alle Medicee, e alle nuove apparenze di Saturno v. 5. 212.

Altre tre del finto Apelle a Marco Velseri intorno alle Macchie Solari, e alle Stelle erranti, e a Giove v. 6. 9.

Capitoli vari estratti da Lettere del Sig. Federigo Cesi Accademico Linceo al Galileo intorno agli scoprimenti del medesimo impugnatigli da suoi seguaci v. 6. 84.

Del Galileo a D. Virginio Cesarini contenente il suo Saggiatore v. 6. 191.

Di Mario Guiducci al P. Tarquinio Galluzzi Gesuita, nella quale si giustifica dell'impugnazione fattagli dal Sarsi nella Libra Astronomica v. 7. 5.

Di Galileo Galilei al P. Leopoldo di Toscana in proposito di quanto discorre Fortunio Liceti del Candor Lunare v. 7. 44.

Di Gioseffo Blancano al P. Cristofano

Grembergero Gesuita v. 7. 114.

Del Galileo a D. Benedetto Castelli attenente a una dimostrazione intorno a'movimenti locali v. 10. 89. 90.

Del P. Cristofano Grembergero Gesuita intorno alle montuosità della Luna

v. 7. 118.

Del Galileo al P. Cristosano Grembergero Gesuita intorno alle Montuosità

della Luna v. 7. 120.

Del Galileo al Conte Pietro Bardi di Vernio, perchè l'acqua paja prima fredda a chi v'entra, di poi più calda dell'aria temperata v. 7. 188.

Del Galileo al Conte di Noaglies intorno alle scienze nuove v. 8. 5 6 7 e segg.

D'Andrea Arrighetti al Galileo contenente la soluzione d'un Teorema intorno a' Solidi v. 10. 91.

Galileo Galilei Vol. X. 29

Del Galileo ad Andrea Arrighetti in risposta della suddetta Lettera del Galileo intorno alla stabilità delle Macchine v. 10. 96 97.

Del Galileo al Marchese Guido Ubaldo del Monte intorno a moti fatti in tempi uguali nella quarta parte del

cerchio v. 10. 103.

Del Galileo in risposta al Bertizzolo, nella quale mostra la falsità d'una

opinione v. 10. 108.

Del Galileo a Gio. Cammillo Gloriosi Matematico Napoletano, contenente il suo parere intorno all'angolo del Coutatto v. 8.567 e segg.

Del Galileo a Raffaello Staccoli sopra

il Fiame Bisenzio v. 10. 129.

Di Cosimo Sassetti a Monsig. Dini intorno ad alcune difficoltà promosse contro al Galileo da due Padri di Perugia v. 7 167.

Del Galilen a Monsig. Dini sopra all'uso del Canocchiale, e intorno a' Pia-

neti Medicei v. 7. 169.

D'Andrea Gerini al Nozzolini intorno alla stima d'un Cavallo v. 10 163.

Del Nozzolini in risposta della suddetta ad Andrea Gerini v. 10. 164.

Altra del Nozzolini ad Andrea Gerini intorno alla medesima stima d'un Cavallo v. 10. 171.

Del Gulileo intorno alla stima del me-

desimo Cavallo v. 10. 178.

Di Benedetto Castelli ad Andrea Arrighetti in proposito della medesimastima del Cavallo v. 10. 181.

Altra del Nozzolini intorno alla medesima stima v. 10. 183.

Altra del Galileo circa alle Lettere critte dal Nozzolini in proposito della medesima stima v. 10. 193.

Poscritta del Galileo intorno alla mede-

sima stima v. 10. 212.

Del Nozzolini intorno all'opposizioni fatte dal Galileo al suo parere della stima del Cavallo v. 10. 221.

Altra del medesimo in confermazione della sua opinione circa alla medesima stima v. 10. 247.

Del Galileo del modo di ritrovare le longitudini per via de' pianeti Medi-

cei v. 7. 196.

Contenente un ricordo al Rettore di Villa Ermosa, intorno al trattato con sua Maestà Cattolica di ritrovare le longitudini proposto dal Galileo v. 7. 201.

Frammento di Lettera del Cavaliere Belisario Vinta, intorno al medesimo trattato v. 7. 202.

Del Galileo in proposito del medesimo trattato al Rettore di Villa Ermosa

204.

Di Bartolommeo Leonardi, Rettor di Villa Ermosa al Galileo in proposito di introdurre il trattato delle Longitudini con la Maestà del Re di Spagna

v. 7. 206.

Del Gelileo al Conte Orso d'Elci Imbasciatore del Serenissimo Gran Duca di Toscana in Spagna iotorno al medesimo trattato v. 7. 208

Altra del medesimo al Conte Orso d'Elci conteneute in genere il suo nuovo modo di trovare le longitudini v. 7.

212.

Del Galileo al Duca di Lerma intorno al medesimo trattato di ritrovare le Longitudini v. 7. 220.

Del Galileo al Coute di Lemos intorno

al medesimo trattato v. 7. 221.

Capitolo di Lettera del Conte Orso d'Elci, scritta a Curzio Picchena intorno al medesimo trattato 223.

Del Galileo al Conte Orso d'Elci intorno al medesimo trattato v. 7. 225.

Altra del Galileo al Conte Orso d'Elci intorno al medesimo trattato v. 236.

Del Galileo ad Elia Deodati contenente una sua scrittura, e altre lettere intorno allo stesso trattato v. 7. 255.

Altra del Galileo a Martino Ortensio Filosofo, Matematico intorno al

medesimo negozio v. 7. 257.

Del Galileo a Ugo Grozio Imbasciador della Corte di Svezia al Re Cristianissimo, contenente le Scritture del mado di pigliare le Longitudini v. 7.

Del Galileo a Lorenzo Realio Ammiraglio della Compagnia dell'Indie Orientali d'Olanda in proposito di proporre alla medesima Compagnia la sua nuova invenzione del modo di trovare le Longitudini v. 7. 263.

Altra del Galileo proponendo agli Ordini Generali delle Consederate Provincie Belgiche il suo nuovo ritrovamento di trovare le Longitudini v. 7

267.

D'Elia Deodati al Galileo in proposito del medesimo trattato v.7. 276.

Di Martino Ortensio sopra lo stesso

v. 7. 279.

D'Elia Deodati a Lorenzo Realio Ammiraglio della Compagnia dell' Iudie Orientali intorno al medesimo trattato v. 7. 281.

D'Elia Deodati al Galileo intorno al

medesimo trattato v. 7. 282.

Di Martino Ortensio a Elia Deodati in proposito del medesimo trattato v. 7. 284.

Altra di Martino Ortensio al Galileo intorno al medesimo trattato v. 7. 286.

Di Lorenzo Realio al Galileo circa al medesimo trattato v. 7. 292.

Degli Ordini Generali delle Provincie unite al Galileo intorno al dono fat-

togli del suo ritrovamento di pigliare

le Longitudini v. 7. 298.

Lettere contenenti il registro delle resoluzioni fatte dagli Ordini Generali delle Provincie Belgiche intorno al medesimo trattato propostogli dal Galileo v. 7. 299.

Lettera d' Elia Deodati al Galileo intorno al medesimo trattato v. 7. 302.

Del Galileo ad Elia Deodati in risposta della suddetta v. 7. 303.

Del Galileo a Lorenzo Realio Ammiraglio in proposito d'ulcuni dubbi propostigli sopra alla pratica usuale della sua invenzione di pigliare le Longitudini v. 7. 306.

D'Elia Deodati al Galileo intorno al

medesimo trattato v. 7. 323.

Di Martino Ortensio ad Elia Deodati intorno al medesimo trattato v. 7. 328.

Del Galileo in risposta ad Elia Deodati.

v. 7. 330.

D'Elia Deodati al Galileo intorno al medesimo trattato v. 7. 333.

Del Galileo a Elia Deodati v. 7. 330.

D' Elia Deodati al Galileo v. 7. 337.

Dell'Ugenio Segretario del Principe di Oranges intorno al medesimo trattato. v. 7. 339.

D' Elia Deodati al Galileo v. 7. 342.

Di Galileo a Paolo Gualdo v. 7. 509 e segg.

Al P. F. Fulgenzio Micanzio v. 7. 516 e segg.

Al P. Paolo v. 7. 554.

Al Sig. Belisario Vinta Secretario del Gran Duca v. 7. 562.

Leva, o Vette, sua forza spiegata v. 4. 189.

Altra sorte di Leva v. 4. 199.

Nel suo uso la forza alla resistenza ha la proporzion contraria di quello, che hanno le distanze della medesima forza, e resistenza dal sostegno v. 8.

Pendolo attaccato alla medesima da un Siciliano supera grandissime resistenze, e in che mudo v. 10. 259 267.

Aggiagne forza nell'alzare i pesi, e con qual proporzione universale v. 10. 278.

Libra, vedi Leva.

Linea retta, come possa esser circonferenza d'un cerchio infinitamente grande v. 4. 354.

Rette se fossero composte di punti infiniti, si direbbe un infinito maggior dell'altro v. 8. 50.

Spirale qual sia v. 6. 357.

Come sia eguale ad un punto v. 8. 53

e segg.

Divisa in parti non quanta non è possibile disporta in maggiore estensione di quella, che occupava avanti la divisione v. 8. 48. Divisa in parti non quante si può com-

cepire distratta in immenso ivi.

Dividerla ne'suoi infiniti non solamente non è impossibile, ma non è maggior difficoltà, che dividerla in parti quante v. 8. 84.

Come si risolva ne' suoi punti infiniti v.

8. 84 85 94 e segg.

Sua ultima divisione è quella, che la divide ne'suoi indivisibili v. 8. 86.

Parabolica, vedi Parabola.

Se una retta sia segata in qualunque modo i quadrati delle medie fra tutta, e le parti, sono eguali al quadrato di tutta v. 9. 58.

Linee del Compasso, loro uso, e fabbri-

ca: vedi Compasso.

Quali sieno le regolari v. 6. 257.

Proporzionali, che hanno i medesimi termini vanno a unirsi in una circonferenza di cerchio v. 8. 70.

Teorema delle spirali d'Archimede sup-

posto dal Galileo v. 8. 224.

Paraboliche, come si possano con facilità disegnare sopra a una piana superficie v. 9. 75 76.

Linee di direzione di due gravi consideransi come parallele v. 4. 187 188.

v. 6. 469 470

Linea Versiera qual sia v. 10. 23.

Logica benchè strumento prestantissimo per regolare il discorso, non arriva,

quanto al destar la mente, all'invenzione, e acutezza della Geometria v. 8. 216.

Non insegna trovare i discersi, nè le dimostrazioni concludenti ivi.

Longitudine, che cosa sia v. 7. 232 233 485.

Operazione per trovarla in ogni tempo è infallibile, e perchè v. 7. 119

e segg.

Lettere in proposito di propor l'invenzione di pigliar le longitudini del Galileo al Re di Spagna, e alle Provincie Belgiche unite, vedi Lettere.

Informazione per ritrovar le medesime

del Galileo v. 7. 232.

Prese per via delle Medicee sono sicurissime per gli eclissi delle medesime momentanei v. 7. 235.

Invenzione delle medesime è un punto ricercato, necessario, e principale per l'intera perfezione dell'arte nautica v. 7. 264 e segg.

Non si possono pigliare da accidenti, che seguano in terra, se non inutil-mente tra luoghi vicini v. 7. 267

268.

Per pigliare le medesime da movimenti delle Medicee, si hanne per ogni giorno naturale 4. 6. 8. e spesse volte anco più accidenti, tali che ciascheduno è accomodato molto più che se sossero Eclissi lunari ivi. 458

Luce ha moto valocissimo 7. 4. 384. v. 8.

Se sia il suo moto instantaneo, o temporaneo, ed esperienza per conoscer-

lo v. 8. 76.

Osservazione del Roemer per provar il moto temporaneo della luce v. 4.

384 385.

E più veloce del suono, perchè si vede prima che lo scoppio nello sparo dell'artiglieria v. 4. 384. 385.

Che si l'accia la medesima in qualche tempo, n'è argomento il baleno v. 8.

77. 10 segg.

Luce figurata non è altro, che specie visibile, e dove arriva la specie, arriva la luce v. 7. 184. 185.

Luna quanto distante dalla terra v. 4. 303.

304.

Sua illuminazione v. 7. 205.

Sue apparenze v. 7. 208.

Quanto apparisca lontana col Canocchiale v. 4. 304. 305. 319.

Apparisce vista cel canocchiale di superficie aspra, simile alla terrestre v. 7.

67. e segg.

Vi si veggono monti, lecuno e caverne v. 4. 304. 305. 399. 310.

È divisa in due parti, una chiara, e una scura v. 4. 310. 311.

Sue oscure macchie grandi sono state sempre conosciute v. 4. 309. e segg. Sue macchie scoperte dal Galileo nella

459

sua superficie, e sue osservazioni v. 4.
311.

Sue scabrosità sono maggiori delle terrestri v. 4 321.

Sua parte oscura apparisce alquanto lucida v. 4. 322.

Sua cavità osservața dal Galileo y. 4.

Sua periferia della parte oscura è illuminata, e perchè v. 4. 322.

Suo splendore è più smorto assai di quello di Venere v. 5. z3.

Sua titubazione osservata dal Galileo v. 5. 22. 23. di quanti gradi sia 36.

Suo moto intorno al proprio asse v. 5. 39.

Sua cognazione colla terra v. 5. 25.

Osservata dal Galileo v. 5. 27. 28. 115. Invenzione delle sue macchie al Galileo usurpata da Cristofano Scheiner v. 5. 33.

Sue varie figure viste coll' occhiele v. 5. 114. e segg.

Se fosse polita e liscia, non risletterebbe il lume del Sole, nè si vodrebbe v. 5. 265. 266.

Non è trasparente, e perchè v. 5. 268. e segg.

Sembra non aver atmosfera v. 4. 364. e segg.

Perchè maggiore si mostri sull'Orizzonte che sul Zenit v. 6, 528. Perchè apparisca di figura ovata sull'Orizzonte v. 6. 528.

Perchè si vegga corniculata, e non Venere v. 6. 538. 539.

Suo candore supera il suo lume in terra v. 7. 60.

Deriva dai raggi del Sole rislessi nella Terra v. 7. 94. e segg.

Sua luce bronzina in tempo dell' Ecclisse a cagion della rifrazione dei raggi solari nell' atmosfera terrestre v. 7. 95 96.

Suo ricrescimento fuori del tempo dell' Ecclisse dipendente dai raggi ava ventizi v. 7. 97.

Resta alle volte per breve tempo dopo la totale adombrazione dell' Eclisse alquanto visibile, e perchè v. 7.6 z 62 63.

Etere intorno alla medesima, come venga illuminato v. 7. 54 64 65. e segg.

Suo candore quando sia più conspicuo v. 7. 55.

Si perde del tutto nella totale eclisse v. 7. 83.

Problema matematico sostenuto da un Gesuita, intorno all'altezze de'suoi monti v. 7. 99 100.

Perchè illuminata nella circonferenza non mostri cavità, nè eminenze v. 7.

128 129 164 Sua circonferenza concava della sua falce non è perallela all'altra periferia interiore, e convessa v. 7. 138.

Vi sono continuazioni di menti grandissime, e particolarmente intorno alle macchie Boreali v. 7. 137 138 e seg. Suoi Ecclissi sono apparenti a tutti nel-

l'istesso momento v. 7. 208.

Uso de'suoi Eclissi è molto lungo, ed incerto per l'uso della geografia ivi. Non ha abitatori nostrali v. 5. 122 123.

Conversione d'essa fatta nel suo Dragone ha per centro il centro della Terra, e a chi fosse in esso svanirebbe v. 7. 543.

Cangia aspetto con sue variazioni mispondenti alle variazioni del flusso del mare, diurna, mestrua, ed annua ivi.

M

Macchie solari, vedi Sole.

Macchie Ionari, vedi Luna.

Macchine, vedi Meccanica.

Marsili. Vedi Alessandro.

Marte

Scoprimenti circa al medesimo del Galileo v. 4. 19. Vicino al Sole, e appena una delle 60. parti in grandezze visuale, di quel che apparisce nell'opposizione v. 7. 185.

Bua mole, quatido è vicino al Sole, cede all'apparente grandezza delle Stelle del 4. ordine ivi.

Non ha figura dissimile a quella di Gio
ve, di Venere, e di Saturno vista
coll'occhio libero v. 5. 397 398 v.
6 541.

Sua figura qual sia ivi.

454

Superiore al Sole si può difficilmente distinguere tra la sua capellatura, nè vale il Telescopio a toria via, se non in parte v. 7. 149. 150.

La le sue macchie, la sua atmosfera, e si rivolge in se stesso v. 4. 397.

Materia non pregiudica alle dimostrazioni geometriche v. 8. 14. e segg.

Materia qualsivoglia niente o poco trasparente esposta in Cielo ai raggi del Sole, apparirebbe splendida come una Stella v. 10. 301.

Materie dense sono più trattabili, e sottoposte a' nostri sensi v. 8. 103. e segg.

Materie gravi tutte con egual velocità discenderebbero; levata la resistenza del mezzo v. 8. 121. e segg.

Matematica non ammette per sicuro, se non quello che concludentemente è dimostrato v. 8. 151.

Non si può imparar la filosofia senza la

medesima, sentenza di Platone v. 7.

Meccanica, e utilità de' suoi strumenti

v. 4. 175.

La medesima è membro assai principale della Matematica v. 10. 312. 313.

Definizioni spettanti alla medesima v. 4. 182.

Supposizioni spettanti alla medesima v. 4, 184.

Sue macchine non hanno quell' utilità, che i Meccanici credono v. 7. 542. e segg.

Sue ragioni sono fondate sulla Geome-

tria v. 8. 13.

Due delle sue macchine della medesima materia, e diseguali non sono con egual proporzione resistenti v. 8. 15.

Macchina col pendolo per alzar l'acqua proposta da un Siciliano al Serenissimo G. D. di Toscana Ferdinando II. e parere del Galileo intorno alla medesima v. 10. 253. 259.

Sue macchine son tutte dell'istesso valore, quanto all'essetto che debbon fare, levati però tutti gl'impedimenti che si possono attribuire alla materia

v. 10. 256. 257.

Quanto più sono piccole, tanto meno son sottoposte agl' impedimenti, ed in conseguenza di maggiore operazione, ivi.

Medicee, vedi Pianeti Medicei.

Mezzo fluido, vedi Fluido.

Mezzo detrae di gravità al corpo da lui contenuto, quanto è il peso d'altret-tauta della sua materia v. 8. 128 136.

Sua resistenza meno lavora in alterare l'effetto, che dipende dalla sola gra-

vità, quanto più i moti pel médesimo son tardi v. 8. 138. e segg.

Dal medesimo sono ritardati più i mobili, secondo che tra loro sono in ispecie men gravi, per causa della sottrazione di peso v. 8. 144 e segg.

Sua confricazione colla superficie del mobile gli ritarda il moto, e sempre più quanto è maggiore la superficie

v, 8. 147.

Sua resistenza rasseena l'accelerazione di qualsivoglia solido sserico grandissimo, e di materia gravissima, e continuando il moto lo riduce all'equabilità v. 8. 153. e segg.

Resiste colla sua gravità, ancorchè in tutto sia privo di velocità v. 10. 295

296.

Del mezzo ambiente la resistenza è tanta, che tavolta nell'acqua ritarderebbe il moto assai notabile delle Barche v. 10. 328. 329.

Dalla sua resistenza vien totalmente levato a moltissimi mobili il muoversi verso il suo centro v. 10. 332 333.

Sua aderenza alle porosità della super-

ficie de' mobili è potente a cagionare grandissime differenze nelle loro velocità, e tardità v. 10. 335.

Non dalla sua corpulenza si regolano le velocità d'un mobile in diversi mezzi; ma coll'eccesso della gravità assoluta del mobile sopra alla gravità de' medesimi mezzi v. 10. 335.

Mercurio si rivolge necessariamente intorno al Sole v. 5. 11.

Si raggira intorno al Sole, come centro delle sue revoluzioni, e risplende illuminato dal medesimo v. 5. 45.

Che sia stato visto sotto il Sole ha dell'incredibile v. 5. 232.

Attraversa il disco solare in 6. ore v. 5. 185.

Suoi effetti resterebbero debolissimi, enulli, se bisognasso ad effettuare gli influssi una molto apparente, e seusata illuminazione v. 7. 185. 186.

Sua luce è quasi sempre inconspicua ivi.

Scema di lume come la Luna e Venere v. 4. 397.

Metallo separato, e strutto, partendosi il fuoco, come si rassodi senza diminui-re di quantità v. 8. 41.

Di qualsivoglia sorte vien liquefatto da specchi ustorj v. 8. 75.

Se si faccia tal liquefazione causata dai raggi solari col moto, o sensa moto v. 8. 75.

Galileo Galilei Vol. X.

Quando è liquesutto, sorse è diviso negli ultimi suoi componenti v. 8. 72 73.

Due lastre del medesimo hen pulite si strisciano; ma non si staccano. e

perchè v. 8. 28 40 41.

Tutti i Metalli nell' argento vivo galleggiano, in fuor che l'oro v. 8. 122.

Misurar colla vista, per mezzo del Com-

passo v. 1. 280 e segg.

Mobili cadenti in un istesso mezzo hanno da natura una statuita, e determina-

ta. vėlocità v. 8. 107.

Non è vero, che di due cadenti in peso, e in mole disuguali, il più grave si muova più velocemente d'un altro men grave, e omogeneo v. 8. 107 e segg.

Cadenti con natural velocità disegnali congiunti insieme, il più veloce dal più tardo sarebbe in parte ritardato, e il più tardo dal più veloce sarebbe in parte velocitato v. 8. 107 108.

Moto de medesimi è alterato dal mezzo, secondo varie circostanze v. 8.

109 110.

Di velocità diseguali non si muovono nell'istesso mezze con velocità proporzionate alle gravità, ma con eguale v. 8, 112 e segg. 115 e segg.

Non è vero, che il medesimo mobile in mezzo di diversa resistenza osservi nella velocità la proporzion delle cedenze di essi prezzi v. 8. 115 e segg.

Di distrerenti gravità posti in mezzi di disferenti resistenze, le disegnalità delle loro velocità sono maggiori nei mezzi più resistenti, che ne più cedenti ivi.

Due de medesimi, che per l'aria pochissimo differiscono in velocità, per l'acqua l'uno si muoverebbe più veloce dell'altro disci volte ivi.

Pessono esser messi nel piano dell'orizzonte, rimessi gl'impedimenti, da qualunque minima forza v. 4. 286 237.

De cadenti nel vacuo, ameorche diseguali di peso, si può credere, che le velocità sieno del tutto eguali v. 8. 121 e segg.

De cadenti in un mezzo più tentte degli altri, ma non voto si scorge esser piccolissima la differenza delle loro velocità ivi.

Delle diverse velocità de medesimi di disserenti gravità, non è causa la diversa gravità; ma gli esteriori accidenti, è le resistenze de mezzi in particolare v. 8.724 e segg.

Quando sono differentissimi de peso le velocità più e più differiscono, secondo che maggiori e maggiori sono gli spasj, che trapassano ivi:

Hanno da natura intrinse co principio di muoversi verso il comun centro de' gravi, con movimento accelerato; e accelerato sempre egualmente rimossi gl'impedimenti v. 8. 125 246 e segg. v. 10. 136.

Le lor linee di direzione consideransi

come parallele v. 4. 292.

I medesimi cadenti dopo essersi accelerati, restano d'accelerarsi, e si riducono ad un moto equabile, nel quale sempre si mantengono, e perchè v. 8. 124 e segg. v. 10. 9. 10.

Nel mesco dove deono passare sempre vi è accrescimente di resistenza ivi.

Posti in diversi mezzi sluidi, come si possa trovare la proporzione tra le loro velocità v. 2. 336 337 e seg g.

v. 8. 127 e segg.

Come il mezzo, nel quale discendono, possa con sì gran differenza scemargli la velocità, essendo solo in grandezza differenti, ancorchè della medesima materia, e della stessa figura v. 8. 146.

Confricazione della loro superficie col mezzo, dove discendono, ritarda il loro moto, e sempre più quanto è maggiore la superficie v. 8. 147.

Non se ne può dare nè pur uno sferico si grande, nè di materia si grave, ehe non sia ritardato dalla resistenza del mezzo, quantunque tenuissimo, e nella continuazione del moto sia ridotto all'equabilità v. 8.

e segg.

Se un mobile equabilmente scorrendo colla medesima velocità passerà due spazj, i tempi delle scorse saranno fra di loro, come gli spazi passati v.

8. 240.

Se un mobile passerà due spazj in tempi eguali, saranno i medesimi spazi,. come le velocità, e se gli spazj saranno fra loro come le velocità, i tempi saranno eguali v. 8. 241.

I tempi de' mobili mossi con ineguali velocità per lo medesimo spazio, si rispondono contrariamente alle velo-

cità v. 8. 243.

Se due mobili si muoveranno con moto equabile, ma con diseguale velocità, gli spazi passati da medesimi in tempi diseguali averanno properzion composta della proporzione delle velocità, e della proporzione de tempi IVI.

Se due de' medesimi saranno mossì con moto equabile, siano però le xelocità disuguali, e gli spazi passati disuguali, la proporzione de tempi sarà composta della proporzione degli spazj, e della proporzione della velocità contrariamente prese v. 8. 244.

Se si moveranno due mobili con moto equabile, la proporzione delle velocità de medesimi sarà composta della proporzione degli spazi passati, e della proporzione de tempi contrariamente presi v. 8. 245.

Il medesimo mobile ha eguali gradi di velocità acquistati sopra a diverse inclinazioni di piani, quando sono eguali l'inelinazioni de' medesimi piani,

ed esperienza di ciò v. 8. 264.

Sua accelerazione nelle superficie curve procede con gradi molto differenti da

quelli per le rette v. 8. 266.

Mobile tempo nel quale dal med. è passato qualche spazio con un moto dalla quiete uniformemente accelerato è eguale al tempo, nel quale il medesimo spazio: sarebbe passato da un mobile mosso con moto equabile, la velocità del qual moto sia suddupla al sommo, e ultimo grado della velocità del primo moto uniformemente accelerato ivi.

Se scorra dalla quiete con moto uniformemente accelerato, gli spezi passati dal medecimo in qualsivoglia tempo sono fra loro in duplicata proporzione de medesimi tempi, cioè come i quadrati de medesimi tempi v. 6. 268.

I momenti, e le velocità d'un istesso son diverse sopre diverse inclinazioni di piani, e la massima è la perpendicolare clevata sopra all'Orizzonte v. 8. 278.

I gradi di velocità d'uno descendente con moto naturale dalla medesima sublimità per piani in qualsivoglia modo inclinati, all'arrivo sull'Orizzonte son sempre eguali rimossi gl'impedimenti v. 8. 280.

Se sopra a un piano inclinato, ed uno in perpendicolo egualmente alti scorra dalla quiete qualche mobile, i tempi delle scorse saranno fra loro, come le lunghezze de' medesimi piani v. 8, 284.

Il momento di un grave in un piano inclinato sta al momento nel prependicolo, come reciprocamente il perpendicolo alla lunguezza di esso piano v. 4. 216. v. 8. 261. v. 10. 72. 73.

I tempi delle scese d'un mobile sopra a'piani diversamente inclinati, ma colla medesima elevazione, sono fra loro come le loro langhezze v. 8. 286 287.

I tempi delle soorse sopra a'piani equali, ma inegualmente inclinati sono fra loro in suddupla proporzione dell' elevazione de' medesimi piani permutatamente presi v. 8. 288.

La proporzione de' tempi della scese d'un mobile sopra a' piani di diverse inclinazioni, e lunghezze, ed ineguali elevazioni, è composta della proporzione delle lunghezze de'medesimi pia-

ni, e della suddupla dell'elevazioni

permutatamente prese v.8.289.

Se l'elevazioni di due piani averanno doppia proporzione di quello, che banno le lunghezze de'medesimi piani, i moti dalla quiete per gli medesimi si faranno in tempi eguali v. 8. 298.

In quei piani segati dal medesimo cerchio eretto all' Orizzonte, i quali si congiungono col termine sublime, o imo del diametro retto, i tempi del moto sono eguali al tempo della cadu-. ta per lo diametro, in quei però che si congiungono col diametro i tempi sono più brevi, e in quei, che segano il diametro i tempi sono più lunghi

v. 8. 299. Se da un punto in una linea parallela

all'orizzonte s'inclinino in qualsivoglia modo due piani, e siano segati da una linea, che faccia con essi gli angoli permutatamente eguali agli augoli contenuti da' medesimi piani, e dall' orizzontale, i moti nelle parti segate dalla detta linea si faranno in

tempi eguali v. 8. 300.

I tempi delle scorse sopra a diverse inclinazioni di piani, che abbiano l'elevazioni eguali, sono fra loro, come le lunghezze de' medesimi piani, se il moto si comincerà dalla quiete, ovvero preceda loro una scesa della medesima altezza v. 8. 302.

Se un piano, nel quale si fa dalla quiete il moto, si divida in qualunque
modo, il tempo del moto per la prima parte, a quella del moto per la
seguente, è come la medesima parte
all'eccesso, cel quale la medesima
parte è superata dalla media proporzionale tra tutto il piano, e la medesima prima parte v. 8. 303.

Gli spazi passati in tempi eguali stanno tra: loro come i numeri impari presi dall'unità v. 8. 270. v. 9. 15. 16.

I tempi, ne quali si passano due qualsivogliano spazi, stanno fra loro come uno de detti spazi alla loro media

proporzionale v. 8. 276.

Impeto d'un mobile per un piano eretto all'Orizzonte all'impeto per un piano inclinato sta reciprocamente come le lunghezze di detti piani v. 8. 278.

I tempi delle scese sopra a' piani diversamente inclinati, se abbiano la medesima elevazione, stanno fra loro come le lunghezze de' medesimi piani

v. 8. 279.

I tempi delle scese per tutte le corde tirate dal punto sublime, o imo del cerchio sono eguali tra loro v. 8. 293.

Se dal medesimo punto scenda un piano a perpendicolo, e uno inclinato, sopra i quali le scese si facciano in tempi eguali, i medesimi piani saranno nel mezzo cerchio, il cui diametro

è l'istesso perpendicolo ivi.

I tempi del moto sopra a' piani inclinati sono eguali, quando l'elevazioni di parti eguali de' medesimi piani stanno fra loro come le lunghezze di detti.

piani ivi.

Se due piani uno a perpendicolo, e l'altro inclinato siano segati tra le medesime liuse orizzontali, e si prendano le loro medie proporzionali, e delle loro parti comprese dalla loro comun sezione, e dalla superior linea orizzontale, il tempo del moto fatto nel perpendicolare al tempo fatto nella parte superiore del perpendicolare, e conseguentemente nell'inferiore del piano segante, averà quella proporzione, che ha tutta la lunghezza del perpendicolare alla linea composta dalla media presa nel perpendicolo, e dall'eccesso col quale tutto il piano inclinato supera la sua media v. 8. 304.

Dato un piano perpendicolare, inclinare al medesimo un piano, nel quale avendo egli col piano la medesima elevazione, vi si faccia il moto dopo la caduta dal perpendicolo, nel medesimo tempo, che si farebbe nell'istesso piano perpendicolare dalla quiete v. 8. 306.

Dato un piano perpendicolare, e un piano inclinato al medesimo trovare nel superior piano perpendicolare una

parte, la quale dalla quiete sia passata in un tempo eguale a quello, nel quale si passa il piano inclinato dopo la scorna mella ritrovata parte del piano per-

pendicolare v. 8. 307.

Dato un piano perpendicolare, e un piano ad esso piegato, trovare nel piano no perpendicolare steso di sotto una parte la quale sin passata nel medesimo tempo, che il piano piegato, dopo la scesa dal dato perpendicolo v. 8. 309.

Se le parti d'un piano inclinato, e d'uno perpendicolare, le scorse per le
quali dalla quiete siano eguali, si congiungano ad un medesimo punto, il
mobile venendo da qualsivoglia altezza più sublime, più presto passerà le
parti del piano inclinato, che quelle
del perpendicolare v. 8. 310.

Dato un perpendicolo, ed un piano ad esso inclinato, nel dato piano assegnare uno spazio, nel quale il mobile dopo la caduta pel perpendicolo si muova in un tempo eguale a quello, nel quale passò dalla quiete il mede-

simo perpendicolo v. 8. 3.3.

Dato in un perpendicolo qualsivaglia spazio segnato dal principio della scorsa, che sia passato in un dato tempo, e dato qualsivoglia altro tempo minore, trovare nel medesimo perpendicolo un altro spazio, che sia passato nel dato tempo minore v. & 314.

Dato in un perpendicolo qualsivoglia spazio passato dal principio del la scorsa, e dato il tempo della caduta, trovare un tempo, nel quale un altro eguale spazio dovunque preso nel medesimo mobile sia conseguentemente passato v. 8.315.

Dato qualsivoglia spazio, e una parte nel medesimo dopo il principio della scorsa, ritrovare un'altra parte verso la fine, che sia passata nel medesimo tempo della prima data v. 8. 316.

Lo spazio, che si passa in un perpendicolare dopo la caduta dalla cima nel
medesimo tempo, nel quale si passa
pel piano inclinato, è minore di quello, che si passa nel medesimo tempo
per l'inclinato piano, non precedendo
la caduta dalla cima: maggiore però,
che il medesimo piano inclinato v.
8. 312.

Se in un perpendicolo si faccia la caduta dalla quiete, nel quale da principio
della scesa si prende una parte passata
in qualsivoglia tempo, dopo la quale
segua il moto inflesso per un piano
comunque inclinato, lo spazio, che è
passato in tal piano in tempo eguale
al tempo della caduta già fatta pel
perpendicolo allo spazio già passato per
lo medesimo perpendicolo, sarà maggiore, che doppio, minore però, che
triplo v. 8. 317.

319.

Dato uno spezio pesseto in qualsivoglia tempo dalla quiete per un perpendicolo, dall'imo termine di questo spazio piegare un piano, sopra al quale dopo la caduta pel perpendicolo nel medesimo tempo sia passato uno spazio eguale a qualsivoglia dato spazio, il quale però sia più, che duplo, e minore, che triplo dello spazio passato pel perpendicolo 320.

Dato un perpendicolo fra le medesime parallele orizzontali, ed un piano elevato dal suo imo termine. lo spazio, che dal mobile dopo la caduta nel perpendicolo è passato sopra a uno piane elevato in un tempo eguale al tempo della caduta, è maggiore dell'isterso perpendicolo, minore però che duplo del medesimo

perpendicole v. 8. 328.

Se depo la caduta per qualche piano inclinato segua il moto sopra il piano dell'orizzonte, sarà il tempo della cadute sopra il piano inclinate al tempo del moto per qualzivoglia linea dell'orizzente, come la doppia lunghezza del piano inclinato alla linea presa dell'orizzonte v. 9. 226

227. v. 10. 16 17.

Dato un perpendicolo fra linee parallele
Orizzontali, e dato uno spazio maggiore dell'istesso perpendicolo, e
minore del duplo del medesimo, dall'imo termina del perpendicolo innalzare un piano fizi le medesime
parallele, sopra al quale un mobile
con moto reflesso dopo la socsa pel
perpendicolo faccia uno spazio eguale al dato, in un tempo eguale a
quello della scesa pel medesimo perpendicolo ivi.

Se per piani ineguali, che abbiano le medesime elevazioni, seenda un mohile, lo spazio, che è passato nell'ima parte del più lango in tempo eguale a quello nel quale è passato tutto il più breve piano, è eguale allo spazio, che si compone dall'istesso più breve piano, e dalla parte, alla quale il medesimo piano più breve ha la medesimo piano più breve ha la medesima proporzione, che ha il piano più lungo all'eccesso nel quale il più lungo supera il più corto v. 8, 332.

Dato qualsiveglia spazio orizzontale, dal termine del quale sia eretto un perpendicolo, nel quale si pigli una Se da qualunque punto d'una linea orizzontale discenda un perpendicolo, e da un altro punto preso nella linea medesima orizzontale si debba condurre un piano fino al perpendicolo, pel quale un mobile discenda in brevissimo tempo fino al medesimo perpendicolo, tal piano sarà quello, che taglia del perpendicolo una parte eguale alla distanza del preso punto nell'orizzontale dal termine del perpendicolo 336.

Se sarà una linea retta sopra a una orizzontale comunque inclinata, il piano disteso dal dato punto nell'orizzontale fino all'inclinata, nel quale si fa la scesa nel tempo il più breve di tutti, è quello, che divide pel mezzo l'angolo contenuto da due perpendicolari stese dal dato punto, una all'orizzontale linea, l'akra all'inclinata v. 8. 337.

Se si piglino nell' orizionte due punti, e da uno di esso si inclini qualsivoglia

linea verso l'altro, dal quale all'inclinata si tiri una linea retta, che da
quella tagli una parte eguale a quella, che è compresa fra'due punti
dell'orizzonte, la caduta per questa
tirata si fa più presto, che per qualsivogliano altre linee rette tirate dal
medesimo punto alla medesima inclinata. Ma nell'altre le quali si discosteranno di qua, e di la con angoli
eguali, le cadute si faranno in tempi fra loro eguali v. 8. 339.

Dato dino perpendicolo, ed un piano ad esso inclinato, che abbiano la medesima altezza, e il medesimo termine sublime, trovare un puato sopra al comun termine nel perpendicolo, dal quale se si lasci andare un mobile, che si rivolti poi per un piano inclinato, questo passi piano nel medesimo tempo, che passerebbe dalla quiete il medesimo perpendicolo

v. 8. 341.

Dato un piano inclinato, ed un perpendicolo, che abbiano il medesimo
termine, trovare il punto più sublime
nello stesso perpendicolo, dal quale
scendendo un mobile, e rivoltato pel
piano comunque inclinato, lo passi
nel medesimo tempo, che passerebbe
il solo piano inclinato dalla quiete
dal suo termine superiore v. 8. 342.
Data una linea inflessa al dato perpen:

dicolo, pigliare una parte nell'inflessa, nella quale sola dalla quiete si faccia il moto nel medesimo tempo, che nella medesima insieme col per-

pendicolo v. 8. 346.

Se in un cerchio eretto all'orizzonte dall'imo punto si elevi un piano, che non suttenda maggior circonferenza d'un quadrante, da' tempi del quale si pieghino due altri piani a qualsivoglia punto della circonferenza inclinati, la scesa per i due piani inclinati si farà in più breve tempo, che nel solo primo piano elevato, o che per l'altro solamente di quei due, cioè per l'inferiore v. 8. 350 351.

Come ciò si debba intendere v. 10. 55

56 e segg.

Dato un perpendicolo, e un piano inclinato, che abbiano la medesima elevazione, ritrovare una parte nell'inclinato, che sia eguale al perpendicolo, e che sia passata nel medesimo tem-

do del perpendicolo v. 8. 354.

Dati due piani orizzontali segati da un perpendicolo, trovare un punto sublime del perpendicolo, dal quale i mobili cadenti, e rivolti ne piani orizzontali passino spazi in tempi eguali a i tempi delle cadute per le medesime orizzontali, cioè nell'infe-

Galileo Galilei Vol. X. 31

riore, e nella superiore, i quali abbiano fra loro qualunque data proporzione d'una minore ad una maggiore v. 8. 356.

Gli spazi passati da un mobile sono proporzionali ai piani di velocità con

cui passa tali spazj v. 10. 14.

Se un mobile in certo tempo spinto da una data forza si acquista certa velocità, e in altro certo tempo spinto da altra data forza, si acquista certa altra velocità, saranno le velocità come i piani delle forze v. 10. 17.

Proposizioni circa le proporzioni delle Forze, velocità, tempi, e spazj di mobili mossi di moto accelerato v.

10. 18 19 e segg. 32. e segg.

Se un mobile cade o per una retta, o per una curva, e per la retta in un punto abbia acquistata certa velocità; e per la curva in un punto egualmente alto, cioè in pari distanza dal centro abbia acquistata la tal velocità, le due velocità son uguali, qualunque sia la scala delle forze v. 10. 48. Non così in piani variamente inclinati 51 52.

Se un grave scenda dalla quiete per un piano, indi si rivolga in un altro, non vi entrerà colla forza acquistata nel primo piano, e con qual forza v'entri v. 10. 52 53. Strada da spedirsi in un brevissimo tempo da un mobile per passar da un punto all'altro in sentenza del Galileo è una porzione di cerchio v. 8. 354. Come si debba ciò intendere v. 10. 57. segg. Questa via è la curva Cicloidale v. 10. 63 64 e segg.

Un grave passando da un punto ad un altro se non scenda per la retta stesa tra questi due punti, ma parte per un'inclinata, parte per l'orizzontale, saper qual proporzione abbia il moto per queste due al tempo per la semplice retta stesa tra i due termini v. 10. 82 83.

Se da un punto ad un altro più basso debba portarsi un grave in brevissimo tempo, parte per un'inclinata, parte per l'orrizzontale, trovar il sito di quella inclinata v. 10.85.

Mobili, che si muovono con moto com-

posto: vedi Projetti.

È insensibile il ritardamento causato lo-

ro dal miezzo v. 9. 20 21.

Partendosi dalla quiete si ritrova in ogni sito aver tanto impeto, che basta per ridurre se stessi alla medesima altezza donde sono venuti v. 8. 72. 263 264

Discendenti da un punto sublime fino ad un soggetto piano orizzontale a. cquistano eguali gradi di velocità, sia la scesa loro fatta o per la perpendicolare, o sopra a qualsivogliano pia-

ni inclinati v. 9. 178.

Conseguenze, che seguono ne'movimenti de' mobili solidi, sono differenti da quelle, che seguono ne' fluidi v.

10. 143 144 e segg.

Tra le strade, che deve passare un mobile, la più spedita non è la retta, benchè brevissima sopra a tutte; ma v'è delle linee curve, e delle composte di più rette, che con maggior velocità, e in più breve tempo passano v. 10. 155.

Mobili omogenei aucorchè disegualissimi in mole, e per conseguenza in peso, si muovono tuttavia con pari velocità

7. 10. 108.

Di diverse gravità nel discendere in ispecie non ritengono nella loro velocità la proporzione de pesi v. 10. **305.** 306.

Ognuno de' medesimi ha da Natura determinati gradi di velocità, che non possono essergli accresciuti, se non con violentare la loro natural costituzione v. 10. 322. e segg.

Quanto si vogliano diseguali in grandezza, per quanto depende dalla gravità, si muovono colla medesima velocità,

v. 10. 326.

L'istesso mobile di figura larga per un verso, e stretta per l'altro scenderà

per taglio più velocemente, che per

piano v. 10. 328.

A moltissimi mobili vien levato totalmente il muoversi verso il loro centro dalla resistenza del mezzo v. 10. 329.

Alle porosità della loro superficie l'aderenza del mezzo è potente a cagionare grandissime differenze nelle loro velo-

cità, e tardità v. 10. 335.

Non ritiene il medesimo mobile in diversi mezzi le sue velocità proporzionali alla crassizie, e sottilità de' mezzi, come vuole Aristotile v. 10. 338.

Le velocità d'un medesimo mobile in diversi mezzi si regolano, non colla corpulenza de' mezzi, ma coll' eccesso della gravità assoluta del mobile sopra alla gravità de' mezzi v. 10. 340.

L'innate velocità di tutti i mobili sono nel vacuo tutte tra loro simili, ed eguali crescenti in duplicata propor-

zione de' tempi ivi

Momento, e sua definizion v. 12. 175. 182. v. 9. 193.

Momento eguale di pesi disaguali da che

provenga v. 4. 186. 187.

Moti circolari, che descrivono concentrici, ed epicicli v. 5. 146.

Moto esser causa di calore, è falsa opinione d'Aristotile v. 6. 130.

È causa di calore quando ne segue confricazione de' corpi ivi. E nella luce, e nel fuoco velocissimo v. 8. 75. 76.

Da alcuni antichi fu creduto non potersi dar senza vacuo 104.

Distrugge la posizione del vacuo secondo Aristotile ivi.

Non può essere instantaneo secondo Aristotile 105.

Quanto più è tardo, tanto meno lavora la resistenza del mezzo in alterare l'effetto, che depende dalla sola gravità 136. 137.

Accelerato si riduce all'equabile per la resistenza del mezzo 156.

De' moti locali giornata terza del Galileo 237.

Niente da' Filosofi si trova scritto intorno al medesimo ivi.

Naturale de gravi descendenti s'accelera ivi.

Equabile, e sua definizione 238.

Assiomi intorno al medesimo 239. 240. Naturalmente accelerato, e sua definizione 246.

Varie cause apportate da varj filosofi intorno all'accelerazione del moto naturale 226. e segg.

Moto de' projetti: vedi Projetti.

Contro a i moti fatti per l'aria, la medesima aria in due maniere esercita la sua forza v. g. 19. 20.

Dell'equabile innumerabili sono i gradi di velocità v. 9. 31. 32. Circolare è solo atto a conservarsi equa-

bile, e perchè v. 9. 32. 33.

Gomporre l'equabile orizzontale con un moto perpendicolare all'orizzonte, il quale cominciando dalla quiete vada naturalmente accelerandosi v. 9. 44.

Non si dà nel vacuo secondo Aristotile

v. 10. 337. 338.

Moti celesti due, e tra di loro quasi contrarj v. 7. 453. e segg.

Mondo, e sue parti v. 7. 429. e segg.

Meridiano cerchio v. 7. 460.

Mulino col pendolo apportato da un Siciliano al Serenissimo Gran Duca di Toscana Ferdinando secondo considerato dal Galileo v. 10. 267.

Più discapito, che guadagno apporte-

rebbe v. 10. 270. 271.

Musica, e sue proporzioni v. 8. 165. e segg. Forma de suoi intervalli in che consista v. 8. 171 e segg.

Cagione delle sue consonanze e disso-

nanze v. 8. 172 e segg.

Come in simil maniera si possa ricrear l'occhio v. 8. 176.

N

Natura è il libro dei Filosofi v. 6. 229. Non si diletta di Poesie v. 6. 234. Difficoltà d'intendere i suoi effetti v. 6. 346. Ha repugnanza ad ammettere il vacuo v. 8. 31.

Non intraprende a far quello, che repugna ad esser fatto: assioma d'Aristotile ivi.

Ha fabbricato a i Pesci l'ossa e le polpe non solo assai leggiere, ma senza veruna gravità v. 8. 209 210.

Ridicola cosa è credere, che allora comincino i suoi effetti, quando cominciamo a scoprirli, e intenderli v.

7. 174.
Nella diversità de' suoi effetti ha di bisogno di diversissimi stromenti, per poter quegli accomodatamente produrre v. 7. 175.

Suoi effetti più ammirabili son prodotti da cause tenuissime ivi.

Non può essere defraudata dall' arte v. 4 176. 177. v. 10. 255. e segg.

Sopra alla resistenza nulla guadagua l'arte per quanto appartiene a far forza v. 10. 256.

Ha fatto agli uccelli le penne dell'ali vote, acciocchè nel volare i medesimi più facilmente resistano v. 8. 145. e segg.

Ha dato a quadrupedi, e ad altri animali, che sopra a terra camminano l'ossa piene, acciocchè più difficilmente si schiaccino urtando in qualche sasso v. 10. 367.

Nave è possibile, che galleggi in poca acqua come in un oceano v. 2. 194.

Abbruciate in mezzo al mare secondo l'opinione d'alcuni per la velocità de venti, e dell'acqua v. 6. 130.

Importa infinitamente la leggerezza nel-

le medesime v. 8. 225.

Nebbia è composta di grandissimo numero di minutissime Stelloline d'acqua

, **v.** 10. 369.

Perchè cessando la medesima, e scoprendosi il Sole le foglie delle viti, o d'altre frondi divengano aride, e si secchino affatto ivi.

Stelle della medesima, che sopra alle frondi si posano sono di figura sferica perfettissima ivi.

Nebulose, vedi Stelle.

Nozzolini Tolomeo, sua lettera sopra il galleggiare v. 2. 355. e segg.

Sue ragioni contro l'opinione di chi metteva Venere, e Mercurio sopra al Sole.

Sue lettere: vedi Lettere.

Numeri quadrati, e non quadrati, e sue radici quali sieno v. 8. 60. e segg.

Numeri quadrati sono quanti i non quadrati ivi.

Non v'è numero, che non sia radice di quelche quadrato ivi.

La moltitudine de numeri quadrati si va sempre con maggior proporzione 490

diminuendo, quanto a' maggior numeri si trapassa v. 8. 60 e segg.

Due quadrati hanno per proprietà un numero medio proporzionale

Numero infinito è l'unità v. 8. 69.

Come fra due numeri si trovi il proporzionale di mezzo con proporzione geometrica insegnato dal Nozzolini v. 10. 166.

Nuncio Astronomico del Galileo v. 4. 303. Nuotatore perchè causa volendo star sermo a galla nell'acqua, sia necessario, che ci stia supino colle gambe aperte, colle braccia sopra al capo, e intirizzito v. 10. 361.

Perchè si affanni nel notare, non ostante che nell'acqua sia leggierissimo, onde con ogni piccola forza facilmente si muovi v. 10. 363.

O

Occhiale: vedi Canocchiale.

Odio non è maggiore nel mondo, che quello dell' Ignoranza contro il sapere v. 8. 99.

Odore suor dell'animal vivente non è altro che nome v. 6. 513.

Orione: vedi Costellazione.

Oro qual proporzione abbia il suo peso al peso di diversi metalli, e pietre v. 1. 322 e segg.

Quanto più grave sia dell'acqua v. 2.

229.

Separato, e strutto dal fuoco, si ricongiugue, e si rassoda senza scemare di quantità v. 8. 38.

Qual maniera gli Artefici tengano in condurlo in sottilissimo filo v. 8.

92.

Tirato in filo sottilissimo, non ha altro, che la sua superficie indorata, ma dentro è argento, ed è l'accrescimento della sua superficie sudduplo dell'allungamento ivi.

Sua superficie tirata sopra un fil d'argento non si può concepire, se non con un'immensa distrazione delle sue

parti v. 8. 95.

Esso solamente discende nel mezzo dell'argento vivo, dove tutti i metalli galleggiano v. 8 121. v. 10. 341.

È gravissimo sopra tutte le cose da noi

conosciute v. 10. 340.

Osservazione sensata dove manca, si deve supplir col discorso v. 5. 233 234.

Orizzonte v. 7. 458.

Palla di Piombo scagliata colla fionda, falsamente è tenuto da Seneca, e da altri, che si liquefaccia per la forte confricazione coll'aria v. 6. 492 493.

Palla è cacciata fuora dal Moschetto, o dall' Artiglieria con velocità sopran-

naturale v. 9. 23 24.

P. Paolo Sarpi Padre e Maestro del Galileo v. 7. 5:6. Lettera del Galileo ad esso v. 7. 554.

Parabola è sesquiterza del triangolo in-

scrittole v. 8. 230.

Varj modi per disegnare una linea purabolica v. 8. 231 e segg.

Linea parabolica si può conferire colle linee geometriche del Compasso da un luogo ad un altro 233.

Definizione intorno alla medesima v.

9. 31.

Come si debba determinare l'impeto in tutti i punti d'una data Parabola descritta da un projetto v. 9. 34.

In un suo asse steso trovare un punto sublime, dal quale il cadente descriva la medesima parabola v. 9. 49.

La metà della base, ovvero larghezza d'una semiparabola, che è la quarta Data la sublimità, e l'altezza d'una semiparabola ritrovare la sua larghez-**Za** 171.

Le larghezze delle semiparabole fatte da' projetti spinti col medesimo impeto sono eguali fra loro, secondo l'elevazioni per angoli eguali di sopra, e di sotto distanti dal semiretto v. 9. 55.

Eguali sono le larghezze delle parabole, l'altezze, e le sublimità delle quali si rispondono contrariamente y. 9. 57.

In ciascheduno punto d'una linea parabolica misurar l'impeto del projetto v. 9. 28 29.

L'impeto, o il momento di qualsivoglia semiparabola pareggia il momento d'un naturalmente cadente per una perpendicolare all'orizzonte, che sia tanto alta, quanto è il comporto della sublimità e dell'altezza d'una semiparabola v. 9. 58.

Di tutte le semiparabole, delle quali l'altezze, e le sublimità congiunte gl'impeti sono eguali, ancora sono eguali v. g. 59 e segg.

494
Dato l'impeto, e la larghezza d'una
semiparabola ritrovare la sua altezza

Fare il computo delle larghezze di tutte le semiparabole, e disporle nelle tavole, che si descrivono da' projetti spinti col medesimo impeto v. 5. 310 317.

Delle date larghezze delle semiparabole disposte nelle tavole, e ritenuto l'impeto comune, col quale son descritte, sciogliere l'altezza di tutte le

semiparabole v. 9. 65.

Tavola delle semiparabole descritte dal

medesimo impeto v. 9. 68.

Tavola delle altezze, e sublimità delle semiparabole, che hanno le lerghezze medesime, cioè di parti 10000. calcolate a tutti i gravi d'elevazione v. 8. 288 289.

Ritrovare le alterze, e le sublimità delle semiparabole, le larghezze delle quali siano per essere eguali per tut-

ti i gradi d'elevazione 290.

Specchio Parabolico dissicile a riuscire-

v. 7. 546 549.

Parabole di varie spezie v. 9 298 e seg. Parallasse non fa l'istesso effetto nelle pure illuminazioni, o reflessioni, di quello che fa ne corpi veri, e reali.

Parte è un rispetto d'una maggior grandezza verso la minore, Eucl. lib. 5. v. 10. 248 249.

495

Pendoli. Suo trattato parrebbe arido a molti filosofi v. 8. 157.

Se ne i medesimi si facciano le vibrazioni in tempi eguali v. 8. 157 158.

Proporzione de tempi delle loro vibrazioni di diversa lunghezza v. 8. 159 160.

Sua altezza come sia misurabile, ancorchè il termine sublime fosse invisibile v. 8. 160.

Ciascheduno de' medesimi ha il termine prefisso delle sue vibrazioni, nè si può alterare v. 8. 153.

Come si spieghi la forma delle proporzioni musicali per via delle sue vi-

brazioni v. 8. 166 167.

Pendolo attaccato ad una leva da un Siciliano supera grandissime resistenze, e in che modo v. 10. 256 257 267. Peripatetici, vedi Filosofi.

Percossa. Sua forza v. 4. 227.

Non ha luogo in essa la lunghezza del manubrio v. 4. 228 e segg.

Suo effetto si regola dalla velocità del

percuziente v. 8. 253.

Intorno al medesimo Dialogo del Gali-

leo v. 9. 147.

Qual parte abbia nell'effetto della medesima il peso del martello, e la velocità maggiore, o minore colla quale vien mosso v. 9. 153 154 e segg.

496

È d'infinito momento, e perchè v. 9.

169 270 188 189.

Sua misura non si può prendere da quello, che percuote, ma più tosto da quello che la percossa riceve v. 9 160 161.

Alla forza della medesima, benchè leggiera, non è alcuna resistenza, che resista, se non infinita 161 162.

Sua operazione procede da' mezzi me-

desimi dell'altre macchine ivi.

Malagevolmente si può determinare sopra a la forza della medesima fatta sopra a un resistente, che indeterminatamente va più e più resistendo v. 9. 67 168.

Sua forza pare un modo titrovato dall'arte per fare apparire, che con forza piccolissima se ne supera delle

grandissime v. 10. 259 e segg.

Non pare, che non vi sia resistenza alcuna, che non gli ceda v. 10. 259 260.

Pesci nell'acqua s'equilibrano, ed or più gravi. or più leggieri si fanno colla medesima, ed or vi si fanno immobili v. 8. 117 209.

Sua vescichetta, colla quale s'equilibrano nell'acqua, risponde loro per un angusto meato in bocca v. 8. 117 118.

Non solo hanno l'ossa e le polpe assai leggieri, ma senza veruna gravità ivi.

Peso non può essere mosso anco colle macchine da forza minore di lui v. 4. 177.

Pesi, vedi Gravi.

Pesi disuguali come possano aver momento eguale v: 4. 186 187.

Pesi diseguali posti in bilancia di braccia disuguali possono far l'equilibro v. 8. 181.

Dae pesi qualsivogliano fanno l'equilibrio da distanze permutatamente rispondenti alle lor gravità ivi.

Peso immerso nell'acqua di tanto vien più leggiero, di quanto pesa tant'a-cqua in mole eguale alla mole del peso immerso v. 10. 361.

Pianeti. Sue diversità nel vedersi fra le Stelle fisse v. 4. 329 e segg.

Opinione de' Pittagorici, e di Copernico, e del Keplero intorno a' medesimi v. 5. 11 141.

Sono di natura tenebrosi v. 5. x1.

Quanto più vicini al Sole, tanto più risplendono v. 5. 16 17.

Misure dei loro diametri prese dal Galileo troppo picciole v. 7. 165 166.

Pianeti Medicei, e loro revoluzione v. 2. 166. e segg.

Osservati dal Galileo v. 4. 304 e segg. v. 5. 42 e segg.

Figura de' lor movimenti v. 5. 46 47. S'eclissano, ed hanno i suoi periodi ordinati, e i moti ne'suoi cerchi distinti v. 5. 156 157.

Galileo Galilei Vol. X. 32

Non sono più di 4. e sono veri, e per-

petui v. 5. x73.

Sue costituzioni nel mese di Marzo, e d'Aprile del 1613 v. 5. 293 e segg. Sue eclissi sono or di breve, or di lunga durata, e talora invisibili a noi v. 5. 305 306.

Invenzione de' medesimi è stata usurpata al Galileo da Simon Mario Guttegusano nel suo libro intitolato Mundus Jovialis v. 6. 194.

Descrizione de loro movimenti v. 6 196

197.

Lettera del Galileo a Monsig. Dini intorno a'medesimi v. 7. 169 e segg.

Falsamente son tenuti per illusioni, mentre si scuoprono con occhiali di qual-

sivoglia sorte, e grandezza ivi.

L'asserire, che sien prive d'influssi, mentre l'altre Stelle n'abbondano, è cosa molto da riservarsi v. 7 173. Sono dotati di periodi velocissimi v. 7. 183.

Tempi dei loro rivolgimenti v. 4. 383.

v. 7. 183.

Distanze loro da Giove v. 4. 383.

Osservazione del Roemer intorno ad essi, e conseguenza trattane per mostrare, il moto della luce farsi in tempo v. 4. 384.

Son tutti e quattro insieme più piccoli di Saturno, e mille volte più veloci

di lui ivi.

Quanto possano alterare l'operazioni dell'istesso Giove ivi.

Sue diversità si vanno di giorno in giorno alternando ivi.

Suo lume vivamente si diffonde fino in terra v. 7. 185.

Ancor essi, se l'altre Stelle influiscono, non restano d'operare ivi.

Qual sia la causa della loro occultazione v. 10. 295 296.

Talvolta ancora fra di loro s'eclissano ivi.

Sue apparizioni, ed occultazioni non si possono salvare per via d'epicicli, nè per via di qualsivogliano movimenti circolari si possono trever corpi celesti, come afferma Aristotile ivi.

Delle sue eclissi se ne ha più di mille per ciascheduno utilissimi per trovare le longitudini v. 7. 208 209.

Sono invisibili senza persettissumi Telesoopi v. 7. 214.

Vanno rivolgendosi intorno a Giove con 4 cerchi di differenti grandezze v. 7. 268. 269.

Da'suoi movimenti abbiamo per ogni giorno naturale 4. 6. 8. e spesse volte ancora più accidenti tali, che ciascheduno è non meno accomodato, anzi molto più, che se fossero tant'eclissi lunari per l'investigazioni delle Longitudini ivi.

Molte volte ancor essi sono risplendenti per illuminazione del Sole ivi.

Oltre all'eclissi vi sono le congiunzioni del loro corpo con quello di Giove v. 7. 270. 271.

Loro esatta congiunzione passa in un minuto d'ora ivi.

Non sono irsuti, ma terminatissimi v. 7. 312.

Piani, vedi Mobili per gli medesimi.

Piani di gravità v. 9. 211. 212.

Piombo liquefatto in un istante da uno specchio concavo di tre palmi di diametro v. 8. 74.

Piramide, vedi Solidi.

Platone nega la leggierezza v. 2. 207.

Sua opinione, che Venere stia sopra al Sole, e se ciò fosse veramente da lui creduto v. 5. 230. 231.

Non scrisse nulla se non colla dottrina di Socrate v. 7. 16.

Sua opinione, che la scienza sia una ricordanza di quel che prima si sapeva v. 7. 190.

Suo consiglio è, che si debbano cominciare gli studj dalle matematiche v. 8. 162. 216.

Sua opinione intorno al determinare le diverse velocità de' moti equabili nelle conversioni de' moti celesti v. 9. 31.

Sua sentenza, che non si può apprendere la filosofia senza la Matematica v. 19. 343. 344. Tacciato da Aristotile per esser troppo studioso della Geometria ivi.

Pleiadi, vedi Costellazioni

Polari cerchi v. 7. 469. 470.

Poligono qual si voglia è compreso da' lati quanti v. 8. 88. 89.

Poligono di lati infiniti è il cerchio v. 8.

44 45. 84. 99. 100.

Tra due qualsivogliano Poligoni simili regolari medio proporzionale è il cerchio, uno de' quali siagli circonscritto, e l'altro isoperimetro v. 8. 100.

De' medesimi circonscritti al cerchio quegli, che hanno più angoli, sono minori di quelli, che ne hanno meno, ma degl' isoperimetri, quelli che ne hanno più sono maggiori v. 8. 101.

Postille del Galileo al libro d'Anton Rocco scritto dal medesimo contro al Ga-

lileo v. 8. 253.

Pressione dell'ambiente più grave è causa dell'ascendere de corpi v. 2. 227.

Prisma, e sue resistenze, vedi Solidi.

Projetti. Suo moto è parabolico v. 8. 231. e segg. 238. v. 9. 7.

Giornata Quarta del Galileo intorno al

moto de' medesimi v. 9. 5.

Per cacciare i medesimi alla medesima lontananza, nelle diverse inclinazioni quanto più s'allontanano dalla media, o sia nelle più alte, o nelle più basse, tanto si ricerca maggior impeto, e violenza v. 9. 72. e segg.

Nelle projezioni de' medesimi con due impeti perpendicolare, e orizzontale, quanto più sono sublimi, tanto men vi si ricerea dell' orizzontale, e molto del perpendicolare, e all' incontro nelle poco elevate, grande bisogna che sia la forza dell' impeto orizzontale, che da poca altezza deve cacciare il projetto v. 9. 74.

Per cacciare il projetto un sol dito fuor del perpendicolo mella totale elevazione di novanta gradi non basta tutta la forza del mondo, ma necessariamente deve ricadere nell'istesso luogo

onde fu cacciato ivi.

Mentre un projetto è portato con moto composto dell'equabile orizzontale, e del naturalmente accelerato descendente, descrive della sua scorsa una

linea parabolica v. g. 7.

Se qualche mobile con doppio moto equabile, cioè con orizzontale e perpendicolare, l'impeto o il momento della scorsa composta dall'uno e dall'altro moto sarà la potenza eguale a due momenti de' primi moti v. 9. 26.

Le larghezze delle parabole fatte da projetti cacciati col medesimo impeto sono eguali fra loro secondo l'elevazioni per di sopra, e per di sotto distanti dal semiretto v. 9. 55.

Modo di misurare il suo impeto in cia-

echedun punto della linea parabolica

v. g. 28. 29.

Fare il computo di tutte le semiparabole, e disporle nelle tavole, le quali si descrivono da' projetti cacciati dal

medesimo impeto v. g. 28. 29.

Dovendosi mandare un projetto da un luogo ad un altro, benchè non posto nel medesimo orizzonte con tale velocità, quale si acquisterebbe un gracadendo da una data sublimità, saper la direzione del tiro v. 10. 78.

Proporzione. Dialogo quinto del Galileo intorno alla medesima v. 9. 117.

Proporzidne composta definita v. 9. 139. Proporzion geometrica definita dal Nozzolini v. 10. 166.

Proporzion aritmetica spiegata dal Nozzolini ivi.

Punto come apparisca eguale a una linea v. 8. 53. e segg.

Qualità sensibili in che consistano v. 6. 511. e segg.

R

Ragnateli perchè se se veggano moltissimi in tempo di nebbia la mattipa a buon' ora i ntorno alle siepi, e io sul mezzo giorno, quando il tempo è sereno, non se ne vegga niuno v. 10. 36q.

Suoi fili sono invisibili per la loro sotti-

gliezza ivi.

Si seguitano a vedere fino che il Sole non ha consumato quelle stelle di nebbia che vi son sopra ivi.

Si fanno visibili ancora per le stelloline che vi si posano componenti la mede-

sima rugiada ivi.

Rame, vedi Metallo.

È più grave in ispecie dell'acqua v. 2. 235.

Raggi solari, vedi Sole.

Rarefazione partorisce leggierezza, e augumento di mole v. 2. 179. 171.

Come si faciliti l'intelligenza della medesima coll'introduzione degl'indivisibili v. 8 87.

La medesima, e la condensazione sono

moti contrarj v. 8. 102.

Dove si vede un'immensa rarefazione, non si può negare un'immensa condensazione ivi.

Immensa rarefazione è quella di poca quantità di polvere risoluta in una vastissima mole di fuoco ivi.

E più in pronto ad essere osservata,

che la condensazione ivi.

Rarefazione spiegata dal Galileo v. 8. 90. È difficile a spiegarsi ivi.

Ressione dell'immagini, unita, e distin-

ta si può fare ancora senza la pulitezza della materia v. 6. 488. 489.

Refrazione per un corpo diafano quando non si faccia v. 6. 362. 363.

Regione vaporosa grossa molte miglia v. 6. 564.

Regola del tre è fondamento di tutte le ragioni, e conti de' Mercanti v. 10.

E in tutto geometrica v. 10. 130 e segg.

Resistenze de' solidi, vedi Solidi.

Trattato delle Resistenze del Viviani v.

9. 192. e segg.

Resistenza assoluta che sia v. 9. 192 e segg. Varie definizioni e proprietà delle resistenze ivi.

Resistenza d'una corda in che consista

. **v. 8. 189. 190**

Resistenza del mezzo se fosse tolta, tutte le materie gravi colla medesima velocità discenderebbero v. 8. 122 e segg.

Resistenza alcuna, se non l'infinita, resiste alla forza della percossa benchè leggiera v. 9. 160. 161.

Rosa ursina del P. Scheiner; bambocce-

rie in essa contenute v. 7. 522. 523. Rugiada è composta di minutissime stille d'acqua come la nebbia v 10. 369. 370.

Saggiatore vedi Galileo Risposta al Saggiatore v. 6. 571.

Saturno Tricorporeo v. 2. 166.

Sua descrizione v. 5. 7. 22. 47. 77. 158. v. 7. 557.

Scoprimenti intorno al medesimo del Galileo v. 5. 21. 22.

Osservazioni intorno al medesimo del Galileo v. 5. 47. 125. 128.

Sua mutazione osservata dal Galileo v. 5. 39. e segg.

Sua figura si mostra simile a quella di Marte, di Giove, e di Venere vista coll'occhio libero v. 6. 541. 543. Sua figura ivi

È maggiore di tutte e quattro insieme le Medicee, ma è mille e mille volte più tardo di loro v. 7. 182. 183.

Scoperto attorniato da un anello, e sue fasi v. 4. 392.

Ha le sue macchie, e si rivolge in se stesso v. 4. 392.

Ha cinque pianeti: loro distanze, e periodi v. 4. 396.

Satelliti di Giove. Ved. Pianeti Medicei. Satelliti di Saturno v. 4. 395. 396.

Sapore fuori dell'animat vivente non è altro che un nome v. 6. 513. Scienza è una ricordanza di quel che uno prima sapeva, secondo Platone v. 7.

Delle scienze dimostrative la più ammirabile condizione è lo scaturire, e pullulare da principi notissimi, e comuni a tutti v. 8. 157. 158.

Scheiner P. Cristofano, si fa inventore delle macchie lunari, ritrovate dal Galileo v. 5. 33.

Sua temerità confermata v. 5. 33. v. 6. 93.

Invenzione delle macchie solari falsamente statagli attribuita dal P. Anguilonio Gesuita v. 6.88.

Chiamato col nome d'Apelle v. 6. 86. 87. Sua opera intitolata Rosa Orsina è inutile v. 6. 90. 91.

È piena di bamboccerie v. 7. 522. 523. Sua opinione intorno alle Macchie Solari, e loro falsità v. 5. 143. 144 233 234.

Sue lettere, vedi Lettere.

Seneca ed altri falsamente credevano, che le palle di piombo scagliate colla fionda si liquesacessero per la sorte confricazione dell'aria nell'esser girate v. 6. 492.

Semiparabola, v. Parabola. Sfera solida, vedi Solidi.

E contenuta sotto la minima superficie, e però è meno soggetta al ritardameuto v. 8. 154. 155. Sfera del Sacrobosco è dottissimamente comentata v. 8. 99.

Socrate lodato dal Galileo v. 7. 16.

Sole, perchè apparisca maggiore sull'orizzonte, che sul zenit v. 6. 526 527.

Si rivolge in se stesso, e in quanto tempo, e da qual parte v. 2. 167. v. 5. 194 262 315 316.

Sue macchie se sieno contigue alla sua superficie v. 2. 168 v. 5. 195 196

239 240 251 252.

Delle sue macchie se ne producono, e se ne dissolvono v. 2. 167 168 v. 5. 143 144 153 154.

Sono mosse dalla sua conversione in se stesso v. 2. 167 168 v. 5. 135.

Movimento delle medesime come apparisca v. 5. 136.

Materia delle medesime macchie non è molto densa v. 5. 139 309 310.

Opinione circa alle medesime del finto Apelle, e sue falsità v. 5. 143.

Vicino al lembo del Sole s'assottigliano v. 5. 149.

Patiscono grandissime mutazioni ivi.

Sua sostanza può essere a noi inopinabile v. 5. 150 151.

Sono simili alle nostre Nugole, e perchè ivi.

Osservazioni intorno alle medesime v. 5. 154.

Non gli convieue il nome di Stelle, e perchè v. 5. 155 156.

509

Opinione del Galileo intorno alle medesime v. 5. 159.

Sua natura, e accidenti v. 5. 168.

Sue mutazioni v. 5. ivi.

Suo moto comune ordinato si varia di sei in sei mesi verso mezzodì e settentrione v. 5. 169 315.

Terribil conseguenza al moto d'esse v. 6. 18 e segg. v. 7. 527 528. Vedi il Dialogo

Grandezza d'esse v. 5. 313.

Come appariscano le medesime al nascere, e all'occultarsi v. 5. 172 173. Hanno grossezza, e profondità ivi. Suo moto è circolare v. 5. 174. Sono di poca grossezza v. 5. 181.

Sua distanza dal Sole non è sensibile, e perchè v. 5. 176.

Non solo sono vicinissime, e forse contigue alla sua superficie, ma oltre a ciò si elevano poco da quella inquanto alla lor grossezza v. 5. 181 182.

Sono assai sottili in comparazione della lunghezza e larghezza loro v. 5. 181 Negrezza delle medesime si diminuisce assai, quando sono vicine all'esterno termine del disco, e perchè v. 5. 183.

Suoi intervalli, e mutazioni v. 5. 184. Non sono nell'aria v. 5. 185. Sono superiori alla Luna v. 5. 188. Ritornano alla nostra vista, e perchè v. 5. 194. Modo di disegnarle v. 5. 199 200 201. Si vedono senza strumento v. 5. 202.

È falsa l'opinione de Franzesi, che credevano, che una delle medesime, che fu vista da luro, fosse Mercurio v. 5. 202.

Confrontazione delle medesime viste da diversi luoghi v. 5. 205 206.

Disegni delle medesime osservate dal Galileo nel mese di Giugao, e parte di Luglio nel 1612. v. 5. 206. e segg.

Lume delle sue macchie non è impedito dal riflettere dalla densità, oscurità, ed asprezza della materia v. 5. 265.

In qual parte del disco solare cadano le macchie v. 5. 217 218.

Le medesime non sono lacune, nè cavità nel corpo solare v. 5. 238.

Sue macchie dimostrano tempi eguali sotto il suo disco v. 5. 238 239. 257.

Esame delle medesime, e de'lor passaggi v. 5. 257 258.

Osservate dal Galileo, e prodotte dallo Scheiner sotto nome di finto Apelle v. 5. 260 261.

Scoprimento delle medesime falsamente è stato attribuito dal Padre Anguilonio Gesuita allo Scheiner v. 6. 86.

Comparazione delle medesime con le Stelle v. 5. 277 278. Sole illumina la metà della sfera vaporosa v. 6. 531.

Per fare un disco uguale al suo quante Stelle ci vorrebbero v. 7 67 68.

Suoi raggi messi insieme con uno specchio concavo, che effetto facciano v. 7.69.

Suoi raggi reflessi da uno specchio concavo sono più lucidi del Sole primario non reflesso v. 7. 69.

Effetto maraviglioso de'suoi raggi nel liquefare metalli se si faccia col moto o senza moto v 8. 75.

Qualsivoglia materia esposta a' suo i raggi in Cielo apparirebbe splendida come l'altre Stelle. v. 10. 301.

Fra il Sole, e Mercurio, e Venere possono esservi poche Stelle v. 5. 15g.

Sua Zona dove si scorgono le macchie v. 5. 169.

Perchè sull'orizzonte apparisca di figura ovata v. 6. 528.

Solidi. Causa del suo andare a fondo nell'acqua, e del suo galleggiare nella medesima v. 2. 173. 174.

Investigare quali di loro si sommergano, e quali soprannuotino nell'acqua v. 2.

Sua parte immersa è minore dell'acqua sollevata da esso v. 2. 179. 180.

Proporzion tra essi, e l'acqua sollevata nell'immergerli v. 2. 180. 181.

Men gravi dell'acqua soprannotano, e

più gravi vanno a fondo v. 2. 170.

171. 194 211. 212. 226. 227.

Sua figura altera la loro velocità nel discendere a foudo nell'acqua v. 2. 170. 171 194 223 225 e segg.

Proporzione del loro alzamento all'abbassamento dell'acqua v. 2. 179 e segg.

Men gravi dell'acqua in ispecie si sollevano, benchè in pochissima quantità della medesima v. 2. 186.

Che proporzione abbiano i suoi pesi assoluti fra loro v. 2. 182. e segg.

Qual parte di essi resti sommersa v. 2. 185. 186.

Più gravi dell'acqua non possono esser sollevati dalla medesima v. 2. 193. 194.

Sua leggerezza positiva è negata dagli Antichi v. 2. 205.

D'eguale gravità assoluta, e specifica quali siano v. 2. 173 174.

Men gravi dell'acqua tornano a galla discacciati dalla medesima v. 2. 208 200.

Loro moto è verso il centro della Terra v. 2. 208.

Quanto men gravi, tanto più velocemente ascendono nell'acqua v. 2. 208.

Sua diversità di figura se sia causa di andare, o non andare a fondo nell'acqua v. 2. 170 171 211 221 250 251 326 327 356 373 374 383.

Galleggiano più agevolmente secondo che sono di minor ampiezza v. 2. 305 332 333.

In che modo galleggino, ancorchè siano più gravi dell'acqua v. 2. 228 229 237 238 253 254 271 279 280 368 369.

Scemano di gravità collocati nell'acqua v. 2. 232 233.

Sono eguali di peso, quando le moli contrariamente si rispondono alle lor gravità in ispecie v. 2. 259.

Piramidali, e conoidali di qualsivoglia materia più grave dell'acqua possono galleggiare e andare a fondo v. 2. 261.

Sue figure non si trovano separate dalle cose corporce v. 2. 217.

Sua figura se abbia azione alcuna circa all'accrescere o diminuire la resistenza in alcun peso all'essere alzato nell'aria v. 2. 272 273.

Che cosa operi l'aria con essi unita v. 2. 386.

Sua natura ne' loro movimenti v. 5. 196 197.

Sue affezioni tanto si possono conoscere ne' lontani quanto ne' vicini v. 5.. 214

Si possono diminuire senza percettibile minuzione alla Bilancia v. 6. 474.

Quegli, che nel fregarsi insieme non Galileo Galilei Vol. X. 33

si consumano, non si riscaldano v. 6. 474.

È possibile, che qualche corpo sceman-

dosi cresca di peso v. 6. 474.

Conservano più l'impeto impresso loro di quel che facciano i fluidi e i leggieri v. 6. 443.

Quanto più sono densi, tanto più nel

fregarsi si riscaldano v. 7. 88.

Di grandissima lunghezza, e grossezza sono più facili a rompersi, che quei piccoli a loro simili v. 8. 15 16 e segg.

Sue resistenze sono un pieno campo di utili e belle contemplazioni v. 8.

20 e segg.

Che effetto s'operi nella frazione de' medesimi v. 8. 18. e segg.

In che consista la sua resistenza allo strapparsi v. 8. 21. v. 9. 194. 195.

Non basta al collegamento delle loro parti la resistenza del Vacuo v. 8. 33. 41.

Qual parte abbia il Vacuo nella loro resistenza allo strapparsi v. 8. 39.

Ridotti in polvere non subito si livella-

no v. 8. 73.

Quei che sono contenuti da superficie eguali, può essere che siano di corpo ineguali v. 8. 99. 100.

Rimossi gl'impedimenti possono essere mossi nel piano orizzontale dalla mi-

nima forza v. 4. 212. 213.

Qual proporzione abbia la forza al grave, che gli tira sopra a diversi piani

elevati v. 4. 213. 214 e segg.

Nel diminuirsi conservando la similitudine della figura, la gravità più che la superficie vien diminuita v. 2. 306. 307 v. 8. 148.

Ne'solidi simili maggior proporzione è tra la mole e la mole, che tra le

loro superficie v. 8. 150. 151.

Fra tutti i solidi le moli sono in sesquialtera proporzione delle lor superficie v. 8. 151.

Superficie de' minori solidi è grande in comparazione di quella de' maggiori v. 8. 150. 151.

Resistenza, che hanno i medesimi, depende da quel glutine, che gli tiene attaccati e congiunti, e perchè v. 8. 179.

Minor resistenza s' osserva nel violentargli per traverso, che per lo diritto

v. 8. 180.

In tutti si trova indubitatamente la resistenza all'essere spezzati v. 8. 180.

Essendo un solido sopra a un piano sollevato da un Vette, investigare qual parte sia del peso totale quella, che vien sostenuta dal soggetto piano, e quale quella sull'estremità del Vette v. 8. 184. 185.

Onde avvenga che un prisma o cilindro solido di vetro o d'acciajo, o di le-

gno, o d'altra materia frangibile, sospeso per lo lungo, sosterrà grandissimo peso, che gli sia attaccato, ma per lo traverso potrà da minor peso assai essere spezzato, secondo che la sua lunghezza eccederà la sua grossezza v. 8. 182.

Come, e con qual proporzione resistano più lunghi, che grossi all'esser rotti, fattagli forza secondo la sua larghezza più che secondo la grossez-

za v. 8. 189. 190.

Con qual proporzione vada crescendo il momento delle proprie gravità in relazione alla propria resistenza all'essere spezzati, mentre stando paralleli all'orizzonte si vanno allungando v. 8.–190.

I momenti delle loro forze, o de' cilindri egualmente grossi, ma disegualmente lunghi sono tra loro in duplicata properzione di quella delle loro

lunghezze ivi.

Ne' medesimi, e ne' cilindri egualmente lunghi, ma disugualmente grossi la resistenza all'esser rotti cresce in triplicata proporzione della proporzione de' diametri delle lor basi v. 8. 192. v. 9. 230. 231.

Sue resistenze, e de'cilindri egualmente lunghi sono in sesquialtera proporzione di quella degl'istessi, e de'cilindri

v. 8. 193.

Prismi, o cilindri di diversa lunghezza,

e grossezza hanno le lor resistenze all'esser rotti di proporzion composta della proporzion de'Cubi de'diametri delle lor basi, e della proporzione delle loro lunghezze permutatamente pre-

se v. 8. 196.

De'prismi, e cilindri simili i momenti composti, cioè resultanti dalle loro gravità, e dalle lor lunghezze, che sono come leve, hanno tra di loro proporzione sesquialtera di quello, che hanno le resistenze delle medesime loro basi v. 8. 198.

Tra l'infinite figure solide simili tra di loro non ve ne sono pur due, delle quali verso le proprie resistenze ritengano la medesima proporzione v. 8.

201.

De' prismi, e cilindri simili gravi un solo e unico è quello, che gravato dal proprio peso, si riduce all'ultimo stato tra lo spezzarsi, e il sostenersi intero v. 8. 201.

Dato un cilindro o prisma di massima lunghezza da non esser dal suo proprio peso spezzato, e data una lunghezza maggiore, trovar la grossezza d'un altro cilindro o prisma, che sotto la data lunghezza sia unico, e massimo resistente al proprio peso v. 8. 202.

Immersi nell'acqua scemano di peso v. 8. 210 Dato un prisma o cilindro col suo peso, ed il peso massimo sostenuto da esso, trovare la massima lunghezza, oltre alla quale prolungata dal suo solo proprio peso si romperebbe v. 8. 211.

Il cilindro, che gravato dal proprio peso sarà ridotto alla massima lunghezza, oltre alla quale più non si sosterrebbe, o sia retto nel mezzo da un solo sostegno, ovvero da due nell'estremità, potrà essere lungo il doppio di quello, che sarebbe fitto nel muro, cioè sostenuto in un solo termine v. 8. 212.

Se nella lunghezza d'un cilindro si noteranno due punti, sopra a'quali si voglia far la frazione di esso cilindro, le resistenze di essi due luoghi hanno fra di loro la medesima proporzione, che i rettangoli fatti dalle distanze di essi luoghi contrariamente presi v. 8. 217.

Dato il peso massimo retto dal mezzo d'un cilindro, o prisma, dove la resistenza è minima, e dato un peso maggiore di quello, trovare nel detto cilindro il punto, nel quale il dato peso maggiore sia retto, come peso massimo v. 8. 218.

Tagliato un prisma diagonalmente levandone la metà, la figura che resta ritien contraria natura di quella dell'intero prisma v. 8. 219. v. 9. 278. 279. In un solido come si possa dare un taglio, per lo quale togliendo via il supersuo rimanga un solido di figura, che in tutte le sue parti sia egualmente resistente v. 8. 220. e segg.

Linea, sopra alla quale si dee tagliare un prisma senza indebolirlo, dee esse-

re parabolica v. 8. 222.

Segando un prisma secondo la linea parabolica se ne cava la terza parte v. 8. 223. 224.

Ne' solidi voti senza crescer peso si cresce grandemente la loro resistenza v.

8. 234.

Momenti di resistenza delle sezioni de'solidi in qual proporzione sieno v. 9. 214. 215. e segg.

Varj casi d'Equilibrio de medesimi v.

9. 219. 220.

Dei solidi senza peso proprio fitti a squadra nel muro le resistenze a spezzarsi servono in proporzion reciproca delle lunghezze v. 9. 228 229.

Nei cilindri o prismi ugua i la resistenza dei più corti cresce in quintupla proporzione dei diametri delle loro

grossezze v. g. 238. 239.

Varie proporzioni dei pesi e delle resistenze di cilindri o prismi simili v.

9. 239.

Problemi varj per far solidi di un dato momento e resistenza v. 9. 240 241. e segg. 393. e segg. Lunghezze massime de'solidi fitti orizzontalmente nel muro qual proporzione abbiano alle lor gravità v. 9. 250. e segg.

Perchè un prisma triangolare più facilmente si pieghi voltandolo coll'ango-

lo in giù v. 9. 254.

Forze per ispezzare coni o piramidi fitte nel muro, come debbano o crescer

o scemare v. 9. 257. 258.

Diversi solidi similari uguali di mole, e di peso, di lunghezza, di resistenza ricercano forze diverse per romperli v. 9. 260 e segg.

In diversi piani inclinati le resistenze si

diversificano v. 9. 265.

Proporzioni de' pesi minimi rompenti il medesimo solido col proprio peso v. 9. 268. e segg.

Quesiti vari circa lo spezzarsi di vari cunei fitti nel muro v. 9. 281. e segg.

Solido, che tenuto in piombo ha in ogni sezione ugual resistenza v. 9. 295.

- Se un cono, o altro solido sospeso perpendicolarmente basta a superare la resistenza della sezione, accorciandolo non basta col suo peso v. 9. 304. 305.
- Ne' Cilindri di base uguale, quantunque di altezza disuguale, le forze a sostenerli eretti saranno uguali v. 9. 309. e segg.

Coni o Piramidi simili fuor del muro

in qual proporzione abbiano i momen-

'ti v, 9. 320. e segg.

Perchè un legno disteso orizzontalmente con maggiore facilità si pieghi, ch' essendo inclinato: e qual proporzione si trovi in diverse inclinazioni v. 9.

328. 329.

Se un solido resti equilibrato dal peso delle sue parti, e de pesi attaccati ai suoi estremi, e che lo stesso venga fitto nel muro fino al punto dell'Equilibrio, sicchè una parte sola resti fuori pendente, saper, se per istrapparlo vi voglia il medesimo peso attaccato a quella parte, o pur anche quello ch'era all'altro estremo v. 9. 331. e segg.

Se un Cilindro fitto nel muro è bastante a spezzarsi col proprio peso, saper se aggiuntavi ugual porzione di là dalla sezione resti in equilibrio, o pur voglia esser la metà più sottile ec. v. 9. 336. 337. e segg.

In qual proporzione sieno le sezioni di varj prismi ed altri solidi v. 9. 357.

e segg.

Spazi passati da vari Mobili, vedi Mobili. Specchio Parabolico difficile a riuscire v.

Sferico migliore del parabolico ivi.

Scala di momenti, pesi, resistenze che sia v. 9. 320. 352. 353

Delle velocità, delle forze, de tempi v.

Splendore, vedi Luce.

Stella nuova del 1604. e considerazioni sopra alla medesima del Capra v. 2. 10.

Opinione circa a quella del 1572. di va-

rj Autori v. 2. 19.

Stelle. Loro apparizione, ed occultazione non si può adattare all'apparizione, ed occultazione delle Medicee, come

dal Rocco è preteso v. 10. 393.

Stella nuova del 1604. fu inaspettata, e la prima sera si mostrò della maggior grandezza, che ella ritenesse in tutto il tempo, che fu veduta, e in mesi 18. in circa restò appoco appoco in-

visibile v. 10. 296. 297.

Non cangiò mai sito, e sempre ritenne il medesimo aspetto dell'altre Stelle del firmamento, e come una di loro solo partecipava del moto diurno, restando esente da ogn'altra mutazione o per lunghezza, o per larghezza del Cielo ivi.

Se fu mobile di moto alcuno, quello non fu, nè potè essere altro, che retto dal centro della terra, verso la sfera stellata ivi.

Sua apparizione fu in tutto similissima a quella del 72. v. 10. 299.

Stelle nebulose viste coll'occhiale, che cose siano v. 4. 304. 332.

Osservazioni sopra alle medesime v. 4. 332. 333.

Seconda delle medesime, come sia chia-

mata, e di quante Stelle sia composta v. 4. 332.

Loro figura v. 4. 332.

Sono uno aggregato di minutissime stelle v. 7. 182.

Si muovono lentamente v. 7. 183.

Stelle fisse risplendono di proprio lume v. 5. 15.

Stelle, che di nuovo compariscono, altre, che si occultano v. 4. 373. e segg.

Stelle fisse se abbiano parallasse v. 4. 375.

Invisibili son dieci volte multiplici delle visibili v. 4. 304. 305.

Alcune incognite ritrovate nuovamente coll' occhiale v. 4. 304.

Modo di misurare i suoi interstizj v. 4. 307. 308.

Viste coll'occhiale non crescono di grandezza a proporzione della Luna, e d'altri corpi, e perchè v. 4. 326. 327.

Sue diversità viste tra' Pianeti v. 4. 329. Poche delle medesime ne possono essere tra il Sole e Mercurio, e tra Mercurio e Venere v. 5. 159.

Sua ascitizia irradiazione le fa apparir più grandi di quel che sono v. 5. 227. 228. v. 6. 589

Da che sia cagionata v. 6. 589. 590.

Non vi sono a bitazioni nostrali v. 4. 367. 368 v. 5. 263 264.

Difficilmente si vedono intorno a Giove,

per l'irradiazione delle medesime v. 5. 303.

Nel suo vertice non patiscono refrazione, e quanto più sono verso l'orizzonte, tanto più reflettono v. 6. 369.

Illuminano la metà della sfera vaporosa v. 6. 529.

Abbondano d'influssi v. 7. 170. 171.

Della terza grandezza non ne è tenuto conto dagli Astrologi v. 7. 182.

Secondo molti Filosofi operano lumine,

et motu v. 7. 183.

Quelle sotto il nostro Orizzonte mancherebbero d'effetti, se il moto senza luce fosse inefficace, e perchè v. 7. 184.

Se influiscono ancor le Medicee non re-

stano d'operare v. 7. 184

Moltitudine delle medesime è immensa, ed innumerabile v. 7. 185.

È impossibile il far muovere in un particolar cerchio una Stella, che non muti aspetto colle fisse v. 10. 297

Stelle nuove trovate dal Galileo, vedi Pia-

neti Medicei.

Buona parte delle fisse ancor di giorno col canocchiale si vedono v. 4. 372. v. 7. 312.

Superficie tersa di qualsivoglia corpo tutta s'illumina, e la sua reflessione non si fa se non da un luogo particolare v. 6. 348. 349.

Superficie aspra più reflette d'una liscia v. 6. 364. 365

Due superficie unite insieme con esquisito contatto trovano resistenza a staccarsi, ma non a strisciarsi v. 7.447

Aspre, ed ineguali, e montuose non appariscono tali, se il raggio visuale non si eleva sopra il raggio illuminato v.

7 132 133.

Superficie figurata infinita non si può dare v. 8. 72.

Ancorchè di circuito eguali, possono es-

sere disuguali v. 8. 69. 70.

Delle regolari quelle sono più capaci, che son di più lati, che quelle di meno, ancorchè siano di circuito eguali v. 8. 96. 97.

Superficie de solidi cadenti, quanto è maggiore, tanto più gli apporta ritar-

damento v. 8. 148. 149.

Superficie sferica è contenuta sotto la minima superficie, e però meno soggetta al ritardamento nel discendere v. 8. 153.

Nelle superficie curve l'accelerazione de gravi procede con gradi di moto differenti da quelli, che procede ne piani retti v. 8. 265. 266. Taglia, e sua forza spiegata v. 4. .1991 234.

Taglia con due girelle, sua forza spiegata v. 4. 205. 206.

Da' Greci chiamata Troclea v. 4. 206. In che maniera con essa si possa multiplicare la forza, quanto uno vuole v. 4. 206. e segg.

Telescopio, vedi Canocchiale.

Tempo nel quale si muovono varj mobili, vedi Mobili.

Terra di figura sferica v. 7. 439. Sua cognazione colla Luna v. 5. 25.

Perchè è stata stimata inabile a reflettere il lume del Sole v. 5. 265. 266.

Veduta dalla Luna apparirebbe 12 volte più grande di quel che a noi apparisca la medesima Luna v. 5. 268.

Veduta dalla parte tenebrosa della Luna si mostrerebbe lucida non men di qualsivoglia altra Stella v. 5. 268.

Si ritrova nel noviluoio più vicina al Sole, che la Luna nel plenilunio v. 5. 268.

Sua reflessione è bastante alla secondaria illuminazione della Luna v. 5. 268. Suo globo è poco minore della sfera vaporosa v. 6. 369. Suo terzo moto attribuitole dal Copernico, e confutato dal Galileo v. 6. 458.

Terra, ed acqua costituiscono un globo v. 7. 439.

Par costituita nel centro della Sfera Celeste v. 7. 445

È d'insensibil grandezza in comparazione del Cielo v. 7. 448.

E immobile: ragioni d'Aristotile, e di Tolomeo v. 7. 450 451.

Il suo diametro troppo picciolo preso dal Galileo v. 7. 458. 459.

Ticone Brae.

Sua descrizione della Cometa apparsa nel 77. v. 6. 164. 165.

Sua opinione, che la chioma delle Comete non fosse curva, ma retta, e sue false ragioni v. 6. 176.

Suo errore circa a un passo di Vitellione, ed Alazzeno non inteso dal medesimo v. 6. 177.

Sua opinione, che la chioma della Cometa da lui osservata fosse opposta a Venere, e non al Sole, e perchè v. 6. 186. 187. 188.

Trave come poss'essere diminuita della terza parte del suo peso, senza che gli sia niente diminuita la sua gagliardia v. 8. 224. 225.

Traffichi mercantili si regolano colla proporzion aritmetica v. 10, 174 e segg. 203. 528

Tromba da tirar acqua fino da quanta altezza arrivi a tirarla v. 8. 33.

Tropici v. 7. 468.

Tuono è stato creduto da alcuni Filosofi, che sia generato dallo squarciarsi, e urtarsi insieme le nubi v. 6. 478. 479.

Y

Vacuo non si dà secondo Aristotile v. z.

Non è causa di fare ascendere nell'acqua una palla di cera v. 2. 379.

Quanta sia la sua virtà v. 8. 28. 29.

Perchè in esso il moto non sarebbe instantaneo v. 8. 29.

Non basta al collegamento delle parti de solidi v. 8. 31. 32.

Modo d'appartar la sua virtù dall'altre, e misurarla v. 8. 32. 33.

Che parte abbia il suo valore nella resistenza de' solidi allo strapparsi v. 8. 37. 38.

Suo valore se basti a tener collegate le parti de solidi, e de metalli v. 8. 40. 41.

Vacui infiniti come si possano ritrovare in una finita estensione v 8. 48.

Vacuo disseminato: opinione d'un Filosofo antico v. 8. 50.

Proibisce la separazione di due lastre di marmo, o di qualsivoglia metallo ben pulite, e liscie, che sieno congiunté insieme v. 8. 40.

Introdotto da alcuni antichi necessario

pel moto v. 8. 104

Sua tenuità supera infinitamente la corpulenza, benchè sottilissima di qual si voglia mezzo pieno v. 8. 105.

Forza del vacuo cosa sia v. 9. 210.

Vacuo disseminato non è necessario a spiegare la rarefazione, e condensazione v. 8.89 90.

Spazj vacui grandissimi naturalmente non si possono dare, ma con violeu-

za si possono fare v. 8. 115.

Nel medesimo le velocità de gravi cadenti, ancorchè di peso diseguale, si può credere, che sieno eguali v. 8. 123.

Come si schivi coll'introduzione degli indivisibili v. 8. 86.

Nel medesimo non si dà moto, secondo Aristotile v. 8. 86 87.

Velocità del moto è di grandissima im-

portanza v. 2. 193 e segg.

Velocità diversa fa diverso momento nei

pesi disuguali v. 4. 175 e segg.
Velocità de' mobili non sono diversificate
in parte veruna dalle diverse loro

gravità, benchè grandissime v. 8. 136

Velocità, gravità, e loro momenti entra-Galileo Galilei Vol. X. 34 no nelle contemplazioni meccaniche v. 10. 313.

Velocità de' Mobili, vedi Mobili.

Velocità de' solidi discendenti ne' liquidi. Proposizioni, e dimostrazioni del P. Abate Grandi v. 2. 336 e segg.

Velocità del vento, e dell'acqua è opinione d'alcuni, che abbia abbruciato le navi in mezzo al mare v. 6. 131.

Venere è simile alla Luna v. 2. 166 v. 5. 12. Osservazioni sopra alla medesima del Galileo, scritte a Monsig. Giuliano de' Medici v. 5. 12

Non mostra figura diversa da quella di Saturno, di Giove, e Marte, vista coll'occhio libero v. 6. 540 541.

Sua sigura ivi.

Nelle sue massime digressioni sa fare ombra in terra ai corpi tenebrosi v. 7. 66.

Superiore al Sole è difficilissima a vedersi tra la sua capellatura, nè vale il telescopio a torla v. 7. 148.

Vista nelle sue congiunzioni col telescopio, è corniculata come la Luna vista coll'occhio libero v. 7. 148.

Ha le sue macchie v. 4. 390 391.

Si rivolge in se stessa, e in quanto tempo v. 4. 390.

Si vede col canocchiale ancor di giorno, siccome gli altri Pianeti, e buona parte delle fisse v. 7. 311 312.

Suo splendore è più vivo di quello della Luna v. 5. 13.

Osservata dal Galileo v. 5. 12 43.

Necessariamente si rivolge intorno al Sole v. 7. 129 130.

Scoprimenti intorno alla medesima del

Galileo v. 5. 19. e segg.

Si raggira intorno al Sole come centro delle sue revoluzioni, e risplende illuminata dal medesimo v. 5. 45 233.

Nel suo esorto vespertino non si scorge se non lontana dal Sole molti gradi v. 5. 138.

Cornuta è stata osservata dal Galileo, e differenti sue grandezze v. 5. 140

Piccolissima è in riguardo al Sole v. 5. 142.

Perchè ci si mostri rotonda, ancor quando è falcata v. 5. 228 229.

È più piccola di quel che è stata tenu-

ta v. 5. 229.

Suo diametro tal volta non agguaglia la centesima parte di quel del Sole v. 5. 229.

Suo diametro nella sua congiunzione mattutina, che parte sia del diametro del visibile disco solare v. 5. 230.

Posta da Platone sopra al Sole v. 5. 230 231.

Come si dimostri la sua revoluzione intorno al Sole v. 5. 233. Perchè non si vegga corniculata come la Luna v. 6. 538 539.

Versiera che linea sia v. 10. 23.

Vescica è di materia ben terminata, e leggerissima v. 8. 123.

Vetro. Una lastra del medesimo, e una d'acciajo ben temperato fregato insieme non si riscaldano v. 6. 133.

Due lastre del medesimo esquisitamente pulite, e spianate si strisciano facilmente fra loro, ma non si staccano v. 8. 30 31.

Come sia separato, e strutto dal fuoco, e come torni ad assodarsi senza scemare di quantità v. 8. 38.

Vette, vedi Leva.

Via Lattea vista coll'occhiale, che cosa sia v. 4. 304 331.

Assomigliata da Aristotile alle Comete v. 6. 123.

Vibrazioni, vedi Pendolo.

Vin rosso è insensibilmente men grave dell'acqua v. 8. 120.

Vite è utilissima tra gli strumenti meccanici v. 4. 211 212.

Come si generi v. 4. 219 220.

Sua forza spiegata v. 4. 220.

Verme della Vite è una linea elica v. 4. 221.

Deita Coclea da' Greci v. 4. 221.

Da sopprimere le rascie, e le gabbie da trarre olio ci dà esempio della gran virtù, e possanza degli urti v. 10. 260.

Uomo appena ha forza equivalente al peso di cento libbre v. 10. 258.

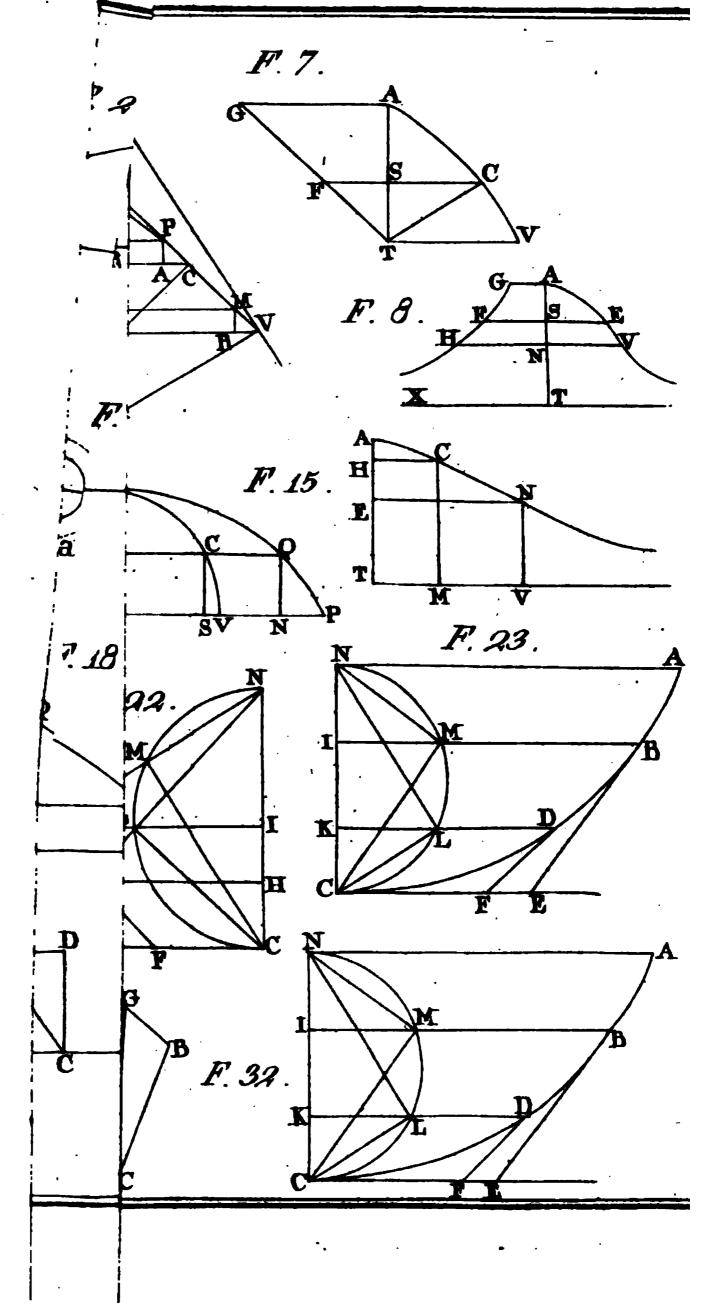
Z

Zenit e Nadir v. 7. 459. Zodiaco v. 7. 462. Zodiaco delle Comete v. 6. 587. . • : .

ERRORI				CORRECTONI
Pag. 98	1.	28	essezione .	affezione
			augumen-si	augumen-ti
136	>>	32	della	dalla
137	>>	6	spazo	spazio
			viridico	ve-ridico
			500 barili	100 barili
			re-ferigli	re-ferirgli
258				sol
			connessiona	connessione
			d'invisibili	
402	>>	1	7 scensioni co	- Ascensioni cosa
		8	a sieno v. y	sieno v. 7.
430	>>	ul.	opn-ti	ponti

• • . • •

·
·
· • • . . • • • . -. 1 •



•